

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์
คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบปลายภาค ประจำภาคการศึกษาที่ 2
วันที่ 21 กุมภาพันธ์ พ.ศ. 254๘
วิชา 220-341 กลศาสตร์ของไหล 2

ปีการศึกษา 2547
เวลา 09:00-12:00 น
ห้องสอบ A201

คำชี้แจง

1. ให้เขียน "ชื่อ-สกุล" และ "รหัส" ที่หัวกระดาษด้านขวามือที่หน้าแรกและเขียน "รหัส" ที่หัวกระดาษทุกหน้าที่เหลือ
2. ข้อสอบมีทั้งหมด 7 ข้อ รวม 80 คะแนน ดังแสดงในตารางข้างล่าง
3. ข้อสอบมี 8 หน้า ไม่มีหน้าใดที่ไม่มีข้อความ ห้ามแกะหรือฉีกข้อสอบออกจากเล่ม
4. ห้ามนำเอกสารใดๆ เข้าห้องสอบ ทุกจริตจะได้เกรด E ทุกกรณี
5. ห้ามหยิบหรือยืมสิ่งของใดๆ ของผู้อื่นในห้องสอบ
6. ถ้าพิจารณาเห็นว่าค่าตัวแปรหรือข้อสมมุติฐานต่างๆ ที่โจทย์กำหนดให้มายังไม่เพียงพอต่อการคำนวณ ให้สมมุติค่าขึ้นมาเองตามหลักการที่เหมาะสม และจะต้องเขียนข้อสมมุตินั้นลงในคำตอบด้วย

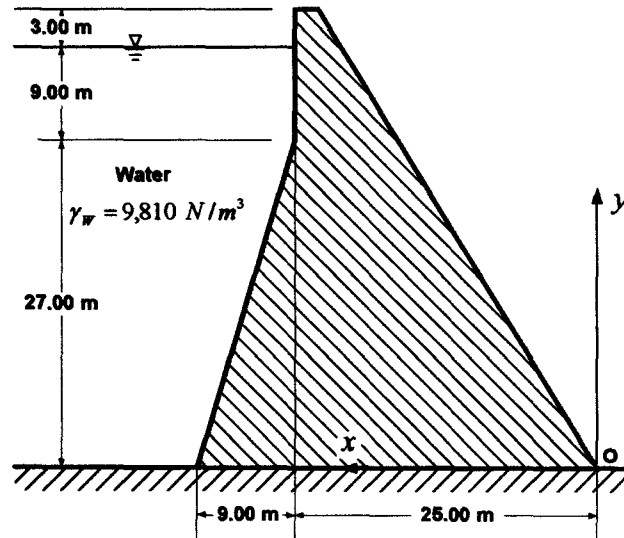
ตารางแสดงคะแนนการสอบปลายภาค

ข้อที่	คะแนนเต็ม	คะแนนที่ได้
1	10	
2	10	
3	10	
4	10	
5	15	
6	10	
7	15	
รวม	80	

ผู้ออกข้อสอบ ผู้ช่วยศาสตราจารย์พยอม รัตนมณี
ภาควิชาวิศวกรรมโยธา
คณะวิศวกรรมศาสตร์
มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์

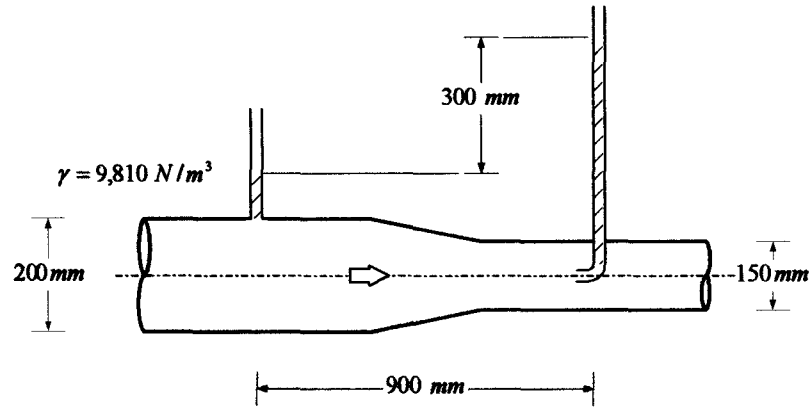
ข้อที่ 1 (10 คะแนน) เขื่อนคอนกรีตมีความสูง 39 เมตร มีความกว้างฐานรวม 34 เมตร ถ้าเขื่อนกักเก็บน้ำถึงระดับความลึก 36 เมตร

- (ก) จงหาคำนวนหาแรงคั้นสถิตยของน้ำในแนวราบ (Hydrostatic Force) ที่กระทำต่อเขื่อน
- (ข) จงหาโมเมนต์ของแรงคั้นสถิตยของน้ำในแนวราบรอบจุด O



วิธีทำ

ข้อที่ 2 (10 คะแนน) ทำการตรวจวัดอัตราการไหลของน้ำในท่อลดขนาดโดยใช้มาโนมิเตอร์ 2 อัน ดังแสดงในรูป ถ้าสมมติว่าการไหลมีการสูญเสียเล็กน้อยมาก จงคำนวณหาอัตราการไหลของน้ำในท่อ

