

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์

คณะวิศวกรรมศาสตร์

การปลายภาค ประจำภาคการศึกษาที่ 1 ปีการศึกษา 2552

วันที่ 2 ตุลาคม 2552

เวลา 9.00-12.00 น.

วิชา 215-221, 216-221 Engineering Mechanics II

ห้องสอบ S201, S203

=====

คำสั่ง

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 5 ข้อ ให้ทำทุกข้อ
2. ไม่อนุญาตให้นำเอกสารใดๆเข้าห้องสอบ
3. อนุญาตให้ใช้เครื่องคิดเลขได้ทุกรุ่น
4. ให้เขียนชื่อ-สกุล รหัสนักศึกษา และ ชื่ออาจารย์ผู้สอน ลงในข้อสอบทุกหน้า

ทุจริตในการสอบโทษขั้นต่ำปรับตกในรายวิชานั้นและพักการศึกษานิ่งภาคการศึกษา

ข้อที่	คะแนนเต็ม	คะแนนที่ได้
1	20	
2	20	
3	20	
4	20	
5	20	
รวม	100(30%)	

อ.ดร.จีระภา สุขแก้ว (01)

อ.ดร.กิตตินันท์ มลิวรรณ (02)

อ.ดร.สมชาย แซ่อึ้ง (03)

รศ.ไพโรจน์ ศิริรัตน์ (04)

อ.ชลิตา หิรัญสุข (05)

ผู้ออกข้อสอบ

ข้อที่ 1 ใช้วิธีของนิวตัน Forces and Accelerations เท่านั้น

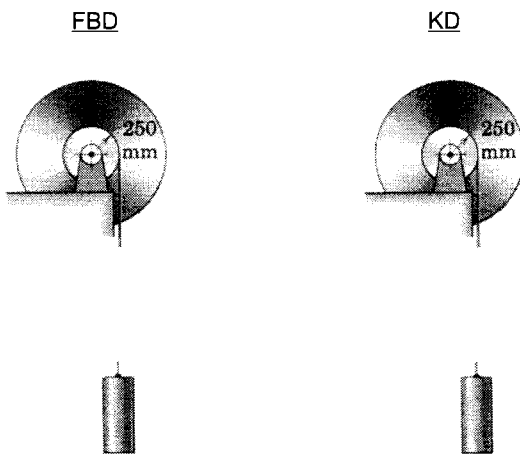
จงหาขนาดของ*ความเร่งเชิงมุมของ drum* ในแต่ละกรณีดังรูป คุณคิดว่าขนาดของ*ความเร่งเชิงมุมของทั้ง 2 กรณี*น่าจะมีค่าเท่ากันหรือไม่อย่างไร เติมคำตอบในตารางข้างล่าง กำหนดให้ drum มีมวล 100 kg และมีรัศมีไจเรชั่น $k_G = 375$ mm

กรณี (a) ระบบเคลื่อนที่ได้เนื่องจากมีมวล 20 kg มาทำให้เคลื่อนที่

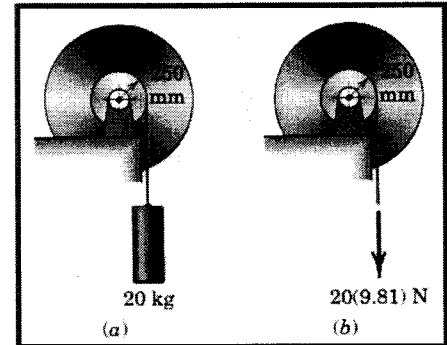
กรณี (b) ระบบเคลื่อนที่ได้เนื่องจากมีแรงขนาดเท่ากับน้ำหนัก 20 (9.81) N มาทำให้เคลื่อนที่

[อาจจะคิดแยกหรือ คิดรวมทั้งระบบ ตามถนัด หากคิดแยก ก็ใช้รูปที่ให้เขียนได้เลย หากคิดรวมทั้งระบบก็ให้ลากเส้นเชื่อมต่อเชือกก่อน]

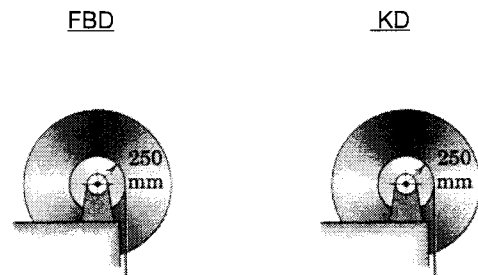
วิธีทำ กรณี (a)



