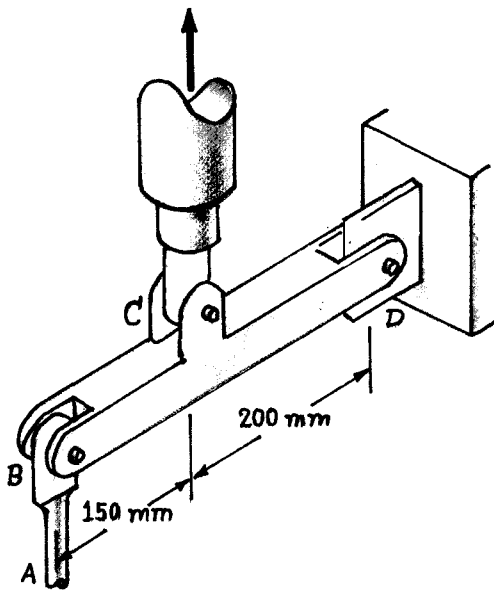
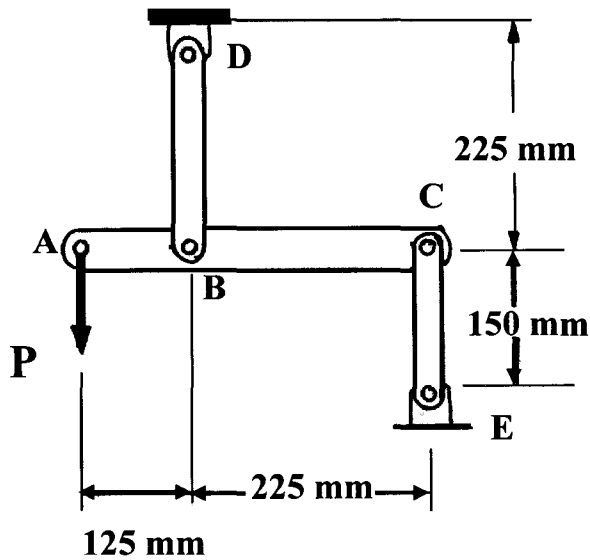


Q1 คาน BCD ถูกยึดติดกับผนังที่ปลาย D, ต่อกับแขน AB ที่ปลาย B, และ ต่อกับกระบอกลไฮดรอลิกที่จุด C หมุดที่ใช้ทั้ง 3 ตัวทำด้วยเหล็กซึ่งมี ultimate shearing stress $\tau_U = 275 \text{ MPa}$ และมีเส้นผ่านศูนย์กลางดังนี้ $d_B = d_D = 10 \text{ mm}$ และ $d_C = 12 \text{ mm}$ แขน AB ซึ่งมีเส้นผ่านศูนย์กลาง $d_A = 11 \text{ mm}$ ทำด้วยเหล็กและมี ultimate tensile stress $\sigma_U = 414 \text{ MPa}$ ถ้ากำหนดให้ Factor of Safety ของทั้งระบบมีค่า $F.S. = 3$ จงหาแรงยกที่มากที่สุดที่กระบอกลไฮดรอลิกสามารถกระทำที่จุด C ได้โดยปลอดภัย 15 คะแนน

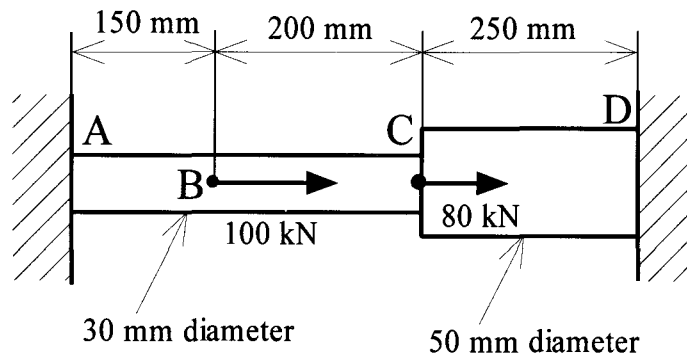


Q2 แขน BD ทำด้วยทองเหลือง ($E_{\text{Brass}} = 140 \text{ GPa}$, $A_{\text{BD}} = 250 \text{ mm}^2$) ในขณะที่แขน CE ทำด้วยอลูมิเนียม ($E_{\text{Al}} = 69.4 \text{ GPa}$, $A_{\text{CE}} = 300 \text{ mm}^2$) จงหาแรง P ที่มากที่สุดที่ทำให้ ระยะโก่ง (deflection) ที่ จุด A ไม่เกิน 0.35 mm 20 คะแนน



Q3 แท่งโลหะรูปทรงกระบอกสองแท่ง, แท่ง AC ทำด้วยอะลูมิเนียม ($E_a=72 \text{ GPa}$) และแท่ง CD ทำด้วยเหล็ก ($E_s=200 \text{ GPa}$) เชื่อมติดกันที่จุด C โดยปลายทั้งสองข้างยึดติดกับผนังที่จุด A และจุด D เมื่อได้รับโหลดดังรูป จงหา

