

ชื่อ-สกุล.....รหัส.....ตอน.....

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์

คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบกลางภาค ประจำปีการศึกษาที่ 2

ปีการศึกษา 2550

วันที่ 21 ธันวาคม 2552

เวลา 13.30 - 16.30 น.

วิชา 215-292, 216-292 Dynamics

ห้องสอบ R 300

คำสั่ง

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 9 หน้าไม่รวมปก และมี 5 ข้อ ให้ทำทุกข้อ
2. ให้เขียนชื่อ-สกุล, รหัสนักศึกษา และ section ลงในข้อสอบทุกหน้า
3. ห้ามนำเอกสารทุกชนิดเข้าห้องสอบ
4. อนุญาตให้นำเครื่องคิดเลขเข้าห้องสอบได้
5. ห้ามยืมอุปกรณ์ทุกชนิดในห้องสอบ

ทอริติในการสอบ โทษขั้นต่ำปรับตกในรายวิชานั้น และพักการเรียน 1 ภาคการศึกษา

ข้อที่	คะแนนเต็ม	คะแนนที่ได้
1	20	
2	20	
3	20	
4	20	
5	20	
รวม	100 (35%)	

ดร. สมชาย แซ่อึ้ง (01)

รศ. ไพโรจน์ ศิริรัตน์ (02)

(ผู้ออกข้อสอบ)

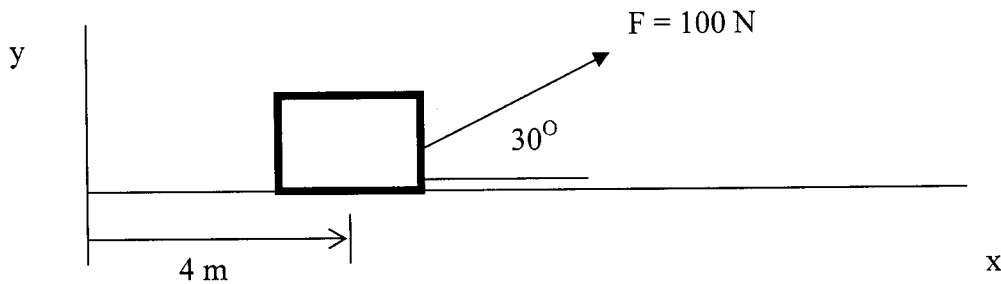
ข้อที่ 1 (20 คะแนน)

จงวงกลมข้อที่ถูกที่สุด พร้อมอธิบายเหตุผลทางวิชาการ สนับสนุนข้อที่เลือก

- | | |
|--|--------------|
| ตอบถูก และมีเหตุผลถูกต้อง | ได้ 2 คะแนน |
| ตอบถูก แต่ไม่เขียนเหตุผล หรือให้เหตุผลผิด | ได้ 1 คะแนน |
| ตอบผิด และเขียนเหตุผลถูกต้อง | ได้ 0 คะแนน |
| ตอบผิด โดยไม่เขียนเหตุผล หรือให้เหตุผลไม่ถูกต้อง | ได้ -1 คะแนน |

ปัญหา

มีแรงคงที่ $F = 100 \text{ N}$ กระทำต่อบล็อก ($m = 20 \text{ kg}$) ทำให้บล็อกเลื่อนด้วยความเร็ว 8 m/s ที่ระยะทาง $x_1 = 4 \text{ m}$ ถ้าสัมประสิทธิ์ของความเสียดทานจลน์เท่ากับ $\mu_k = 0.25$ สัมประสิทธิ์ของความเสียดทานสถิตย์ $\mu_s = 0.3$



1.1 ปัญหาข้อนี้ ควรแก้ด้วยสมการใด พร้อมอธิบายเหตุผลในข้อที่เลือก

- $\sum \vec{F} = m\vec{a}$
- $\frac{1}{2}mv_1^2 + U_{1-2} = \frac{1}{2}mv_2^2$
- $(m\vec{v})_1 + \int_{t_1}^{t_2} F dt = (m\vec{v})_2$
- $\Delta T + \Delta V_g + \Delta V_e = 0$
- $(m\vec{v})_1 = (m\vec{v})_2$

1.2 แนวทางในการแก้ปัญหาข้อนี้ คือ

- ใช้ rigid body แทนวัตถุ
- ใช้ particle แทนวัตถุ
- แรงเสียดทานมีค่าคงที่เท่ากับ $\mu_s N$
- แรงเสียดทานเท่ากับ $\mu_k N + \mu_s N$
- ผิดหมดทุกข้อ

