

ชื่อ.....นามสกุล.....รหัส.....

PRINCE OF SONGKLA UNIVERSITY  
FACULTY OF ENGINEERING

Final examination: Semester-II

Academic year: 2007

Date: 18/02/2008

Time: 13:30 -16:30

Subject: 237-460 (Composite Materials)

Room: R200

หมายเหตุ: (จำนวนนักศึกษา 23 คน)

1. ข้อสอบมี 6 ข้อ 12 หน้า ให้ทำทุกข้อ
2. ไม่อนุญาตให้นำเอกสารเข้าห้องสอบ ยกเว้นเครื่องคิดเลขได้ทุกรุ่น
3. ให้ทำในกระดาษคำถาม (ไม่พอลให้ต่อด้านหลังหรือขอกระดาษเพิ่มได้)
4. คะแนนการสอบคิดเป็น 35% ของทั้งภาคการศึกษา

ข้อที่	คะแนนเต็ม	คะแนนที่ได้
1	4	
2	4	
3	6	
4	4	
5	8	
6	9	
รวม	35	

อ.วิริยะ ทองเรือง

ผู้ออกข้อสอบ

ชื่อ.....นามสกุล.....รหัส.....

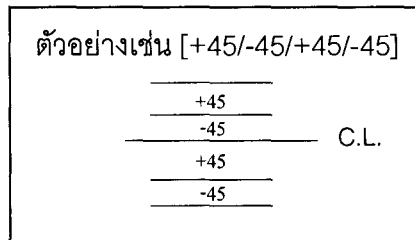
ข้อ 1. (4 คะแนน) จงเขียนภาพแสดงถึงรหัส (codes) ที่ใช้แทนวัสดุผสมแผ่นประกบดังต่อไปนี้ พร้อมทั้งให้เขียนเส้น center line ด้วย

1.1  $[30/60/(0)_2/\overline{90}]_s$

1.2  $[(15/45)_2/\pm 90/0]$

1.3  $[0/\pm 45/0/90]_s$

1.4  $[(0/-90)_2/45]$



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

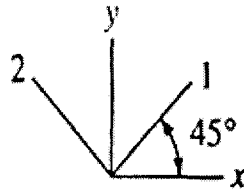
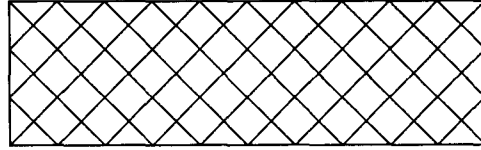
.....

.....

.....

ชื่อ.....นามสกุล.....รหัส.....

ข้อ 2. (4 คะแนน) จงออกแบบการทดสอบเพื่อหาค่าความเค้นเฉือนในระนาบ ( $\tau_{12}$ ) และความเครียดเฉือน ( $\gamma_{12}$ ) ของชิ้นงานวัสดุผสมดังภาพ



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

ชื่อ.....นามสกุล.....รหัส.....

ข้อ 3. (6 คะแนน) จงพิจารณาข้อความดังกล่าวต่อไปนี้ที่เกี่ยวข้องกับสมบัติเชิงกลของวัสดุผสมว่า ถูก (T) หรือ ผิด (F) และในกรณีที่ผิดให้อธิบายว่าคำตอบที่ถูกต้องคืออะไร

..... 3.1 ความเครียดตามแนวแกนเกิดจากความเค้นตามแนวแกนเท่านั้น bending moment ไม่มีผลต่อความเครียดตามแนวแกนดังกล่าว

..... 3.2 ค่า Poisson's ratio  $\nu_{21}$  เป็นค่าความสัมพันธ์ของค่าความเครียดในแนว longitudinal เมื่อเทียบกับแนว transverse และมีค่าเท่ากับ  $(\nu_{21}E_{11})/E_{22}$  โดย  $E_{11}$  และ  $E_{22}$  คือมอดูลัสของวัสดุผสมตามแนวแกนและแนวขวางตามลำดับ

..... 3.3 Compliance คือส่วนกลับของ stiffness และเป็นค่าที่วัดถึง flexibility ของวัสดุ

