

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์  
คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบกลางภาค ประจำปีภาคการศึกษาที่ 2

ปีการศึกษา 2550

วันที่ 22 ธันวาคม 2550

เวลา 09.00-12.00 น.

วิชา 215-323 MECHANICS OF MATERIALS II

ห้อง A 400

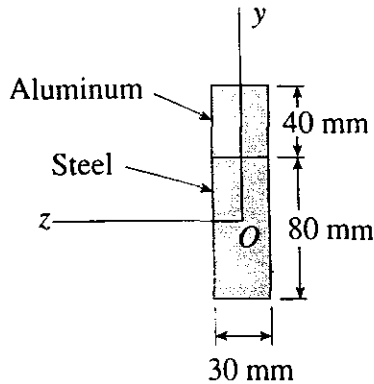
คำสั่ง

1. ข้อสอบทั้งหมดมี 5 ข้อ คะแนนเท่ากันทุกข้อ
2. นำเอกสาร และหนังสือเข้าห้องสอบได้ (ห้ามยืมในห้องสอบ)
3. เขียนคำตอบในสมุดคำตอบ

อ.สมบูรณ์ วรวิศิษฏ์  
ผู้ออกข้อสอบ

ทุจริตในการสอบ โทษขั้นต่ำคือ ปรับตกในรายวิชาที่ทุจริต และพักการเรียน 1 ภาคการศึกษา

- Q1. คานประกอบ (Composite beam) ทำด้วยอลูมิเนียมและเหล็ก มีหน้าตัดขวาง ดัง แสดง  
 ในรูป (1) ถ้ามีโมเมนต์ดัดมากระทำต่อคานนี้ แล้วทำให้เกิดความเค้นสูงสุดที่เกิดขึ้นในส่วนของ  
 อลูมิเนียมมีค่าเท่ากับ 50 MPa. อยากทราบว่า จะเกิดความเค้นสูงสุดในส่วนที่เป็นเหล็กเท่าไร  
 กำหนดให้: modulus of elasticity (E) ของอลูมิเนียมมีค่าเท่ากับ 75 GPa.  
 modulus of elasticity (E) ของเหล็ก มีค่าเท่ากับ 200 GPa.

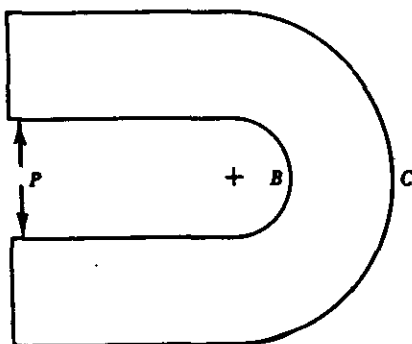


รูป (1)

- Q2. คานโค้ง ดังแสดงในรูป (2) มีหน้าตัดขวางเป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า กว้าง 10 mm. หนา 30 mm.  
 (ระยะ BC = 90 mm) ถ้ามีแรง P มากระทำต่อคานนี้ที่ระยะห่างจากจุดเซนทรอยด์ (centroid)  
 ของระนาบหน้าตัดขวาง BC เป็นระยะ 90 mm. โดยที่รัศมีความโค้งของหน้าตัดขวาง BC มีค่า  
 เท่ากับ 25 mm. ให้คำนวณหาค่าแรง P สูงสุด ที่คานนี้จะรับได้ โดยไม่ทำให้ความเค้นสูงสุด  
 ที่เกิดขึ้นในคานมีค่าเกินความเค้นคราก (yielding)

กำหนดให้ : ความแข็งแรงครากของวัสดุที่ใช้ทำคานโค้งนี้ (yield strength,  $S_y$ ) มีค่า  
 เท่ากับ 430 MPa.

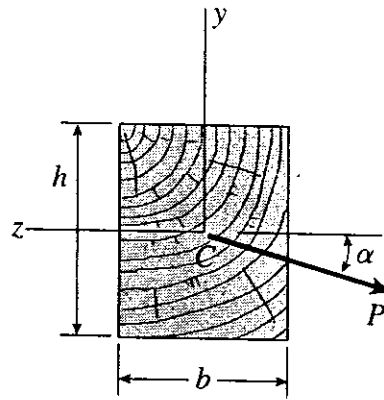
และให้ใช้ค่าความปลอดภัยในการออกแบบ (safety factor, N) เท่ากับ 1.75



รูป (2)

