



Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

1. บริษัทหนึ่งมีการแบ่งพนักงานทำงานอยู่ 2 แผนก คือแผนกออกแบบกราฟฟิกและแผนกพัฒนาระบบ บริษัทนี้มีเครื่องพิมพ์อยู่เครื่องหนึ่งสำหรับให้บริการพนักงานทั้งสองแผนก การสั่งพิมพ์ของพนักงานทั้งบริษัทเป็น Poisson Process ที่มีอัตราการสั่งพิมพ์ 5 ครั้งต่อนาที และจากการสำรวจพบว่าในการสั่งพิมพ์แต่ละครั้ง ความน่าจะเป็นที่จะเป็นการสั่งพิมพ์จากแผนกออกแบบกราฟฟิกเท่ากับ 0.6 จงตอบคำถามต่อไปนี้

1.1) จงเขียน PMF ของ  $I$  เมื่อ  $I$  เป็นจำนวนครั้งในการสั่งพิมพ์ของพนักงานแผนกพัฒนาระบบในช่วงเวลา 1 ชั่วโมง (6 คะแนน)

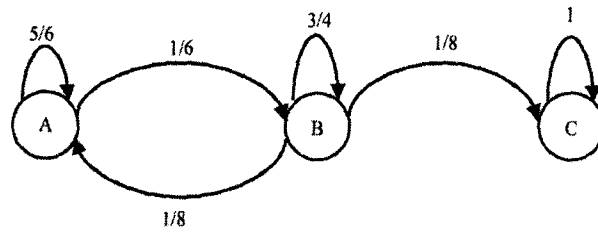
ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

1.2) จงหาความน่าจะเป็นที่ใน 1 ชั่วโมงพนักงานในแผนกพัฒนาระบบจะไม่มีคำสั่งพิมพ์เลย (4 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

2. จาก Markov chain ที่กำหนดให้ state ใด เป็น Transient และ state ใดเป็น Recurrent (6 คะแนน)



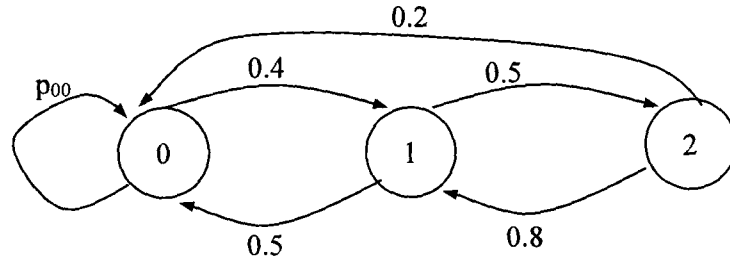
ตอบ \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_

3. จงเขียน Markov chain เมื่อกำหนด Transition Probability (10 คะแนน)

$$[p_{ij}] = \begin{bmatrix} 0.5 & 0 & 0 & 0 & 0.5 & 0 & 0 \\ 0.3 & 0.4 & 0 & 0 & 0.2 & 0.1 & 0 \\ 0 & 0 & 0.6 & 0.2 & 0 & 0.2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0.5 & 0 & 0 & 0.5 \\ 0.3 & 0.4 & 0 & 0 & 0.3 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0.4 & 0.6 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0.6 & 0 & 0 & 0.4 \end{bmatrix}$$

ตอบ

4. โปรแกรมหนึ่งสามารถสร้างโมเดลของขั้นตอนการทำงานได้โดยใช้ Markov Chain ซึ่งมี State Transition Diagram ดังรูป



โปรแกรมนี้จะมีการคำนวณและปรับค่า state ทุกๆ step โดยแต่ละ step ทำกับระยะเวลา 1 ms โดย เวลาที่เริ่มรันโปรแกรมเป็น step-0 และความน่าจะเป็นของ state 0, 1 และ 2 เท่ากับ 0.7, 0.3 และ 0 ตามลำดับ

จงตอบคำถามต่อไปนี้

4.1) จาก State Transition Diagram จงหาค่าของ  $P_{00}$  (1 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

4.2) จงหา Steady State Probability ของแต่ละ state (15 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