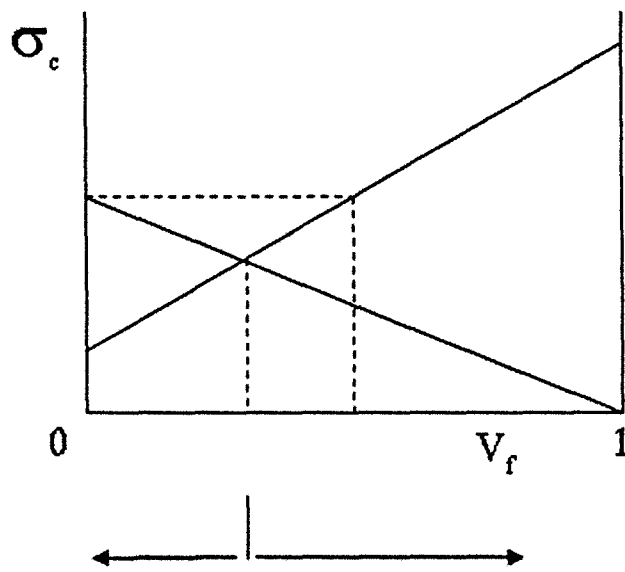
..... 3.4 Matrix B ([B]) มีค่าเป็นศูนย์เฉพาะวัสดุแบบ isotropic หรือแผ่นประกบแบบสมมาตร ที่มีจำนวนแผ่นเป็นเลขคู่เท่านั้น

..... 3.5 วัสดุผสมแผ่นประกบหนึ่งมีจำนวน 4 ชั้น (A, B, C และ D) แต่ละชั้นเส้นใยเรียงด้วยมุมที่ต่าง ๆ กันแต่ความหนาเท่ากัน ดังนั้นกรณีที่เรียงแบบ 1) A-B-C-D, 2) B-C-D-A และ 3) D-C-A-B ทำให้ได้ Matrix A (Laminate extensional stiffness matrix [A]) ที่เท่ากัน

..... 3.6 Transformation matrix คือ matrix ที่ใช้หาความเค้นหรือแรงในทิศต่างๆในระบบแนวอ้างอิงใดๆ

ข้อ 4. (4 คะแนน) การวิเคราะห์ความแข็งแรงของวัสดุผสมด้วยกลศาสตร์จุลภาค (micromechanics) จงเติม สิ่งต่างๆต่อไปนี้ลงในกราฟความสัมพันธ์ของสมบัติวัสดุผสมเมื่อปริมาณส่วนผสมของเส้นใยเปลี่ยนไป

- 4.1  $V_f^*, V_{f \min}, \sigma_{my}, \sigma_{mu}$  และ  $\sigma_{fu}$
- 4.2 ช่วง Fiber control และ ช่วง Matrix control
- 4.2 ความสัมพันธ์เพื่อหาค่า minimum volume fraction ( $V_{f \min}$ )



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

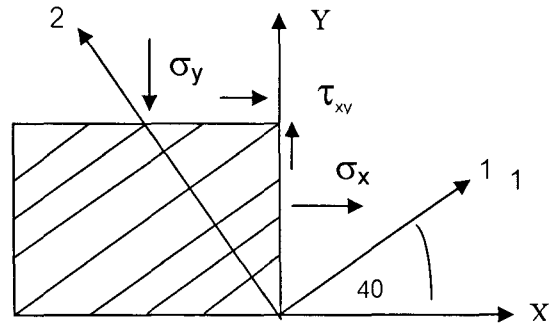
.....

.....

.....

.....

ข้อ 5. (8 คะแนน) วัสดุผสมแสดงไว้ดังรูปมีค่าความเค้นกระทำดังนี้  $\sigma_x = 20$  kPa,  $\sigma_y = -10$  kPa และ  $\tau_{xy} = 10$  kPa



- 5.1 Off-axis loading ของวัสดุผสมแบบ unidirectional คืออะไร วัสดุผสมดังรูปใช่แบบ off-axis loading หรือไม่
- 5.2 จงหา  $\sigma_1$  และ  $\sigma_2$  ของวัสดุผสมข้างต้น
- 5.3 จงหา maximum direct stress และ minimum direct stress ของวัสดุผสมข้างต้น
- 5.4 จงหา maximum shearing stress

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

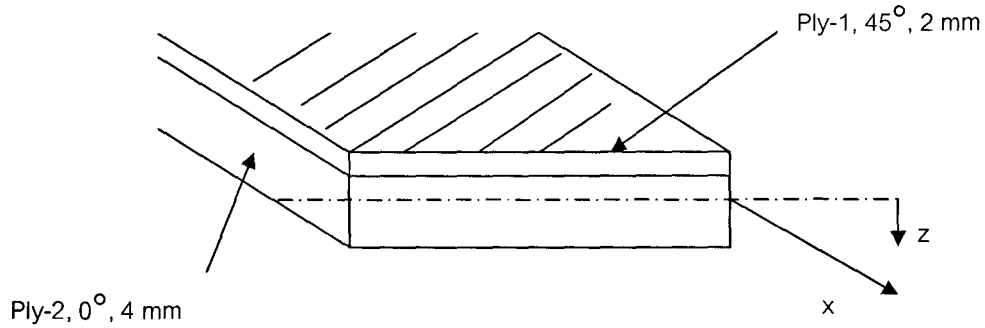
.....

.....

.....

.....

