

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์  
คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบกลางภาค ประจำภาคการศึกษาที่ 2

ปีการศึกษา 2551

วันที่ 25 ธันวาคม 2551

เวลา 13.30-16.30 น.

วิชา 216-221 (215-221) Engineering Mechanics II

Room R300

=====

**คำสั่ง**

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 3 ตอน ให้ทำทุกตอน แต่ละตอนมีคะแนนเท่ากัน
2. อนุญาตให้นำเครื่องคิดเลขเข้าห้องสอบ
3. ไม่อนุญาตให้นำตึกชั้นนารีเข้าห้องสอบ
4. ห้ามยืมอุปกรณ์ใดๆในห้องสอบ
5. ให้เขียนชื่อ-สกุล รหัสนักศึกษา และชื่ออาจารย์ที่เรียนด้วยลงในข้อสอบทุกหน้า

**ทุจริตในการสอบ โทษขั้นต่ำปรับตกในรายวิชานั้น  
และพักการเรียน 1 ภาคการศึกษา**

| ตอนที่ | คะแนนเต็ม | คะแนนที่ได้ |
|--------|-----------|-------------|
| 1      | 20        |             |
| 2      | 20        |             |
| 3      | 20        |             |
| รวม    | 60(20%)   |             |

อ.ดร. จีระภา สุขแก้ว (01)  
อ.ดร. กิตตินันท์ มลิวรรณ (02)  
อ.ดร. สมชาย แซ่ฉิ่ง (215-221)

(ผู้ออกข้อสอบ)

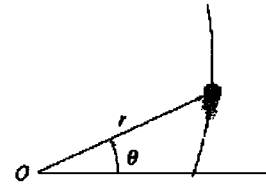
**ตอนที่ 1.1** ให้เลือกข้อที่ถูกต้องที่สุด (ตอบถูกข้อละหนึ่งคะแนน ตอบผิดติดลบสอง แต่ถ้าบอกเหตุผลในการเลือกคำตอบมาแล้วตอบผิดจะได้ศูนย์คะแนน) (7 คะแนน)

1. อนุภาคน้ำหนัก 10 kg มีแรง  $\vec{F}_1 = (3\hat{i} + 5\hat{j})N$  และ  $\vec{F}_2 = (-7\hat{i} + 9\hat{j})N$  มากกระทำ จงหาความเร่ง

- A)  $-0.4\hat{i} + 1.4\hat{j} \text{ m/s}^2$                       B)  $-4\hat{i} + 14\hat{j} \text{ m/s}^2$   
 C)  $-3.9\hat{i} + 13.7\hat{j} \text{ m/s}^2$                       D)  $10\hat{i} + 4\hat{j} \text{ m/s}^2$

2. ในการเคลื่อนที่ไปตามรางโค้งดั่งรูป แรงปฏิกิริยาที่รางกระทำต่ออนุภาค เป็นอย่างไร

- A) อยู่ในแนวแกน  $\theta$  เสมอ                      B) ตั้งฉากกับเส้นสัมผัสเส้นทางการเคลื่อนที่  
 C) อยู่ในแนว Path เสมอ                      D) ตั้งฉากกับแกน r เสมอ

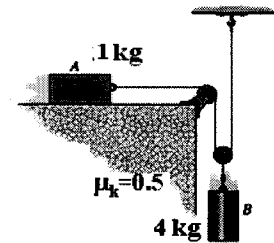


3. จากรูปข้อที่แล้ว แรงเสียดทานจะอยู่ในทิศทางใด

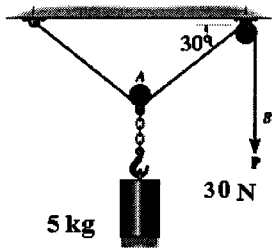
- A) แนวแกน r                                      B) แนวสัมผัสกับ Path  
 C) แนวแกน  $\theta$                                       D) พุ่งเข้าหาจุด O

4. จากรูป จงหาขนาดความเร่งของบล็อก A

- A)  $3g/8$     B)  $3g/4$   
 C)  $g/2$     D)  $g$

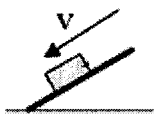


5. จากรูป จงหาขนาดของความเร่งของมวล 5 kg



- A)  $2.2 \text{ m/s}^2 \uparrow$                                       B)  $3.8 \text{ m/s}^2 \downarrow$   
 C)  $5.5 \text{ m/s}^2 \uparrow$                                       D)  $4.8 \text{ m/s}^2 \downarrow$

6. จากรูป วัตถุมวล m เคลื่อนที่ลงไปตามพื้นเอียงที่มีสัมประสิทธิ์ความเสียดทาน  $\mu_k$  ข้อใดแสดงการเขียน FBD ได้ถูกต้อง



- A)                      B)   
 C)                      D) None of the above.

