

**คณะวิศวกรรมศาสตร์**  
**มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์**

การสอบกลางภาค ประจำปีภาคการศึกษาที่ 2  
วันที่ 16 ธันวาคม 2548  
วิชา 215-222 กลศาสตร์วัสดุ 1

ประจำปีการศึกษา 2548  
เวลา 13:30-16:30 น.  
ห้อง หัวหูน

**คำสั่ง**

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 5 ข้อ จำนวน 11 แผ่น (รวมปก) ให้ทำทุกข้อ
2. ให้ทำข้อสอบทุกข้อลงในข้อสอบ ถ้าเนื้อที่ไม่พอให้เขียนต่อด้านหลังของกระดาษได้
3. ห้ามนำเอกสารทุกชนิดเข้าห้องสอบ
4. อนุญาตให้ใช้เครื่องคิดเลขได้ทุกชนิด
5. ห้ามสวมเสื้อ shop / jacket ทุกชนิดเข้าห้องสอบ

ชื่อ..... รหัสนักศึกษา..... ตอน.....

**ผู้ออกข้อสอบ**

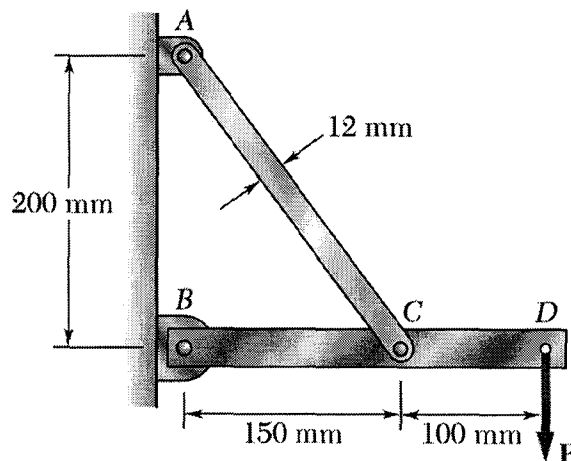
|           |                  |
|-----------|------------------|
| สมบูรณ์   | วรวิฑูริคุณชัย   |
| วรวิฑู    | วิสุทธิเมธราชกูร |
| เจริญยุทธ | เดชวายุกุล       |

ชื่อ \_\_\_\_\_ นามสกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ ตอน \_\_\_\_\_

1). แท่งเหล็ก AC มีความเค้นดึงประลัย ( ultimate normal stress ) เท่ากับ 450 MPa มีหน้าตัดขวางเป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้าขนาด 6 x 12 mm ถูกยึดติดกับคาน BD ที่จุด C และฐานรับที่จุด A ด้วยสลักกลม ( pins ) ขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง 10 mm สำหรับคาน BD ถูกยึดติดกับฐานรับที่จุด B ด้วยสลักขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง 8 mm ดังแสดงในรูป (1) สลักทั้งหมดทำด้วยเหล็ก มีความเค้นเฉือนประลัย ( ultimate shearing stress ) เท่ากับ 170 MPa ให้คำนวณหา

ค่าแรง P สูงสุดซึ่งกระทำที่จุด D ที่คาน BD จะสามารถรับได้

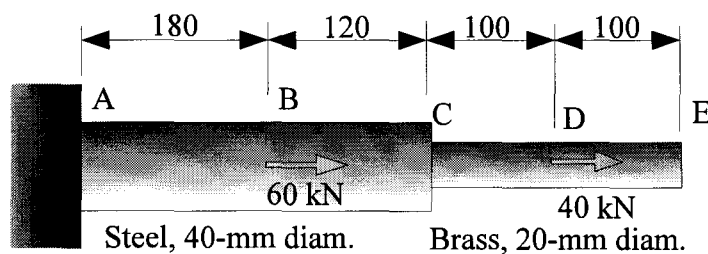
- กำหนดให้ :
- 1 ค่า safety factor ของระบบเท่ากับ 3.25
  - 2 สลักทั้งหมดรับแรงแบบ single shear
  - 3 ไม่มีการเสริมความแข็งแรงรอบรูสลักบนแท่งเหล็ก AC และไม่คิด stress concentration factor



รูปที่ 1

ชื่อ \_\_\_\_\_ นามสกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ ตอน \_\_\_\_\_

