

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์

คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบกลางภาค ประจำปีการศึกษาที่ 2

ประจำปีการศึกษา 2549

วันที่ 18 ธันวาคม 2549

เวลา 13.30-16.30 น.

วิชา 215-332 Heat Transfer

ห้อง A400, A201

คำสั่ง

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 6 ข้อ ให้ทำทุกข้อ
2. ให้ทำในตัวข้อสอบนี้ ให้เขียนด้านหลังได้
3. ห้ามนำเอกสารใด ๆ เข้าห้องสอบ
4. ให้เขียนชื่อ และรหัสนักศึกษาในข้อสอบทุกแผ่น

กำหนดให้

1. Stefan-Boltzmann constant $\sigma = 5.6697 \times 10^{-8} \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K}^4)$

รศ.ดร.ชูเกียรติ คุปตานนท์

อ.พุทธิพงษ์ แสนสบาย

ผู้ออกข้อสอบ

ข้อ	คะแนนเต็ม	คะแนนที่ได้
1	20	
2	20	
3	20	
4	20	
5	20	
6	20	
คะแนนรวม	120	

ชื่อ-สกุล.....

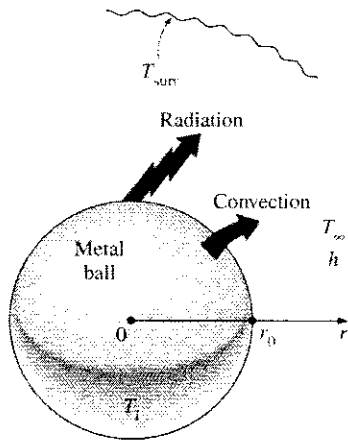
รหัส.....

ตอน.....

ข้อ 1) ลูกบอลทรงกลมขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง 5 cm มีอุณหภูมิที่ผิวด้านนอกคงที่ 80°C โดยลูกบอลถูกแขวนลอยอยู่กลางห้อง ซึ่งอากาศภายในห้องและผนังห้องมีอุณหภูมิ 20°C หากสัมประสิทธิ์การพาความร้อนของอากาศ (convection heat transfer coefficient) คือ $h = 68 \text{ W}/(\text{m}^2\text{ }^{\circ}\text{C})$ และค่าสัมประสิทธิ์การแผ่รังสีความร้อนของลูกบอล (emissivity) คือ $\varepsilon = 0.8$ จงหาอัตราการถ่ายเทความร้อนออกจากลูกบอล

ข้อ 2) จงเขียนสมการคณิตศาสตร์ของปัญหาการนำความร้อนต่อไปนี้

ก.) ลูกบอลโลหะทรงกลมตันขนาดรัศมีภายนอก r_0 ถูกอบให้ร้อนในเตาอบจนมีอุณหภูมิเป็น T_i ทั้งลูกบอล แล้วทันใด นำลูกบอลออกจากเตา เพื่อให้เย็นลงในบรรยากาศด้วยการพาความร้อนและการแผ่รังสีความร้อน อากาศมีอุณหภูมิเป็น T_∞ และมีสัมประสิทธิ์การพาความร้อน h ในขณะที่ สัมประสิทธิ์การแผ่รังสีความร้อนของลูกบอล (emissivity) คือ ϵ และ อุณหภูมิของสิ่งแวดล้อมเป็น T_{sur} กำหนดให้เป็นการถ่ายเทความร้อนทิศทางเดียว โดยค่าการนำความร้อนไม่คงที่

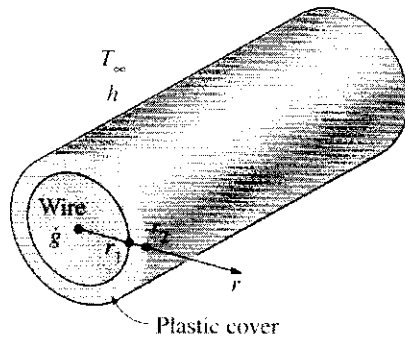


ข.) การนำความร้อน 2 ทิศทาง ของผนังสี่เหลี่ยม $0 \leq x \leq a$, $0 \leq y \leq b$ ในสภาวะ steady โดยค่าการนำความร้อนมีค่าคงที่ และไม่มีแหล่งกำเนิดพลังงานภายใน ขอบทั้งสี่ด้านของผนังมีเงื่อนไขต่อไปนี้