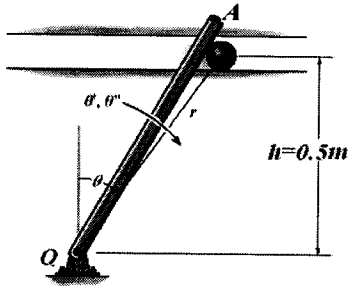
7. มวลหนัก 10 นิวตัน ถูกดึงขึ้นไปตามพื้นเอียงที่มีสัมประสิทธิ์ความเสียดทาน  $\mu_k$  ด้วยแรง F ข้อใดแสดงการเขียน FBD ได้ถูกต้อง

- A)                      B)   
 C)

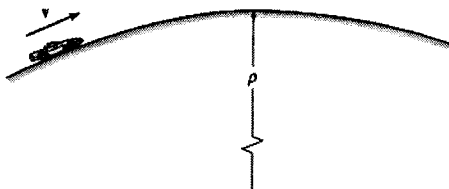
ชื่อ-สกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ ตอน \_\_\_\_\_

**ตอนที่ 1.2** จงแสดงวิธีทำโดยละเอียด (แนะนำให้ตั้งแกนแล้วเขียน FBD และ KD ก่อน)

อนุภาคมีมวล 0.5 kg ถูกแขน OA ดันให้เคลื่อนที่อยู่ในร่องในแนวราบโดย OA มีความเร็วเชิงมุมและความเร่งเชิงมุมเท่ากับ  $2 \text{ rad/s}$  และ  $3 \text{ rad/s}^2$  ตามลำดับ จงหาแรงที่แขน OA กระทำต่ออนุภาคนี้ โดยกำหนดให้  $\theta = 30^\circ$ . กำหนดให้อนุภาคสัมผัสกับผิวล่างของร่องเท่านั้น (10 คะแนน)



เนินบนถนนสายหนึ่งมีรัศมีความโค้ง  $\rho$  รถคันหนึ่งมีน้ำหนัก  $W$  วิ่งมาด้วยอัตราเร็วคงที่  $v$  มาตามเนิน จงหาความเร็วสูงสุดที่จะไม่ทำให้รถกระดอนขณะที่ผ่านเนินถนนเส้นนี้ โดยไม่นำเอาขนาดของตัวรถมาคิดคำนวณ (3 คะแนน)

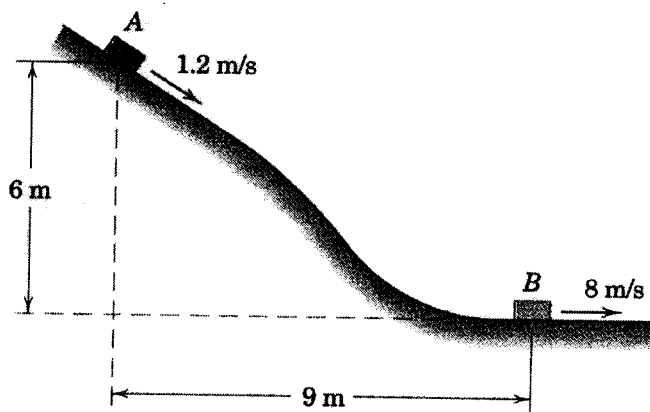


**ตอนที่ 2** Principle of Work and Energy

2.1 Principle of Work and Energy หรือสมการหลักการของงานและพลังงาน พิสูจน์มาจากกฎอะไร  
.....(1 คะแนน)

2.2 จงบอกข้อได้เปรียบของการใช้ Principle of Work and Energy เมื่อเปรียบเทียบกับกฎข้อที่ 2 ของ Newton และ Principle of Linear Impulse and Momentum  
.....  
.....(1 คะแนน)

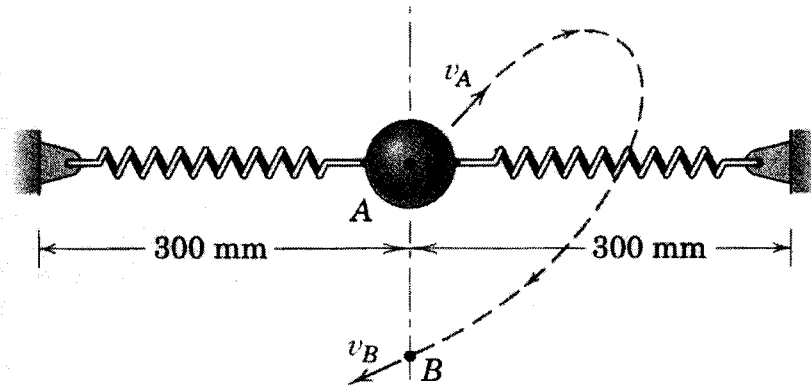
2.3 มวล 30 kg เคลื่อนที่ลงจาก A ไป B ดังรูปข้างล่าง จงคำนวณหาค่างานที่เกิดจากแรงเสียดทาน,  
 $U_{fs} = ?$  (4 คะแนน)