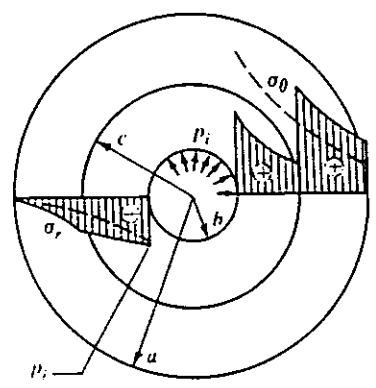
Q3. คานยื่น (cantilever beam) ทำด้วยไม้ มีขนาดยาวเท่ากับ  $L$  มีหน้าตัดขวางเป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า กว้าง  $b$  สูง  $h$  ถ้าคานนี้ถูกแรง  $P$  ซึ่งเอียงทำมุม  $\alpha$  กับแกน  $z$  และกระทำผ่านจุด เซนทรอยด์ (centroid) ของระนาบหน้าตัดขวางของคาน ดังแสดงในรูป(3) ให้คำนวณหา ค่าความเค้นสูงสุด ( $\sigma_{max}$ ) ที่เกิดขึ้นในคานเนื่องจากแรง  $P$  และให้แสดงตำแหน่งของ แนวแกนสะเทิน (neutral axis)

กำหนดให้ :  $L = 1.8 \text{ m}$  ,  $b = 75 \text{ mm}$  ,  $h = 150 \text{ mm}$  ,  $P = 625 \text{ N}$  และ  $\alpha = 36^\circ$



รูป(3)

Q4. ท่อประกอบผนังหนาทำด้วยวัสดุ ซึ่งมีค่า modulus of elasticity ,  $E = 72 \text{ GPa}$ . รัศมีภายใน(b) ของท่อวงใน มีค่าเท่ากับ  $40 \text{ mm}$  รัศมีภายนอก(a) ของท่อวงนอกมีค่าเท่ากับ  $120 \text{ mm}$  และรัศมีตรงรอยสวมระหว่างท่อทั้งสอง (c) มีค่าเท่ากับ  $60 \text{ mm}$  ดังแสดงในรูปที่ (4) ถ้ามีความดันค่าเท่ากับ  $110 \text{ MPa}$ . มากระทำภายในท่อประกอบนี้ แล้วทำให้เกิดความเค้นในแนวเส้นรอบวง (circumferential stress ,  $\sigma_\theta$ ) ที่ผิวด้านในของท่อวงนอก มีค่าเท่ากับ  $90 \text{ MPa}$ . อยากทราบว่าเส้นผ่าศูนย์กลางภายในของท่อวงนอก และ เส้นผ่าศูนย์กลางภายนอกของท่อวงใน ก่อ ที่จะนำมาประกอบกัน มีผลต่างกันอยู่ ( $2\Delta$ ) เท่าไร



รูป(4)

Q5. กาน simple beam มีหน้าตัดขวางเป็นแบบ wide-flange รองรับแรงกระจายต่อหน่วย

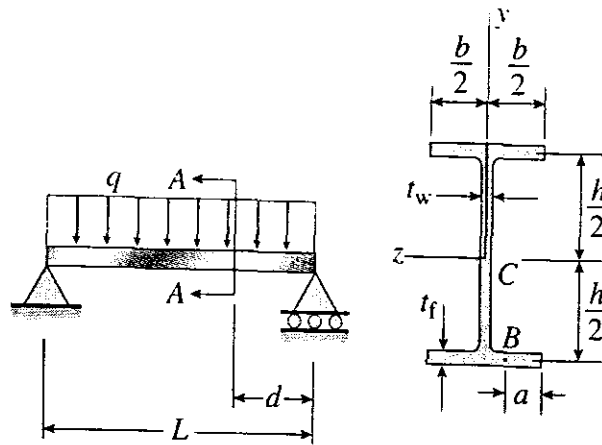
ความยาว มีค่าเท่ากับ  $q$  ดังแสดงในรูป (5)

ให้คำนวณหาค่า (1) ความเค้นเฉือนสูงสุดที่เกิดขึ้นบนระนาบหน้าตัดขวางของกาน ที่ตำแหน่ง A-A

(2) ความเค้นเฉือนที่จุด B บนระนาบหน้าตัดขวางที่ตำแหน่ง A-A

กำหนดให้:  $L = 3 \text{ m}$  ,  $q = 40 \text{ kN/m}$  ,  $h = 260 \text{ mm}$  ,  $b = 170 \text{ mm}$  ,

$t_f = 12 \text{ mm}$  ,  $t_w = 10 \text{ mm}$  ,  $d = 0.6 \text{ m}$  ,  $a = 60 \text{ mm}$ .



รูป(5)