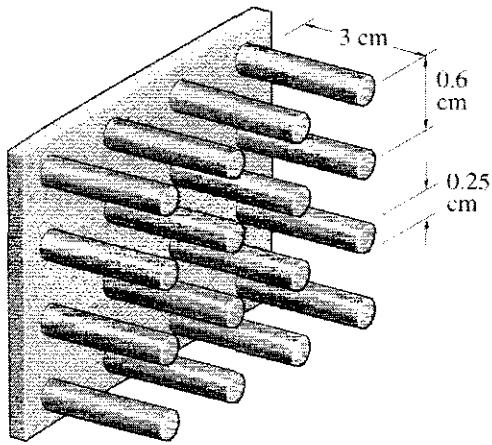
ที่ระนาบ $x = 0$ ได้รับ heat flux ในอัตรา q_0 , W/m^2 , ที่ระนาบ $x = a$ มีอุณหภูมิคงที่ T_0

ที่ระนาบ $y = 0$ หุ้มฉนวนไว้, ที่ระนาบ $y = b$ พาความร้อนกับตัวกลาง ที่มีอุณหภูมิ T_∞ และมีสัมประสิทธิ์การพาความร้อน h ($W/m^2 K$)

ข้อ 3) ลวดความต้านทานเส้นหนึ่ง มีรัศมี $r_1 = 3 \text{ mm}$ ค่าสัมประสิทธิ์การนำความร้อน $k_{\text{wire}} = 18 \text{ W/m } ^\circ\text{C}$ และมีอัตราการกำเนิดความร้อนคงที่ $\dot{q} = 1.5 \times 10^6 \text{ W/m}^3$ เส้นลวดถูกหุ้มด้วยพลาสติกหนา 4 mm ซึ่งพลาสติกมีค่าสัมประสิทธิ์การนำความร้อน $k_{\text{plastic}} = 1.8 \text{ W/m } ^\circ\text{C}$ ผิวด้านนอกของพลาสติกสูญเสียความร้อนโดยการพาความร้อนกับอากาศแวดล้อม ซึ่งอากาศมีอุณหภูมิ $T_\infty = 25^\circ\text{C}$ และสัมประสิทธิ์การพาความร้อน, $h = 14 \text{ W/(m}^2\text{ } ^\circ\text{C)}$ หากสมมติว่าเป็นการนำความร้อนทิศทางเดียว ในสภาวะ steady และลวดยาว 1 m จงหา ก) อัตราการถ่ายเทความร้อน ข) อุณหภูมิที่ผิวนอกของเส้นลวด (T_{r1})



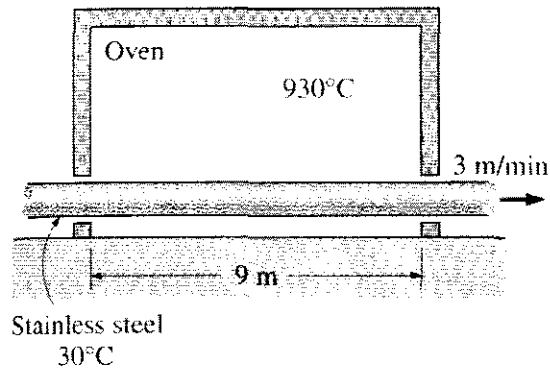
ข้อ 4) แผ่นโลหะร้อนที่อุณหภูมิ 100°C ถูกระบายความร้อนโดยการติด fins ที่ทำมาจากอะลูมิเนียมซึ่งมีค่าการนำความร้อน 237 W/m K โดย fins มีลักษณะเป็นแท่งทรงกระบอก เส้นผ่าศูนย์กลาง 2.5 mm และยาว $= 30 \text{ mm}$ ระยะห่างระหว่าง fin คือ 6 mm ดังรูป หากอุณหภูมิของอากาศแวดล้อมเป็น $T_{\infty} = 30^{\circ}\text{C}$ และมีสัมประสิทธิ์การพาความร้อน $h = 35 \text{ W/m}^2\text{K}$ จงหา อัตราการระบายความร้อนจากแผ่นโลหะ เมื่อแผ่นโลหะมีขนาด $1 \text{ m} \times 1 \text{ m}$