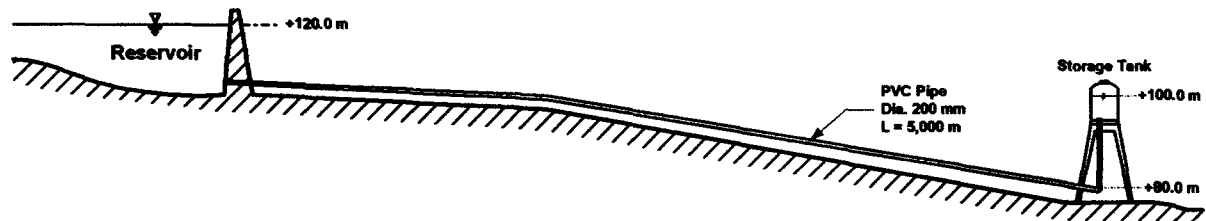


วิธีทำ

ข้อที่ 3 (10 คะแนน) ต้องการส่งน้ำ ($v=1.00 \times 10^{-6} \text{ m}^3/\text{s}$) ด้วยอัตราการไหล 50 LPM ผ่าน PVC ท่อขนาด 200 mm ($\epsilon=0.0010 \text{ mm}$, $f=0.015$) ยาว 5,000 m จากอ่างเก็บน้ำ (Reservoir) ซึ่งมีระดับกักเก็บสูง +120.0 m (MSL) ไปยังถังกักเก็บ (Storage Tank) ซึ่งมีระดับผิวน้ำสูง +100.0 m (MSL) ถ้าไม่คิดการสูญเสียรอง (Minor Losses)

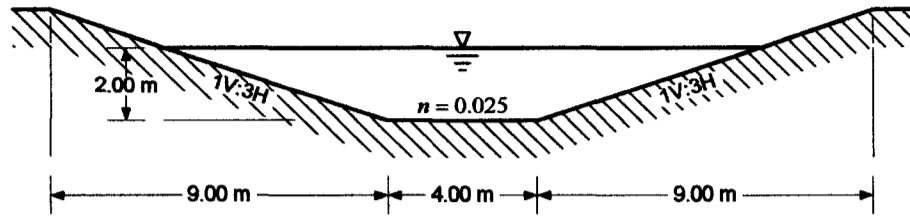
(ก) จงหาว่าการไหลภายใต้แรงโน้มถ่วงสามารถส่งน้ำได้ตามความต้องการหรือไม่

(ข) ถ้า "ไม่ได้ตามความต้องการ" จะต้องใช้เครื่องสูบน้ำขนาดกี่แรงม้า จึงจะส่งน้ำได้ตามความต้องการ (กำหนดให้ ประสิทธิภาพของเครื่องสูบน้ำ = 0.75)



วิธีทำ

ข้อที่ 4 (10 คะแนน) คลองส่งน้ำขนาดหน้าตัดดังรูป ท้องน้ำมีความลาดชัน (S_0) 0.0025 และผิวคลองมีค่าสัมประสิทธิ์ความขรุขระ (n) 0.025 จงคำนวณหาอัตราการไหลในคลองส่งน้ำสายนี้



วิธีทำ

ข้อที่ 5 (15 คะแนน) กำหนดให้เวกเตอร์ความเร็วของการไหลแบบอัดตัวไม่ได้ (Incompressible Flow) บรรยายด้วยสมการ