Equations of Motion



วิธีทำ กรณี (b)



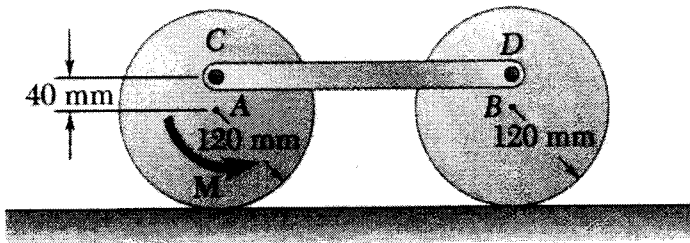
Equations of Motion

$$\alpha_a = \text{_____ rad/s}^2 \quad \text{มากกว่า} \quad \text{เท่ากัน} \quad \text{น้อยกว่า} \quad \alpha_b = \text{_____ rad/s}^2$$

ข้อที่ 2 ใช้วิธีของนิวตัน Forces and Accelerations เท่านั้น

จาน A และ B ขนาดสม่ำเสมอมีมวลแต่ละอันเท่ากับ 2 kg ถูกเชื่อมติดกันด้วยแขน CD มวล 2.5 kg ดังรูป couple M ขนาด $2.25 \text{ N}\cdot\text{m}$ กระทำต่อจาน A ในทิศทวนเข็มนาฬิกา สมมติให้จานหมุนโดยไม่เกิดการลื่นไถล จงหา

- ความเร่งที่จุดกึ่งกลางของจานแต่ละอัน
- แรงในแนวนอนที่กระทำต่อจาน B โดยแขน CD ที่จุด D



ข้อที่ 3 ใช้วิธี Work and Energy เท่านั้น

ให้เลือกข้อที่ถูกต้องที่สุด

ตอบถูกข้อละสองคะแนน ตอบผิดติดลบสาม แต่ถ้าบอกเหตุผลในการเลือกคำตอบมาแล้วตอบผิดจะได้ศูนย์คะแนน

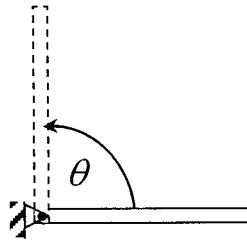
1. พลังงานจลน์ของวัตถุเกร็งที่มีการเคลื่อนที่แบบหมุน โดยมีจุดหมุนอยู่ที่จุดศูนย์กลางมวลเท่ากับ

A) $\frac{1}{2}mv_G^2$ B) $\frac{1}{2}I_G\omega^2$

C) $\frac{1}{2}mv_G^2 + \frac{1}{2}I_G\omega^2$ D) $I_G\omega^2$

2. งานที่เกิดขึ้นในการปล่อยแขนเหล็กมวล m ยาว L จากตำแหน่งมุม $\theta = 90^\circ$ จนถึงตำแหน่ง $\theta = 0^\circ$ ดังรูปมีค่าเท่าไร

- A) $mg\frac{\pi}{2}$
 B) $mg\frac{L}{2}$
 C) mgL
 D) $90 \times mgL$

3. จากข้อที่ 2 ที่ตำแหน่ง $\theta = 0^\circ$ แขนเหล็กจะมีความเร็วเชิงมุมเท่าไร

- A) $\sqrt{3g/L}$ B) $\sqrt{12g/L}$
 C) $\sqrt{g/L}$ D) $\sqrt{g/3L}$

4. จากข้อที่ 2 พลังงานจลน์ของแขนเหล็ก ณ ตำแหน่ง $\theta = 0^\circ$ มีค่าเท่ากับ

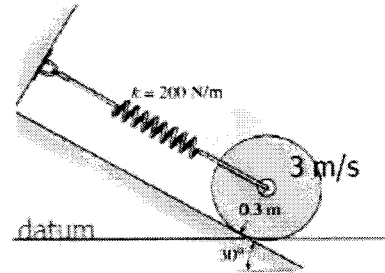
- A) $\frac{3}{8}mgL$ B) $\frac{1}{8}mgL$
 C) $\frac{1}{4}mgL$ D) ไม่มีคำตอบที่ถูกต้อง

5. ถ้าปล่อยแผ่นดิสก์ และลูกเหล็กกลม ที่มีมวลเท่ากันเท่ากับ m และรัศมีเท่ากันเท่ากับ R ลงไปตามพื้นเอียง โดยสมมติว่าไม่เกิดการไถล จงพิจารณาความเร็วเชิงมุมของวัตถุทั้งสองขณะที่ตกลงมาที่ระดับเดียวกัน กำหนดให้รัศมีไจเรชันของแผ่นดิสก์และลูกเหล็กกลมมีค่าเท่ากับ $k_{\text{Disk}} = R/2, k_{\text{sphere}} = R/5$

