

ชื่อ-สกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ Section \_\_\_\_\_

## มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์

### คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบปลายภาค ประจำภาคการศึกษาที่ 1

ปีการศึกษา 2547

วันที่ 4 ตุลาคม 2547

เวลา 09.00-12.00 น.

วิชา 215-221 Engineering Mechanics II

Section 04 : R200

Section 01-03, 05 : ห้องหัวหุ่น

=====

#### คำสั่ง

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 5 ข้อ ให้ทำทุกข้อ แต่ละข้อมีคะแนนเท่ากัน (20 คะแนน)  
สำหรับข้ออย่างจะมีตัวบวกคะแนนที่หน้าค่าตามย่อynน
2. ไม่อนุญาตให้นำหนังสือหรือเอกสารใดๆเข้าห้องสอบ
3. อนุญาตให้ใช้เครื่องคิดเลขได้ทุกรุ่น
4. ให้เขียนชื่อ-สกุล รหัสนักศึกษา และ section ลงในข้อสอบทุกหน้า

ผ.ศ. สุวัฒน์ ไวยนะ [01]

อ. สมบูรณ์ วรุณิคุณชัย [02]

ดร. เจริญยุทธ เดชava yu กุล [03]

อ. ฐานันดรศักดิ์ เทพญา [04]

ดร. จีระภา สุขแก้ว [05]

(ผู้ออกข้อสอบ)

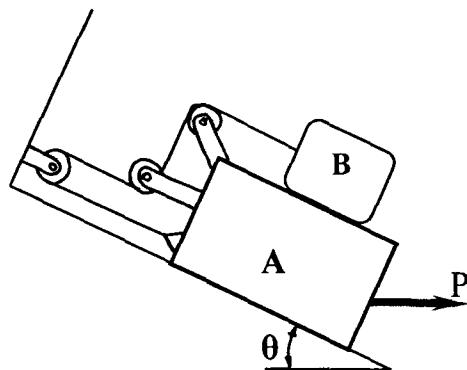
ข้อ 1) Block A และ Block B มีมวล  $M$  และ  $m$  ตามลำดับ Block A ถูกดึงด้วยแรงดึง  $P$  นิวตัน ทำให้เคลื่อนที่ลงตามพื้นเอียงที่ทำมุม  $\theta$  กับแนวราบ

ถ้ากำหนดให้สมมุติฐานที่แรงเสียดทานระหว่างทุกผิวสัมผัสมีค่า  $\mu_k$  และ  $\mu_s$  คงท่า

1.1) [4 คะแนน] ความสัมพันธ์ระหว่างความเร่งของ Block A ( $a_A$ ) และ Block B ( $a_B$ )

1.2) [10 คะแนน] เขียน FBD ของ Block A และ Block B พร้อมทั้งเขียน  
สมการการเคลื่อนที่ (Equations of Motion)

1.3) [6 คะแนน] หากความเร่งของ Block B ( $a_B$ )



ชื่อ-สกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ Section \_\_\_\_\_

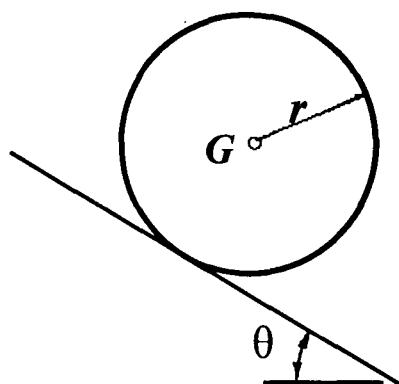
ชื่อ-สกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ Section \_\_\_\_\_

ข้อ 2) ทรงกลม(sphere) มีน้ำหนัก  $W$  รัศมี  $r$  วางนิ่งอยู่บนพื้นเอียงที่ทำมุม  $\theta$  กับแนวราบ ถูก

ปล่อยให้หมุนลงมาตามแนวเอียงโดยไม่ลื่นไถล (roll without slipping) จงหา

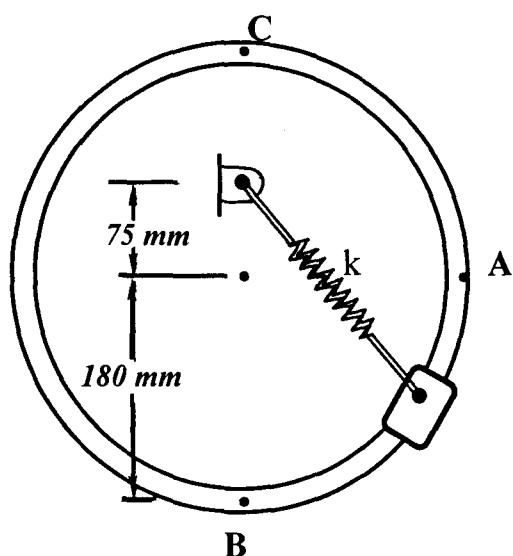
- 2.1) [10คะแนน] ความเร่งเบี้ยงมุมของทรงกลมในรูปของ  $r, g, W, \theta$
- 2.2) [10คะแนน] ความเร็วของทรงกลมที่จุดศูนย์กลางมวล( $G$ )เมื่อทรงกลมเคลื่อนที่ลงไป  
ได้เป็นระยะทาง 3 เมตร