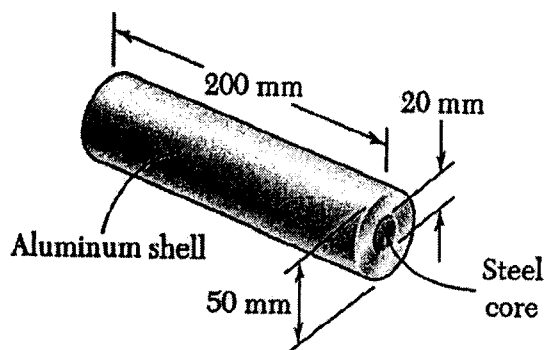
2. แท่งโลหะทรงกระบอกประกอบด้วยส่วนที่ทำจากเหล็กมีเส้นผ่านศูนย์กลาง 40 มม. ยาว 300 มม. ( $E_s = 200 \text{ GPa}$ ,  $\nu_s = 0.3$ ) และส่วนที่ทำจากทองเหลืองขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 20 มม. ยาว 200 มม. ( $E_B = 105 \text{ GPa}$ ,  $\nu_B = 0.35$ ) เมื่อถูกแรงกระทำดังรูป จงหา



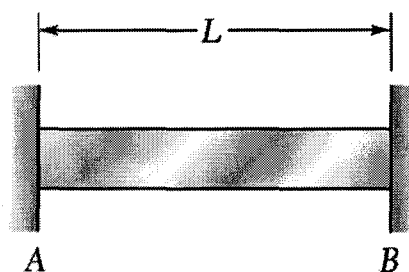
- (ก) แรงปฏิกิริยาที่จุดยึด A  
 (ข) ความเค้นในช่วง BC  
 (ค) การกระจัดของจุด D  
 (ง) ขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางของท่อน AB ภายหลังจากรับแรงกระทำดังกล่าว

ชื่อ \_\_\_\_\_ นามสกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ ตอน \_\_\_\_\_

3. แท่งโลหะดังรูป (3-ก) ประกอบด้วยแกนทำด้วยเหล็ก ( $E_s = 200 \text{ GPa}$ ,  $\alpha_s = 11.7 \times 10^{-6} / ^\circ\text{C}$ ) เชื่อมยึดติดกับปลอกอลูมิเนียม ( $E_A = 70 \text{ GPa}$ ,  $\alpha_A = 23.6 \times 10^{-6} / ^\circ\text{C}$ ) โดยไม่อยู่ภายใต้ความเค้นที่อุณหภูมิห้อง



รูปที่ 3-ก



รูปที่ 3-ข

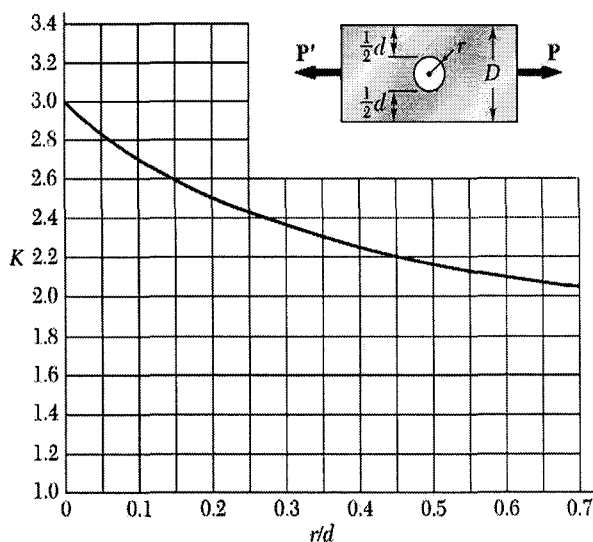
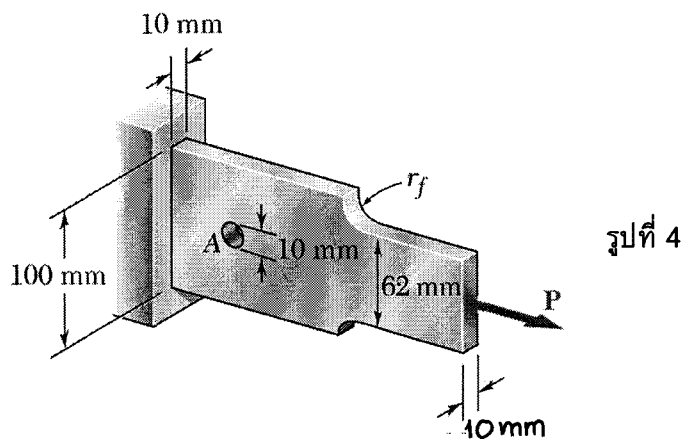
(ก) ถ้าแท่งโลหะนี้วางอยู่โดยไม่ถูกจำกัดการขยายตัว แล้วได้รับอุณหภูมิเพิ่มขึ้น  $120^\circ\text{C}$  ส่วนที่เป็นอลูมิเนียมจะได้รับความเค้นดึงหรืออัด อธิบายว่าเพราะอะไร