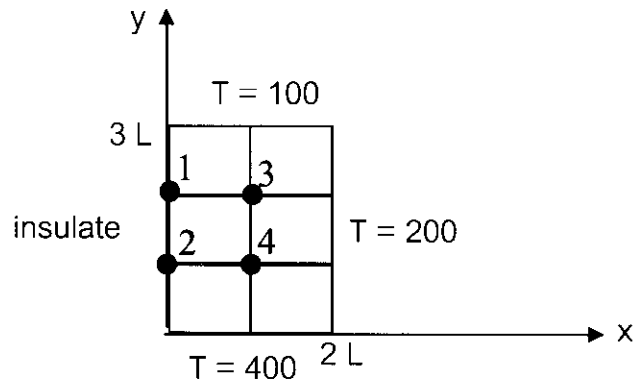
ข้อ 5) จงวิเคราะห์ปัญหาการนำความร้อนในสภาวะ transient ต่อไปนี้

ก) ลูกบอลเหล็ก ($k = 54 \text{ W/m } ^\circ\text{C}$, $\rho = 7,833 \text{ kg/m}^3$, และ $c_p = 0.465 \text{ KJ/kg}$) ขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง 8 mm ถูกชุบแข็งโดยการอบจนมีอุณหภูมิ 900°C แล้วทำให้เย็นตัวลงอย่างช้าๆ ในบรรยากาศจนมีอุณหภูมิ 100°C หากอากาศแวดล้อมมีอุณหภูมิ 35°C และสัมประสิทธิ์การพาความร้อน $h = 75 \text{ W/m}^2\text{ }^\circ\text{C}$ จงประมาณระยะของกระบวนการชุบแข็ง (กำหนดให้ใช้วิธี Lumped system analysis)

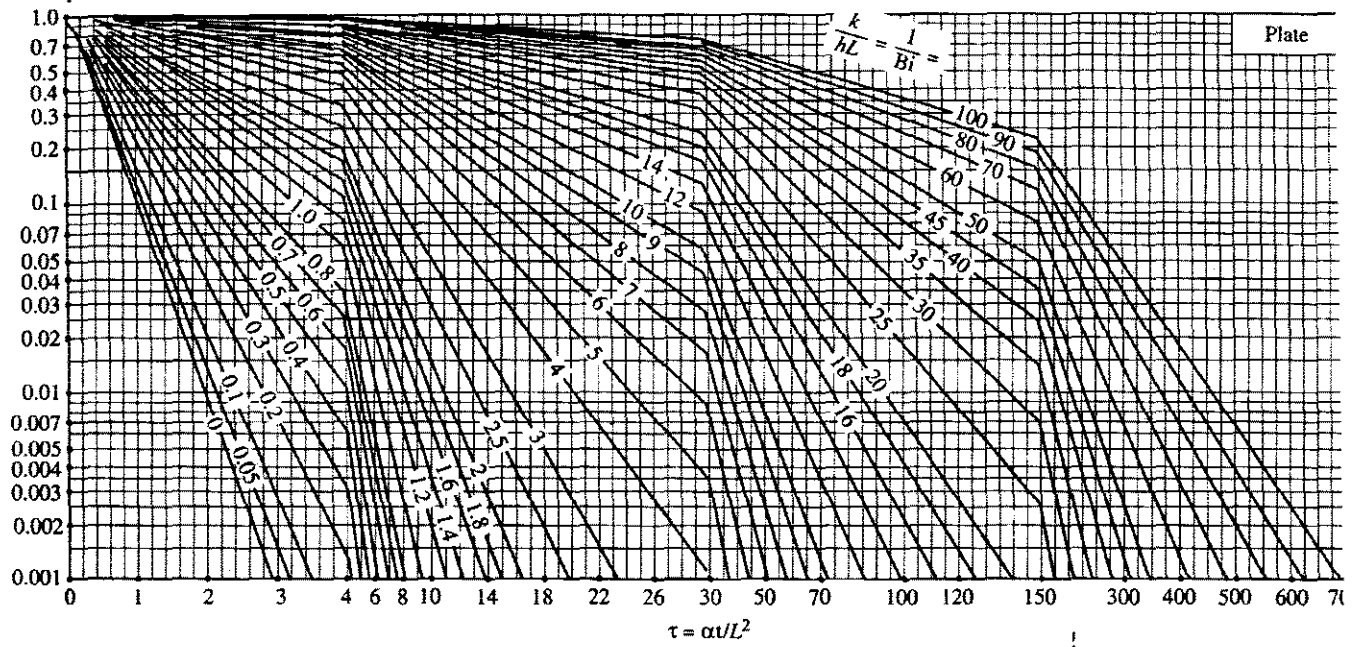
ข) แท่งเหล็กทรงกระบอก ($k = 13.4 \text{ W/m}^\circ\text{C}$, และ $\alpha = 3.48 \times 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$) ขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง 10 cm ถูกอบให้ร้อน โดยการเคลื่อนผ่านเตาอบด้วยความเร็ว 3 m/min โดยที่เตาอบยาว 9 m มีอุณหภูมิคงที่ 930°C และมีสัมประสิทธิ์การพาความร้อน $h = 114 \text{ W/m}^2\text{C}$ หากแท่งเหล็กมีอุณหภูมิ 30°C ก่อนเข้าเตาอบ จงหาอุณหภูมิที่แกนกลางของแท่งเหล็กเมื่อเคลื่อนที่ออกจากเตาอบ