ข้อ 6. (9 คะแนน) A laminate, which is 6 mm thick, is composed of an upper unidirectional layer, 2 mm thick, with the fiber aligned at  $45^\circ$  to the plate edges, and a lower unidirectional layer, 4 mm thick, with the fibers parallel to the x-axis. The composite material has  $E_{11}=138$  GPa,  $E_{22}=8.96$  GPa,  $G_{12}=7.10$  GPa and  $\nu_{12}=0.30$ . Find the A, and D matrices.



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

Equations may need

$\epsilon_1 = \frac{\sigma_1}{E_{11}} - \nu_{21} \frac{\sigma_2}{E_{22}},$ $\epsilon_2 = -\nu_{12} \frac{\sigma_1}{E_{11}} + \frac{\sigma_2}{E_{22}},$ $\gamma_{12} = \frac{\tau_{12}}{G_{12}}.$	$\sigma_1 = \frac{E_{11}\epsilon_1}{1 - \nu_{12}\nu_{21}} + \frac{\nu_{21}E_{11}\epsilon_2}{1 - \nu_{12}\nu_{21}},$ $\sigma_2 = \frac{\nu_{12}E_{22}\epsilon_1}{1 - \nu_{12}\nu_{21}} + \frac{E_{22}\epsilon_2}{1 - \nu_{12}\nu_{21}},$ $\tau_{12} = G_{12}\gamma_{12}.$
--	--

$S = \begin{bmatrix} \frac{1}{E_{11}} & -\frac{\nu_{21}}{E_{22}} & 0 \\ -\frac{\nu_{12}}{E_{11}} & \frac{1}{E_{22}} & 0 \\ 0 & 0 & \frac{1}{G_{12}} \end{bmatrix};$	$Q = \begin{bmatrix} \frac{E_{11}}{1 - \nu_{12}\nu_{21}} & \frac{\nu_{21}E_{11}}{1 - \nu_{12}\nu_{21}} & 0 \\ \frac{\nu_{12}E_{22}}{1 - \nu_{12}\nu_{21}} & \frac{E_{22}}{1 - \nu_{12}\nu_{21}} & 0 \\ 0 & 0 & G_{12} \end{bmatrix};$
---	---

$\sigma_{ij} = T\sigma_{ij}, \text{ and}$ $\epsilon_{ij} = T\epsilon_{ij}.$	$T = \begin{bmatrix} m^2 & n^2 & 2mn \\ n^2 & m^2 & -2mn \\ -mn & mn & (m^2 - n^2) \end{bmatrix}.$	$T^{-1} = \begin{bmatrix} m^2 & n^2 & -2mn \\ n^2 & m^2 & 2mn \\ mn & -mn & (m^2 - n^2) \end{bmatrix}.$
---	--	---

The transformed stiffness matrix

$$Q = T^{-1}QRTR^{-1},$$

the elements of which are:

$$\begin{aligned} Q_{11} &= Q_{11}m^4 + 2(Q_{12} + 2Q_{33})n^2m^2 + Q_{22}n^4, \\ Q_{22} &= Q_{11}n^4 + 2(Q_{12} + 2Q_{33})n^2m^2 + Q_{22}m^4, \\ Q_{12} &= (Q_{11} + Q_{22} - 4Q_{33})n^2m^2 + Q_{12}(m^4 + n^4), \\ Q_{33} &= (Q_{11} + Q_{22} - 2Q_{12} - 2Q_{33})n^2m^2 + Q_{33}(m^4 + n^4), \\ Q_{13} &= (Q_{11} - Q_{12} - 2Q_{33})nm^3 + (Q_{12} - Q_{22} + 2Q_{33})n^3m, \\ Q_{23} &= (Q_{11} - Q_{12} - 2Q_{33})n^3m + (Q_{12} - Q_{22} + 2Q_{33})nm^3. \end{aligned}$$

The terms  $Q_{11}$ , etc., are found from equation 7.5.

$$\begin{aligned} S_{11} &= S_{11}m^4 + (2S_{12} + S_{33})n^2m^2 + S_{22}n^4, \\ S_{22} &= S_{11}n^4 + (2S_{12} + S_{33})n^2m^2 + S_{22}m^4, \\ S_{12} &= (S_{11} + S_{22} - S_{33})n^2m^2 + S_{12}(m^4 + n^4), \\ S_{33} &= 2(2S_{11} + 2S_{22} - 4S_{12} - S_{33})n^2m^2 + S_{33}(m^4 + n^4), \\ S_{13} &= (2S_{11} - 2S_{12} - S_{33})m^3n + (2S_{12} - 2S_{22} + S_{33})mn^3, \\ S_{23} &= (2S_{11} - 2S_{12} - S_{33})mn^3 + (2S_{12} - 2S_{22} + S_{33})m^3n. \end{aligned}$$