- A) แผ่นดิสก์มีความเร็วเชิงมุมสูงกว่า
 B) ลูกกลมเหล็กมีความเร็วเชิงมุมสูงกว่า
 C) ทั้งสองวัตถุมีความเร็วเชิงมุมเท่ากัน
 D) ไม่มีคำตอบที่ถูกต้อง

6. จากรูป ถ้าสปริงอยู่ในตำแหน่งระยะยืดเท่ากับศูนย์ จงหาพลังงานศักย์ของวัตถุเมื่อกลิ้งลงไปตามพื้นเอียงได้ 2 รอบ โดยไม่เกิดการไถล กำหนดให้มวลเท่ากับ 20 kg และมีรัศมีไจเรชั่น $k_G = 0.5 \text{ m}$

- A) $\frac{1}{2}(200)(1.2\pi)^2 + 20(9.81)(1.2\pi \sin 30)$
 B) $-\frac{1}{2}(200)(1.2\pi)^2 - 20(9.81)(1.2\pi \sin 30)$
 C) $\frac{1}{2}(200)(1.2\pi)^2 - 20(9.81)(1.2\pi \sin 30)$
 D) $\frac{1}{2}(200)(1.2\pi)^2$

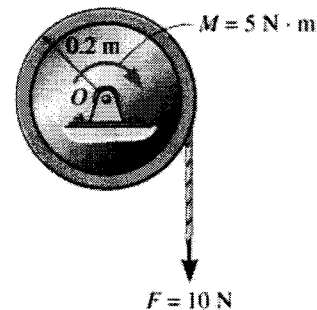


7. จากรูป ข้อที่ 6 แล้ว พลังงานจลน์ของดิสก์มีค่าเท่ากับ?

- A) $\frac{1}{2}(20)(3)^2 + \frac{1}{2}\left(\frac{1}{2} \times 20 \times 0.3^2\right)(10)^2$
 B) $\frac{1}{2}(20)(3)^2 + \frac{1}{2}\left(\frac{1}{2} \times 20 \times 0.5^2\right)(10)^2$
 C) $\frac{1}{2}(20)(3)^2 + \frac{1}{2}(20 \times 0.5^2)(10)^2$
 D) $\frac{1}{2}(20)(3)^2 + \frac{1}{2}(20 \times 0.3^2)(10)^2$

8. จากรูป ถ้าจานหมุนไปได้ ออบจางานที่เกิดขึ้นทั้งหมด

- A) 10π
 B) 20π
 C) 8π
 D) 28π



9. จากข้อที่ 8 ถ้าเริ่มต้นจานอยู่นิ่งแล้วจึงมีโมเมนต์และแรงดึงมากระทำ จงหาความเร็วรอบเมื่อจานหมุนไปได้รอบ 10 กำหนดให้รัศมีไจเรชั่นรอบจุดหมุน มีค่าเท่ากับ 10 เมตร และจานมีมวลเท่ากับ 1

- A) $\sqrt{100\pi}$ B) $\sqrt{280\pi}$
 C) $\sqrt{140\pi}$ D) $\sqrt{80\pi}$

10. กำหนดให้โมเมนต์ $M = 2 \theta \text{ N}\cdot\text{m}$ กระทำต่อจานหมุน จงหางานที่เกิดขึ้นจากโมเมนต์ เมื่อจานหมุนไปได้ครึ่งรอบ

- A) $\pi^2 / 4$ B) $\pi^2 / 2$
 C) $\pi^2 / 8$ D) $2\pi^2$

ข้อที่ 4 ใช้วิธี Work and Energy เท่านั้น

แขน ($I_G = \frac{1}{12}ml^2$) AB และ แขน BC ต่างมีน้ำหนักเท่ากันเท่ากับ W , นิวตัน ส่วนวงล้อมีน้ำหนักเท่ากับ W_0 นิวตัน รูปประกอบแสดงจุดเริ่มต้นจากหยุดนิ่งและสปริงอยู่ในภาวะสมดุล พบว่าวงล้อหมุนโดยไม่เกิดการลื่นไถล หาค่า ω ของแขน AB เมื่อแขน AB มาอยู่ที่ตำแหน่ง $\theta = 0^\circ$