ข้อ 6) พิจารณาการนำความร้อน 2 มิติ ในสภาวะ steady ของวัตถุรูปสี่เหลี่ยมขนาด $2L \times 3L$ โดยมี boundary condition แสดงดังรูป กำหนดให้ใช้ $\Delta x = \Delta y = L$ จงเขียนสมการ finite difference formulation ของปัญหาการนำความร้อนนี้ (สมการของ node $m = 1$ to 4)

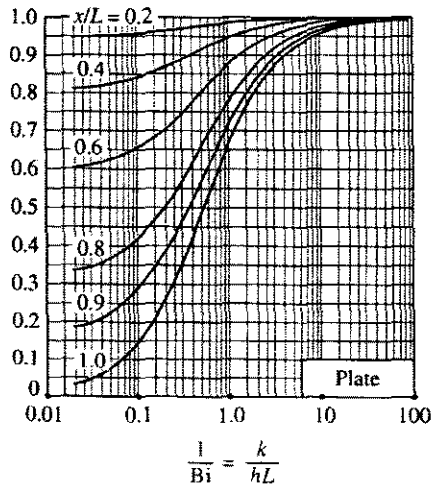


$$\theta_o = \frac{T_o - T_\infty}{T_i - T_\infty}$$



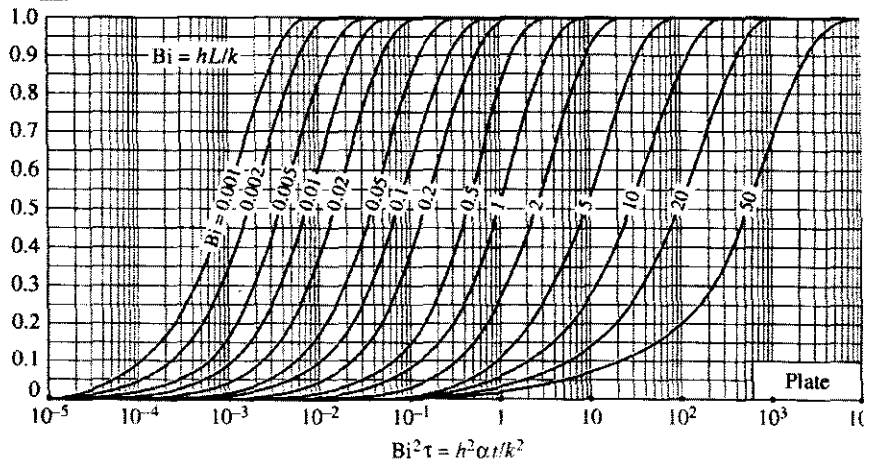
(a) Midplane temperature (from M. P. Heisler)

