

**คณะวิศวกรรมศาสตร์**  
**มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์**

การสอบปลายภาค ประจำปีการศึกษาที่ 1  
วันพฤหัสบดีที่ 26 กันยายน พ.ศ. 2545  
วิชา 217-451 : เทคโนโลยีหุ่นยนต์

ประจำปีการศึกษา 2545  
เวลา 9.00-12.00 น.  
ห้อง A401

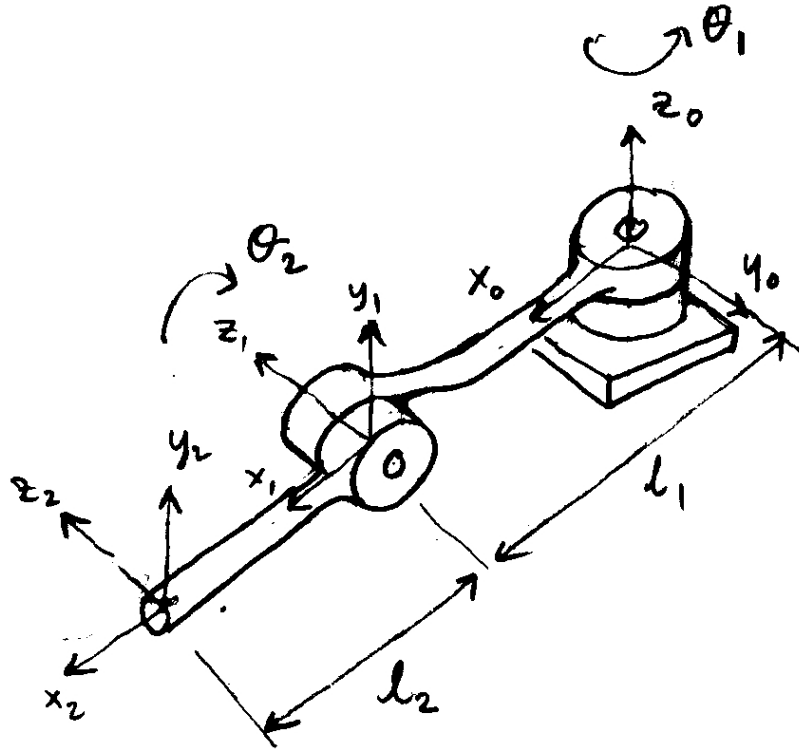
---

**คำสั่ง**

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 3 ข้อ ให้ทำในสมุดคำตอบทุกข้อ
2. อนุญาตให้ใช้เครื่องคิดเลขได้
3. อนุญาตให้นำเอกสารเข้าห้องสอบได้

ดร.วรวิทย์ วิสุทธิเมธางกูร  
ผู้ออกข้อสอบ

1. The two link manipulator shown in the figure has 2 revolute joints. The lengths of the two links are  $l_1$  and  $l_2$ , respectively. The zero position is given and the coordinate frames are attached to the links as shown.



- (a) Determine the Denavit-Hartenberg parameters of each link (4 points)
- (b) Write down the transformation matrix  $A_n$  for each link. (6 points)
- (c) Determine the relationship  $x, y, z$  and roll  $\phi$ , pitch  $\theta$ , and yaw  $\psi$  in terms of joint coordinates,  $\theta_1$  and  $\theta_2$ . (6 points)
- (d) What is the shape of the working space of this manipulator if  $l_1 > l_2$ ? Provide a sketch. (4 points)
- (e) Determine the inverse kinematic relationship which describes  $\theta_1$  and  $\theta_2$  in terms of  $x, y$ , and  $z$ . Use these relationship to solve for  $\theta_1$  and  $\theta_2$  when  $l_1 = 4, l_2 = 2$ , and the coordinate of the end of the manipulator is  $x = \frac{4 + \sqrt{3}}{2}$   
 $y = \frac{-4 - \sqrt{3}}{2}$  and  $z = 1$ . (6 points)
- (f) Discuss the redundancy and indeterminacy when  $l_1 > l_2$ , and when  $l_1 < l_2$  (4 points)

2. Discuss the meaning of the following terms (10 points)

- (a) repeatability
- (b) accuracy
- (c) resolution
- (d) distal joint
- (e) inverse kinematic

3. Consider the prism shown in the figure below. The position of the prism vertices have been indicated relative to the reference axis system. Positions are given in meters. From its current position, the prism is rotated  $90^\circ$  about the z-axis, followed by a  $90^\circ$  rotation about the y axis followed by the translation of -2 m in the x direction. (20 points).

- (a) Define the transformation matrix which describes the change in position of the prism.
- (b) What are the new coordinate of the vertices of the prism after the move?
- (c) Determine the inverse transformation matrix