5. เครื่องคอมพิวเตอร์โน้ตบุ๊กเครื่องหนึ่งมีการ์ด Wireless LAN ซึ่งอำนวยความสะดวกแก่ผู้ใช้ในการใช้งานเครือข่ายไร้สาย โดยการ์ด Wireless LAN นี้จะมีการติดต่อกับ Access Point ซึ่งเป็นเหมือนจุดให้บริการอยู่ตลอดเวลา โดยทุกวินาทีการ์ดดังกล่าวจะมีการรายงานสถานะของช่องสัญญาณไปยัง Access Point ซึ่งมี 4 สถานะคือ แย่ (0), พอใช้ (1), ดี (2) และ ดีมาก (3) โดยคุณสมบัติของช่องสัญญาณเป็นดังนี้

- เมื่อช่องสัญญาณอยู่ในสถานะแย่ ในวินาทีถัดไปสถานะของช่องสัญญาณอาจจะไม่เปลี่ยนแปลงสถานะหรืออาจจะเปลี่ยนไปอยู่ในสถานะพอใช้ ซึ่งเหตุการณ์ทั้งสองมีโอกาสที่จะเกิดเท่ากัน
- เมื่อช่องสัญญาณอยู่ในสถานะพอใช้, ดี และดีมาก ในวินาทีถัดไปความน่าจะเป็นที่สถานะของช่องสัญญาณไม่เปลี่ยนแปลงเท่ากับ 0.9 และความน่าจะเป็นที่เปลี่ยนไปอยู่สถานะแย่เท่ากับ 0.04
- เมื่อช่องสัญญาณอยู่ในสถานะพอใช้และสถานะดี ความน่าจะเป็นที่ในวินาทีถัดไปช่องสัญญาณจะขยับไปอยู่ในสถานะที่ดีขึ้นอีก 1 สถานะเท่ากับ 0.06
- เมื่อช่องสัญญาณอยู่ในสถานะดีมาก ในวินาทีถัดไปสถานะของสัญญาณสามารถเปลี่ยนไปเป็นดีด้วยความน่าจะเป็น 0.04 และสามารถเปลี่ยนไปเป็นสถานะพอใช้ด้วยความน่าจะเป็น 0.02

จงตอบคำถามต่อไปนี้

5.1) จงเขียน State Transition Diagram ของ Markov Chain เพื่ออธิบายการเปลี่ยนแปลงสถานะช่องสัญญาณ (8 คะแนน)

ตอบ



6. Mixer เป็นอุปกรณ์ที่สำคัญตัวหนึ่งในระบบประชุมทางไกล โดย Mixer จะรับแพ็กเก็ตเสียงเข้ามาพักไว้ในบัฟเฟอร์จากนั้นก็จะนำแพ็กเก็ตเสียงมาประมวลผลเพื่อผสมเสียงของผู้ร่วมประชุมทุกคน และนำข้อมูลเสียงที่ได้บรรจุลงแพ็กเก็ตและส่งกลับให้ผู้ร่วมประชุมทุกคน โดยแพ็กเก็ตที่ประมวลผลเสร็จแล้วจะถูกลบทิ้งจากบัฟเฟอร์ ถ้า Mixer ตัวหนึ่งมีแพ็กเก็ตเข้ามาแบบ Poisson Process ด้วยอัตรา 50 แพ็กเก็ตต่อวินาที (packets/s) และบัฟเฟอร์ของ Mixer สามารถบรรจุแพ็กเก็ตได้ 5 แพ็กเก็ต ส่วนเวลาที่ใช้ในการประมวลผลแต่ละแพ็กเก็ตนั้นมี distribution เป็นแบบ exponential และมีข้อกำหนดว่า ถ้าบัฟเฟอร์มีแพ็กเก็ตอยู่ไม่เกิน 3 แพ็กเก็ต ใช้เวลาประมวลผลเฉลี่ยแพ็กเก็ตละ 40 ms แต่ถ้าเกิน 3 แพ็กเก็ตใช้เวลาประมวลผลเฉลี่ยแพ็กเก็ตละ 20 ms