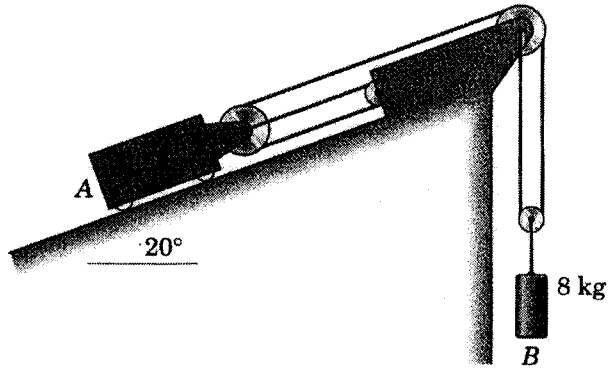
ชื่อ-สกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ ตอน \_\_\_\_\_

2.4 ลูกบอลมวล 1.5 kg มีขนาดความเร็วเริ่มต้น  $v_A = 2.5$  m/s และสปริงทั้งสองด้าน ( $k = 1800$  N/m) อยู่ในภาวะสมดุล (unstretched length) จากนั้นลูกบอลก็มีเส้นทางการเคลื่อนที่ (เส้นประ) จาก A ไป B ซึ่งมีระยะต่ำลงไป 125 mm จาก A จงคำนวณหาขนาดความเร็วที่ B โดยใช้หลักการของงานและพลังงาน (6 คะแนน)

$$T_A + V_A + U_{A \rightarrow B} = T_B + V_B$$



2.5 ถ้าระบบถูกปล่อยจากหยุดนิ่ง จงหาขนาดและทิศทางของความเร็วของมวล A และมวล B หลังจาก B เคลื่อนที่ขึ้นได้ 1 m ไม่คิดแรงเสียดทาน (8 คะแนน)

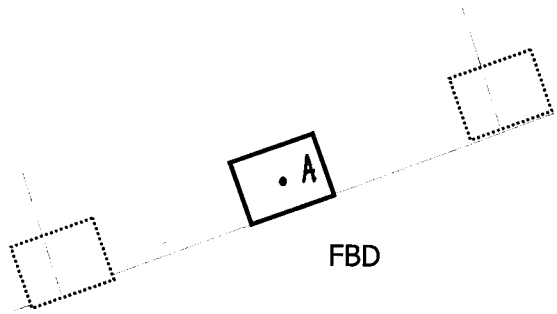


หาความสัมพันธ์ของการขจัดหรือความเร็วระหว่าง A และ B

A เคลื่อนที่ลงได้ระยะทาง = .....

**งานและพลังงานของ A**

$$T_{A1} + V_{A1} + U_{1 \rightarrow 2} = T_{A2} + V_{A2}$$



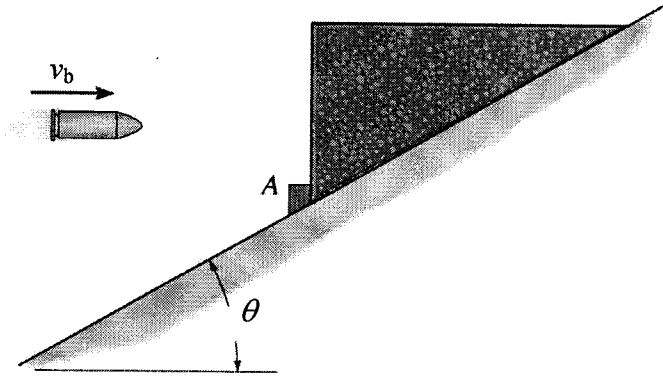
**งานและพลังงานของ B**

$$T_{B1} + V_{B1} + U_{1 \rightarrow 2} = T_{B2} + V_{B2}$$



**ตอนที่ 3 Impulse and Momentum**

3.1 กล้องมวล  $M$  หยุดนิ่งอยู่บนพื้นเอียงที่ไม่มีความเสียดทานด้วยตัวหยุดที่  $A$  ถ้าลูกปืนมวล  $0.001M$  เคลื่อนที่ด้วยความเร็ว  $v_b$  จงหาระยะทางของกล้องที่มีลูกปืนฝังอยู่เคลื่อนที่ขึ้นจนกระทั่งหยุดนิ่งในรูปของ  $v_b, g$  และ  $\theta$  (10 คะแนน)



3.2 เด็กปาลูกบอลจากตำแหน่ง  $A$  ด้วยอัตราเร็ว  $50 \text{ m/s}$  ไปกระทบตำแหน่ง  $B$  และย้อนกลับมาตำแหน่ง  $A$  พอดี จงหามุม  $\alpha$  ถ้า  $e = 0.5$  (10 คะแนน)

ให้  $\frac{1}{\cos^2 \alpha} = \tan^2 \alpha + 1$