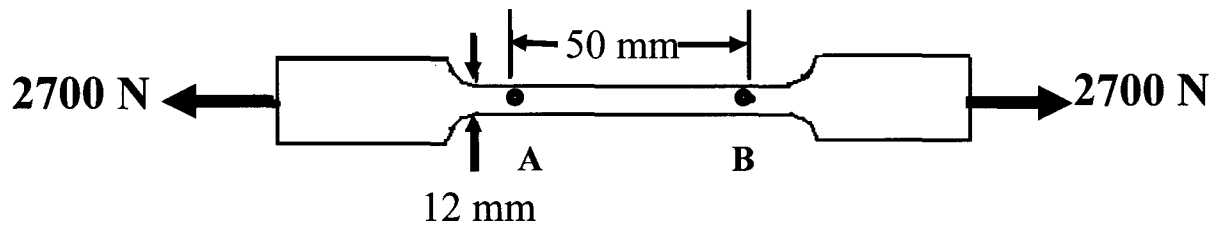
- (a) แรงปฏิกิริยาที่จุด A และจุด D [R_A, R_D] 5 คะแนน
- (b) ความเค้นในแท่งโลหะของช่วง AB, BC และ CD [$\sigma_{AB}, \sigma_{BC}, \sigma_{CD}$] 5 คะแนน
- (c) ระยะเคลื่อนตัวของจุด B และจุด C [δ_B, δ_C] 5 คะแนน



Q4 แผ่นเหล็กแบนหนา 1.5 mm ($E = 200 \text{ GPa}$, $\nu = 0.3$) ถูกดึงด้วยแรง 2700 N ที่ปลายทั้งสองด้าน

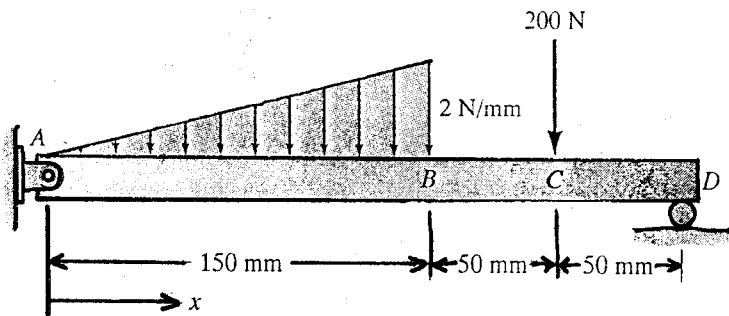
ดังรูปจงหาว่า

- (a) ความยาวของแผ่นเหล็กในช่วง AB (เดิม 50 mm) เปลี่ยนไปอย่างไรและเท่าใด 5 คะแนน
- (b) ความหนาของแผ่นเหล็กในช่วง AB (เดิม 1.5 mm) เปลี่ยนไปอย่างไรและเท่าใด 5 คะแนน
- (c) ความกว้างของแผ่นเหล็กในช่วง AB (เดิม 12 mm) เปลี่ยนไปอย่างไรและเท่าใด 5 คะแนน

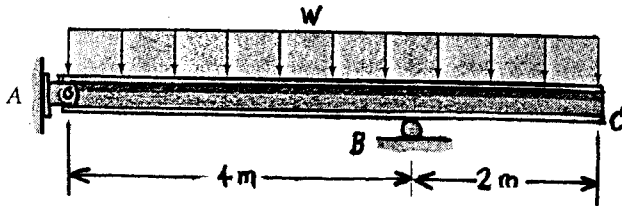


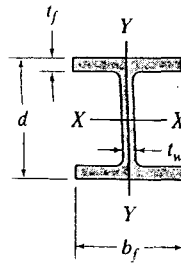
Q5 คานแบบ simply supported AD มีแรงกระทำดังรูป ให้คำนวณหา

- (a) สมการของแรงเฉือน $V(x)$ และโมเมนต์ดัด $M(x)$ ในคานช่วง AB ($0 \leq x \leq 150$) 5 คะแนน
- (b) สมการของแรงเฉือน $V(x)$ และโมเมนต์ดัด $M(x)$ ในคานช่วง BC ($150 \leq x \leq 200$) 5 คะแนน
- (c) เขียน diagram ของแรงเฉือน (shear diagram) และโมเมนต์ดัด (bending-moment diagram) สำหรับคานในช่วง AD 10 คะแนน



Q6 คานแบบ overhanging ABC มีแรงกระจายขนาด w N/m กระทำดังรูป ถ้าความเค้นดัด (normal stress) ที่เกิดขึ้นในคานมีค่าได้ไม่เกิน 150 MPa โดยที่คานมีหน้าตัดเป็นแบบ wide-flange ขนาด W310*97 จงคำนวณหาค่าแรงกระจาย (distributed load) w สูงสุดที่คานจะสามารถรองรับได้ โดยไม่เกิดวิบัติ ดูตารางหน้าตัดหน้าที 14 *15 คะแนน*





D.2. Properties of Steel Wide-Flange (W) Shapes (SI Units)