$$\theta = \frac{T - T_\infty}{T_o - T_\infty}$$



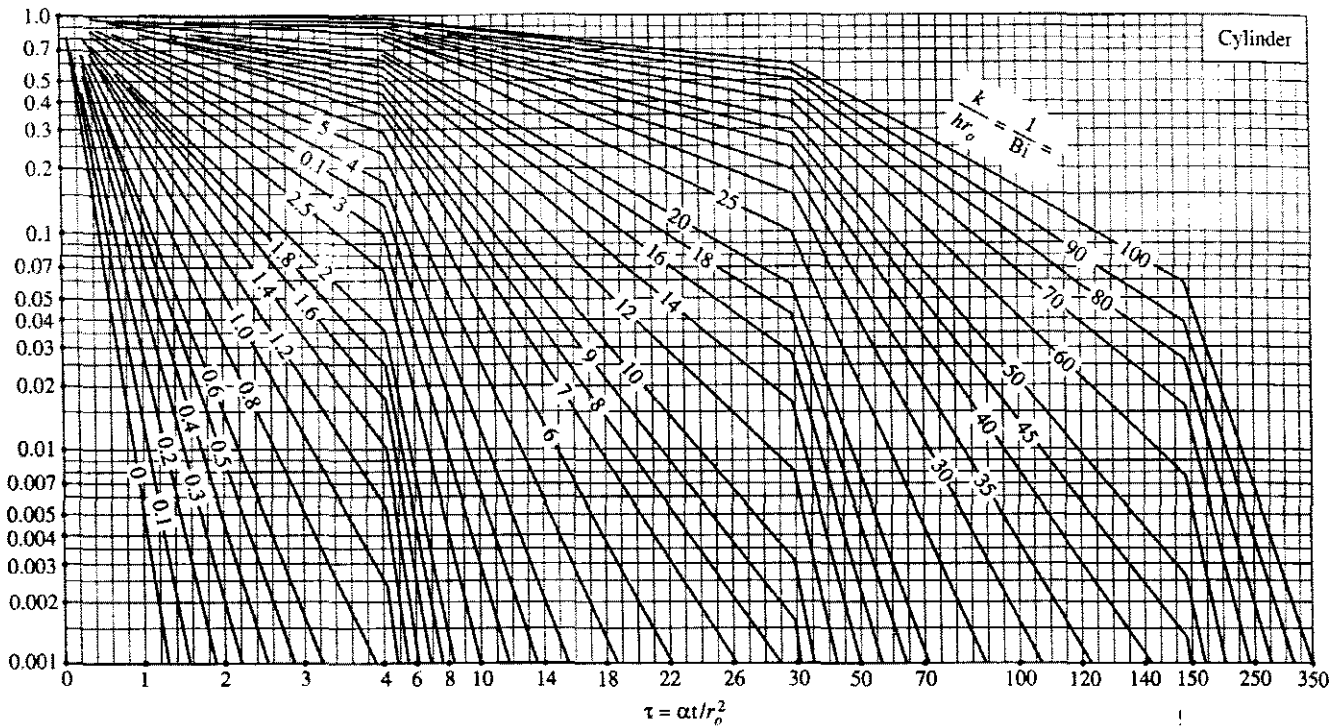
(b) Temperature distribution (from M. P. Heisler)

$$\frac{q}{q_{max}}$$



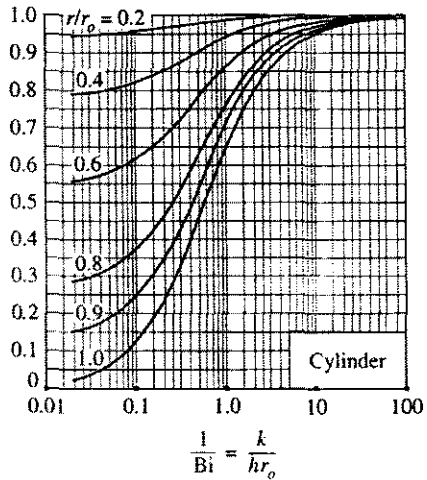
(c) Heat transfer (from H. Gröber et al.)

$$\theta_c = \frac{T_c - T_\infty}{T_i - T_\infty}$$



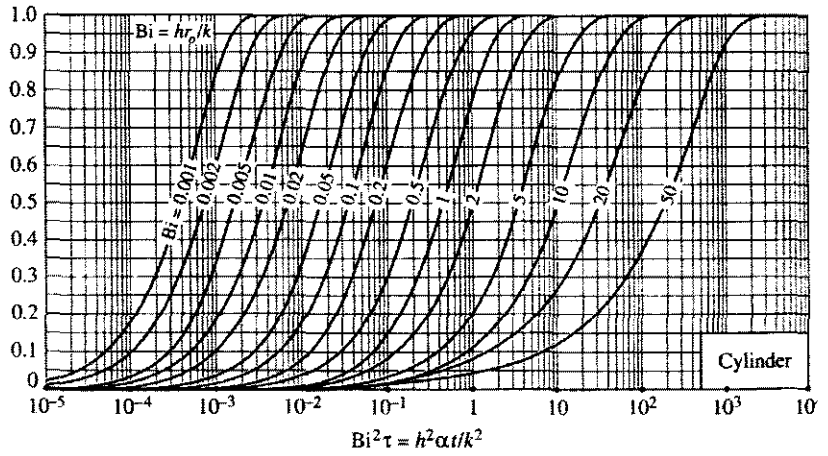
(a) Centerline temperature (from M. P. Heisler)

$$\theta = \frac{T - T_\infty}{T_o - T_\infty}$$



(b) Temperature distribution (from M. P. Heisler)

$$\frac{Q}{Q_{max}}$$



(c) Heat transfer (from H. Gröber et al.)