จงตอบคำถามต่อไปนี้

6.1) จงวาด Markov Chain ของจำนวนแพ็กเก็ตใน Mixer (5 คะแนน.)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_





Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

6.4) จงหาจำนวนแพ็คเก็ตที่อยู่ใน Mixer

(8 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

6.5) หาเวลาเฉลี่ยทั้งหมดที่แต่ละแพ็คเก็ตต้องสูญเสียจนกระทั่งประมวลผลเสร็จของ Mixer

(6 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

7. กำหนดให้นักศึกษาที่ลงทะเบียนวิชา 240-361 Introduction to Queueing Theory ตั้งงทำแบบทดสอบ on line ในช่วงหนึ่งสัปดาห์ก่อนการสอบปลายภาค โดยในช่วงเวลาดังกล่าว นักศึกษาแต่ละคนจะมีการร้องขอเพื่อทำแบบทดสอบไปยังเครื่องแม่ข่ายซึ่งเป็นที่รวบรวมชุดข้อสอบ ถ้ากำหนดให้การร้องขอเพื่อทำแบบทดสอบมี distribution แบบ Poisson ด้วยอัตราเฉลี่ย 7 การร้องขอต่อวินาที และในการร้องขอเพื่อทำแบบทดสอบไปยังเครื่องแม่ข่ายจะถูกส่งผ่านเราต์เตอร์ 2 ตัว โดย Link Bandwidth ที่เชื่อมต่อระหว่างเราต์เตอร์ตัวที่หนึ่งกับเราต์เตอร์ตัวที่สองเท่ากับ 10 เมกกะบิตต่อวินาที และระหว่างเราต์เตอร์ตัวที่สองกับเครื่องแม่ข่ายมีค่าเท่ากับ 100 เมกกะบิตต่อวินาที ถ้ากำหนดให้ความยาวของการร้องขอเพื่อทำแบบทดสอบมี distribution แบบ Exponential ด้วยค่าเฉลี่ยเท่ากับ 125 กิโลไบต์

จากข้อมูลที่กำหนดให้ตอบคำถามต่อไปนี้

7.1) ระบบดังกล่าวสามารถจำลองด้วยคิวระบบใด เพราะเหตุผลใด (2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

7.2) วาดภาพของระบบดังกล่าวพร้อมทั้งกำหนดค่า  $\lambda$  และค่า  $\mu$  (3 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

7.3) เขียน state transition diagram

(10 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

7.4) จงหาความน่าจะเป็นที่ไม่มีการร้องขอเพื่อทำแบบทดสอบของนักศึกษา

(6 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

7.5) คำนวณหาจำนวนการร้องขอเพื่อทำแบบทดสอบที่อยู่ในระบบ

(6 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

7.6) คำนวณหาเวลาเฉลี่ยที่นักศึกษาส่งคำร้องขอไปยังเครื่องแม่ข่าย (3 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

8. ระบบจำลอง M/M/2/K ตอบคำถามต่อไปนี้

8.1) จงเขียน state diagram เมื่อกำหนดอัตราการเข้ารับบริการเท่ากับ  $\lambda$  และอัตราการการบริการเท่ากับ  $\mu$  (3 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

8.2) จงแสดงให้เห็นว่า  $P_0 = \frac{1-\rho}{1+\rho-2\rho^{K+1}}$  ,  $\rho < 1$  (12 คะแนน)

เมื่อกำหนดให้  $\sum_{i=0}^n q^i = \frac{1-q^{n+1}}{1-q}$

(ห้ามแทนค่าสูตรใน M/M/s จะต้องพิสูจน์ให้เห็นที่มาของคำตอบ)  $2\mu$   $2\mu$

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

8.3) จงแสดงให้เห็นว่า  $N = 2P_0 \frac{\rho(1 - \rho^K [1 + K(1 - q)])}{(1 - \rho)^2}$  (10 คะแนน)

กำหนดให้  $\sum_{i=1}^n iq^i = \frac{q(1 - q^n [1 + n(1 - q)])}{(1 - q)^2}$

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_