(ข) ถ้านำแท่งโลหะดังกล่าวไปวางไว้ในผนังที่แข็งเกร็งดังรูป (3-ข) เพื่อจำกัดการขยายตัว โดยระยะ  $L = 200 \text{ มม.}$  และแท่งโลหะสัมผัสกับผนังพอดี แล้วให้อุณหภูมิเพิ่มขึ้น  $120^\circ\text{C}$  จงหาขนาดและทิศทางของความเค้นที่เกิดขึ้นในแกนเหล็ก

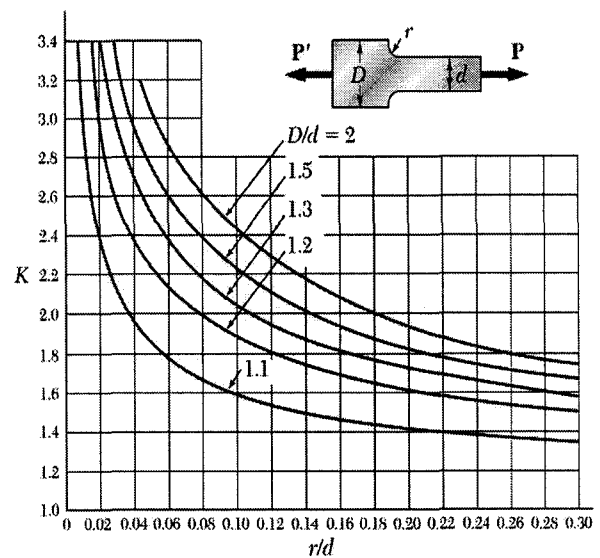
ชื่อ \_\_\_\_\_ นามสกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ ตอน \_\_\_\_\_

4. จากรูปที่ 4 ชิ้นส่วนดังรูปทำจากเหล็กกล้าหนา 10 มิลลิเมตร (mm) ที่ตำแหน่ง A เจาะด้วยสว่านเป็นรูกลมทะลุขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางรูเจาะเท่ากับ 10 มิลลิเมตร (mm) ที่ขอบบนและขอบล่างกัดออกตามความหนา มีรัศมีความโค้งรอยกัดเท่ากับ  $r_f$  เมื่อชิ้นงานรับแรงดึง P

จงคำนวณหาค่า  $r_f$  ที่ทำให้รูเจาะและรอยกัดเกิดความเค้นดึงสูงสุดเท่ากันโดยใช้รูปที่ 5 ที่แนบมา (จาก Fig 2.64 จาก Mechanics of Materials 4<sup>th</sup> Edition, P. Beer & Johnston)



(a) Flat bars with holes



(b) Flat bars with fillets

**Fig. 2.64** Stress concentration factors for flat bars under axial loading†

Note that the average stress must be computed across the narrowest section:  $\sigma_{avg} = P/t$ , where  $t$  is the thickness of the bar.

รูปที่ 5

ชื่อ \_\_\_\_\_ นามสกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ ตอน \_\_\_\_\_

5. จากรูปที่ 6 เหล็กตัน AB ไม่ทราบเส้นผ่านศูนย์กลางทำจากเหล็กกล้ามีความเค้นเฉือนสูงสุดที่ยอมได้ (allowable shearing stress) เท่ากับ 90 เมกะปาสคาล (MPa) และเหล็กตัน BC เส้นผ่านศูนย์กลางเท่ากับ 50 มิลลิเมตร (mm) ทำจากอลูมิเนียมมีความเค้นเฉือนสูงสุดที่ยอมได้ (allowable shearing stress) เท่ากับ 60 เมกะปาสคาล (MPa) เหล็กทั้งสองติดแน่นเข้าด้วยกันโดยมีแนวจุดศูนย์กลางร่วมกันตั้งรูป ถ้าไม่คิดผลของความเข้มข้นของความเค้น (stress concentration factor) จงคำนวณหาแรงบิดสูงสุด (T) กระทำที่ปลาย A แล้วทำให้เหล็ก BC เกิดความเค้นเฉือนสูงสุดที่ยอมได้ (allowable shearing stress)

รูปที่ 6