[หมายเหตุ  $I_G = \frac{2}{5}mr^2$ ,  $m$  = mass of sphere]



ชื่อ-สกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ Section \_\_\_\_\_

- ข้อ 3) ปลอก (collar) มวล 1.2 kg ถูกผูกยึดอยู่กับสปริง ถูกปล่อยจากจุดหยุดนิ่งที่ต่าแห่ง C ให้ลื่นไถลตามห่วงกลมซึ่งวางอยู่ในแนวตั้ง สมมุติผิวสัมผัสระหว่างปลอกและห่วงกลม ปราศจากแรงเสียดทาน  
 กำหนดให้ความยาวของสปริงเมื่อไม่มีการยืดหรือหดตัว (undeformed length of spring)  
 มีค่า 105 mm และค่าคงที่  $k=300 \text{ N/m}$  เมื่อปลอกอยู่ที่ต่าแห่ง A จงหา
- 3.1) [10คะแนน] ความเร็วของปลอกที่จุด A
  - 3.2) [10คะแนน] แรงที่ห่วงกลมกระทำต่อปลอก  
 [หมายเหตุ: ใช้วิธี Work & Energy Method หาค่าตอบข้อนี้]



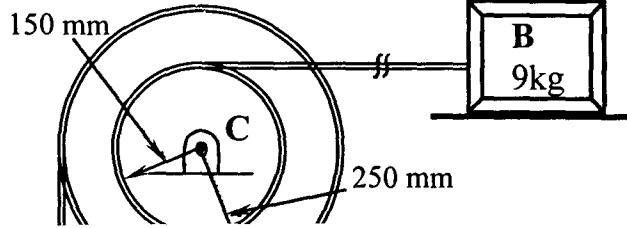
ชื่อ-สกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ Section \_\_\_\_\_

ชื่อ-สกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ Section \_\_\_\_\_

- ข้อ4) Double pulley C มีมวล 14kg และมีรัศมีใจเรขา (*centroidal radius of gyration*) 165 mm ทรงกระบอก A และ block B ถูกยึดติดกับเชือกที่คล้องพาดผ่านบนรอกดังในรูป กำหนดให้  $\mu_k$  ระหว่าง B กับพื้นเท่ากับ 0.25 ระบบถูกปล่อยให้เริ่มเคลื่อนจากจุดหยุดนิ่งดังต่อไปนี้

จงหาความเร็วของทรงกระบอก A, ความเร็วของวัตถุ B, และความเร็วเชิงมุมของ Pulley C เมื่อถูกถึงพื้น

[หมายเหตุ: ข้อนี้ให้ใช้ Work & Energy Method หากค่าตอบเท่านั้น]

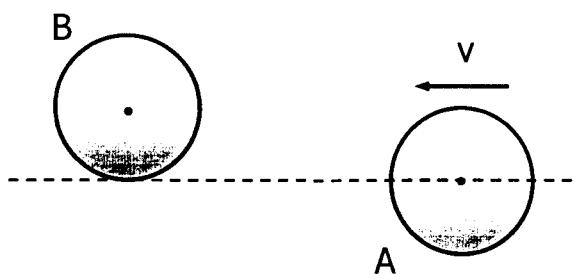


ชื่อ-สกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ Section \_\_\_\_\_

ข้อ 5) อนุภาค A และ B รูปร่างทรงกลมมีมวล ( $m$ ) และขนาดเท่ากันดังรูป อนุภาค A เคลื่อนที่ด้วยความเร็ว  $v$  เข้ากระแทกับอนุภาค B ตั้งรูป ถ้าไม่คิดแรงเสียดทาน และให้ (coefficient of restitution) เท่ากับ  $e$  จงหา

5.1) [12 คะแนน] ความเร็วของ B หลังชน

5.2) [8 คะแนน] พลังงานจลน์ที่สูญเสียไปในช่วงของการกระแทก



ชื่อ-สกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ Section \_\_\_\_\_