Designation*	Area A mm ²	Depth d mm	Flange		Web	Elastic Properties						Plastic Modulus Z _x 10 ³ mm ³
			Width b _f mm	Thickness t _f mm	Thickness t _w mm	Axis X-X			Axis Y-Y			
						I _x 10 ⁶ mm ⁴	S _x 10 ³ mm ³	r _x mm	I _y 10 ⁶ mm ⁴	S _y 10 ³ mm ³	r _y mm	
W920 × 342	43 600	912	418.0	32.0	19.30	6250	13 700	379	390	1870	94.6	15 400
× 223	28 500	911	304.0	23.9	15.90	3770	8280	364	112	737	62.7	9540
W840 × 299	38 100	855	400.0	29.2	18.20	4790	11 200	355	312	1560	90.5	12 600
× 193	24 700	840	292.0	21.7	14.70	2780	6620	335	90.3	618	60.5	7620
W760 × 257	32 800	773	381.0	27.1	16.60	3420	8850	323	250	1310	87.3	9930
× 134	17 000	750	264.0	15.5	11.90	1500	4000	297	47.7	361	53.0	4630
W690 × 217	27 700	695	355.0	24.8	15.40	2340	6730	291	185	1040	81.7	7570
× 125	16 000	678	253.0	16.3	11.70	1190	3510	273	44.1	349	52.5	4010
W610 × 140	17 900	617	230.0	22.2	13.10	1120	3630	250	45.1	392	50.2	4150
× 92	11 800	603	179.0	15.0	10.90	646	2140	234	14.4	161	34.9	2510
W530 × 150	19 200	543	312.0	20.3	12.70	1010	3720	229	103	660	73.2	4150
× 109	13 900	539	211.0	18.8	11.60	667	2470	219	29.5	280	46.1	2830
× 74	9490	529	166.0	13.6	9.65	410	1550	208	10.4	125	33.1	1810
W460 × 193	24 700	489	283.0	30.5	17.00	1020	4170	203	115	813	68.2	4760
× 113	14 400	463	280.0	17.3	10.80	556	2400	196	63.3	452	66.3	2670
× 74	9460	457	190.0	14.5	9.02	333	1460	188	16.6	175	41.9	1650
W410 × 149	19 000	431	265.0	25.0	14.90	619	2870	180	77.7	586	63.9	3250
× 100	12 700	415	260.0	16.9	10.00	398	1920	177	49.5	381	62.4	2130
× 74	9510	413	180.0	16.0	9.65	275	1330	170	15.6	173	40.5	1510
× 60	7600	407	178.0	12.8	7.75	216	1060	169	12.0	135	39.7	1200
W360 × 262	33 400	387	398.0	33.3	21.10	894	4620	164	350	1760	102	5260
× 179	22 800	368	373.0	23.9	15.00	575	3130	159	207	1110	95.3	3480
× 122	15 500	363	257.0	21.7	13.00	365	2010	153	61.5	479	63.0	2270
× 79	10 100	354	205.0	16.8	9.40	227	1280	150	24.2	236	48.9	1430
× 39	4960	353	128.0	10.7	6.48	102	578	143	3.75	58.6	27.5	661
W310 × 226	28 900	348	317.0	35.6	22.10	596	3430	144	189	1190	80.9	3980
× 143	18 200	323	309.0	22.9	14.00	348	2150	138	113	731	78.8	2420
× 97	12 300	308	305.0	15.4	9.91	222	1440	134	72.9	478	77.0	1590
× 74	9480	310	205.0	16.3	9.40	165	1060	132	23.4	228	49.7	1190
× 52	6670	318	167.0	13.2	7.62	119	748	134	10.3	123	39.3	841
× 33	4180	313	102.0	10.8	6.60	65.0	415	125	1.92	37.6	21.4	480
W250 × 89	11 400	260	256.0	17.3	10.70	143	1100	112	48.4	378	65.2	1230
× 67	8560	257	204.0	15.7	8.89	104	809	110	22.2	218	50.9	901
× 45	5700	266	148.0	13.0	7.62	71.1	535	112	7.03	95	35.1	602
× 18	2280	251	101.0	5.3	4.83	22.5	179	99.3	0.919	18.2	20.1	208
W200 × 71	9100	216	206.0	17.4	10.20	76.6	709	91.7	25.4	247	52.8	803
× 59	7580	210	205.0	14.2	9.14	61.2	583	89.9	20.4	199	51.9	653
× 52	6640	206	204.0	12.6	7.87	52.7	512	89.1	17.8	175	51.8	569
× 31	3980	210	134.0	10.2	6.35	31.3	298	88.7	4.10	61.2	32.1	335
× 22	2860	206	102.0	8.0	6.22	20.0	194	83.6	1.42	27.8	22.3	222
W150 × 37	4730	162	154.0	11.6	8.13	22.2	274	68.5	7.07	91.8	38.7	310
× 24	3060	160	102.0	10.3	6.60	13.4	168	66.2	1.83	35.9	24.5	192
× 22	2860	152	152.0	6.6	5.84	12.1	159	65.0	3.87	50.9	36.8	176

*W(nominal depth in mm) × (mass in kg/m)