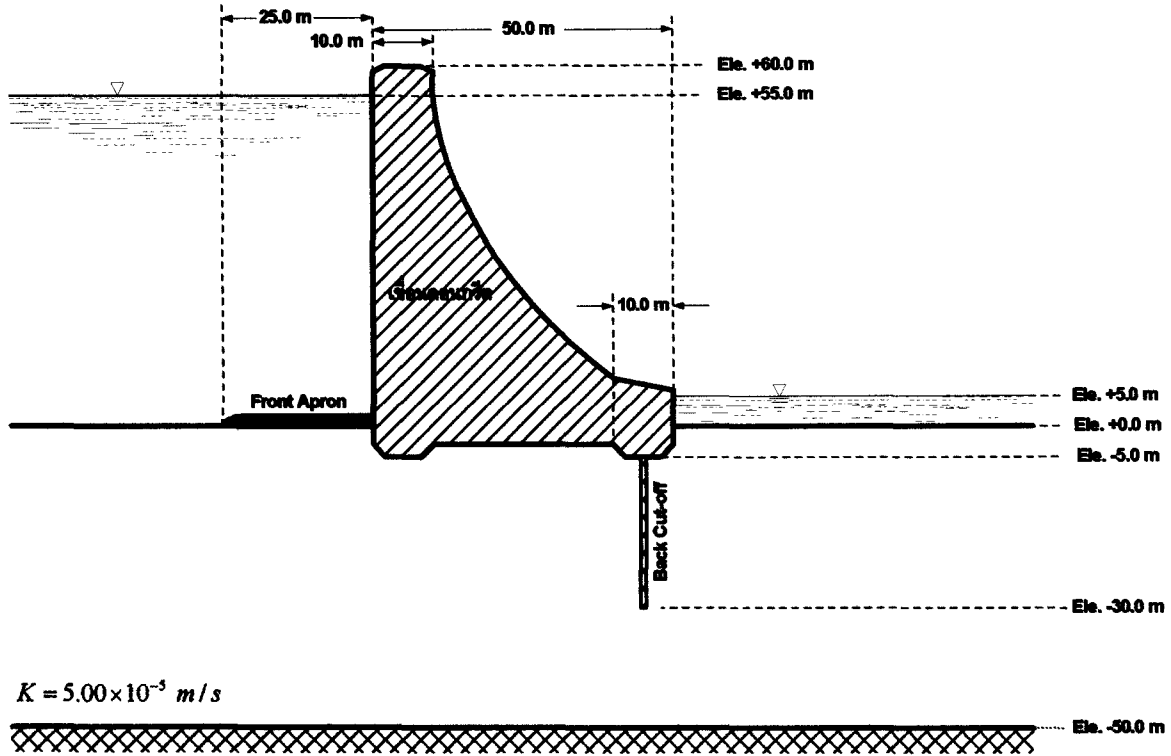
$$u = 2x + 3$$

$$v = 3 - 2y$$

- (ก) จงหาฟังก์ชันการไหล (Stream Function : ψ) สำหรับการไหลนี้
- (ข) จงหาฟังก์ชันศักยภาพความเร็ว (Velocity Potential Function : ϕ) สำหรับการไหลนี้
- (ค) จงหาสมการของความเร่งในแนวแกน x (a_x)

วิธีทำ

ข้อที่ 6 (10 คะแนน) เขื่อนคอนกรีตแห่งหนึ่ง ได้ลดอัตราการไหลซึมโดยการก่อสร้างลานคอนกรีต (Apron) ด้านหน้าเขื่อนและมีการตอกเข็มปิด (Cut-off) ด้านท้ายเขื่อนดังแสดงในรูป จงเขียนค่าช่วยการไหลผ่านชั้นดินฐานราก โดยกำหนดให้จำนวนช่องการไหลเท่ากับ 4 ช่อง

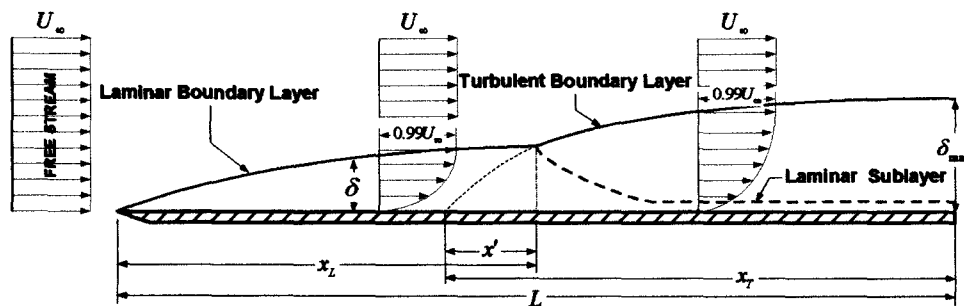


ข้อที่ 7 (15 คะแนน) เมื่อของไหลไหลเข้าสู่บริเวณชั้นซิกคิว (Boundary Layer Region) ก็จะมีการพัฒนาการเป็นช่วงๆ ดังแสดงในรูป โดยในช่วงแรกจะเข้าสู่ช่วงการไหลชั้นซิกคิวราบเรียบ (Laminar Boundary Layer) เป็นระยะ x_L จนกระทั่งค่าเรย์โนลด์์มากถึงวิกฤต (Critical Reynolds Number : R_{crit}) สภาพการไหลจะเริ่มเปลี่ยนเป็นการไหลแบบชั้นซิกคิวปั่นป่วน (Turbulent Boundary Layer) โดยใช้ระยะทางในการเปลี่ยนแปลงการไหลเท่ากับ x' ซึ่งมีความสัมพันธ์ว่า

$$x'^{4/5} = \frac{\delta}{0.38} \left(\frac{U_\infty}{\nu} \right)^{1/5} \tag{a}$$

และพบว่าค่า δ ที่ตำแหน่ง x ต่าง ๆ ของการไหลแบบชั้นซิกคิวปั่นป่วน สามารถทำได้จาก

$$\delta = 0.38xR_c^{-1/5} \tag{b}$$



ถ้าอากาศที่อุณหภูมิ 20°C ($\rho = 1.20 \text{ kg/m}^3$, $\nu = 1.60 \times 10^{-5} \text{ m}^2/\text{s}$) ไหลผ่านวัสดุแผ่นบางเรียบ ซึ่งมีความยาว (L) 6.00 m มีความกว้าง (W) 2.00 m กำลังเคลื่อนที่ด้วยความเร็ว 5.00 m/s จงคำนวณหา

- (ก) ระยะ x_L
- (ข) ระยะ x_T
- (ค) ระยะ δ_{max}

วิธีทำ