1.3 การเคลื่อนที่จาก $x_1 = 4 \text{ m}$ ไปที่ $x_2 = 25 \text{ m}$

ก. $U_{1-2} = F \cos 30^\circ (25 - 4) + \mu_k N (25 - 4)$

ข. $T_2 = \frac{1}{2} (20)(8)^2$

ค. $v = 7.07 \text{ m/s}$

ง. $\sum F_x = F \sin 30^\circ + \mu_k N$

จ. ผิดหมดทุกข้อ

1.4 บล็อกเคลื่อนที่จาก $x_1 \rightarrow x_2$ ได้เนื่องจาก

ก. มีความเสียดทานผลักให้บล็อก

ข. มีแรงปฏิกิริยามากกว่าน้ำหนัก ทำให้วางอยู่บนพื้นได้

ค. มีงานจากแรง F

ง. มีความเร็วเพิ่มขึ้น

จ. ผิดหมดทุกข้อ

1.5 ถ้าปลดแรง $F = 100 \text{ N}$ ขณะบล็อกกำลังเคลื่อนด้วยความเร็ว 8 m/s

ก. ความเร็วของบล็อกจะลดลงอย่างรวดเร็ว

ข. แรงเสียดทานเท่ากับ 60.05 N

ค. บล็อกจะหยุดเมื่อเคลื่อนที่ได้ระยะทางเท่ากับ 20 m

ง. $mg = N$

จ. ผิดหมดทุกข้อ

1.6 แรงที่กระทำต่ออนุภาคมีค่าเท่ากับ

ก. การเปลี่ยนแปลงของพลังงานจลน์

ข. การเปลี่ยนแปลงของโมเมนตัม

ค. การเปลี่ยนแปลงของโมเมนตัมเชิงเส้น

ง. อัตราการเปลี่ยนแปลงของโมเมนตัมเชิงเส้น

จ. ผิดหมดทุกข้อ

1.7 โมเมนตัมเชิงมุม คือ

ก. โมเมนตัมของอิมพัลส์เชิงมุม

ข. อัตราการเปลี่ยนแปลงของแรง

ค. อัตราการเปลี่ยนแปลงของโมเมนตัมเชิงเส้น

ง. โมเมนตัมของโมเมนตัมเชิงเส้น

จ. ผิดหมดทุกข้อ

1.8 ถ้าระบบมีการอนุรักษ์โมเมนตัมเชิงมุม หรือโมเมนตัมเชิงมุมมีค่าคงที่

- ก. ผลรวมของโมเมนตัมรอบแกนมีค่าเท่ากับคงที่
- ข. ผลรวมของอิมพัลส์เชิงมุมรอบแกนมีค่าเท่ากับศูนย์
- ค. โมเมนตัมเชิงเส้นเท่ากับศูนย์
- ง. ผลรวมของแรงเท่ากับศูนย์
- จ. ผิดหมดทุกข้อ

1.9 ถ้าระบบอนุภาคใด ๆ มีโมเมนตัมเชิงเส้นคงที่ สรุปได้ว่า

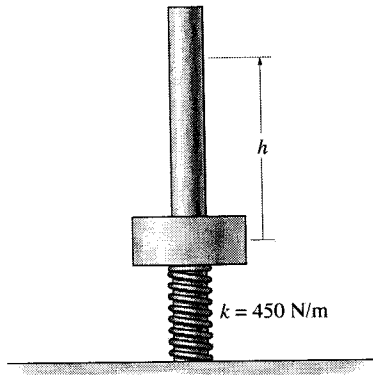
- ก. ความเร็วของทุกอนุภาคมีค่าเท่ากับศูนย์
- ข. ความเร็วของทุกอนุภาคมีค่าคงที่
- ค. ความเร็วของจุดศูนย์กลางมวลของระบบมีค่าเท่ากับศูนย์
- ง. ความเร็วของจุดศูนย์กลางมวลของระบบมีค่าคงที่
- จ. ผิดหมดทุกข้อ

1.10 แรงกระทบ (impulsive force)

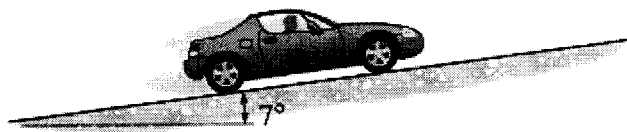
- ก. มีค่าน้อยมากไม่คิด
- ข. เป็นแรงที่กระทำในช่วงเวลายาว ๆ
- ค. ไม่ทำให้เกิดการเปลี่ยนแปลงโมเมนตัมเชิงเส้น
- ง. กระทำในช่วงเวลาสั้น ๆ
- จ. ผิดหมดทุกข้อ

ข้อ 2 (20 คะแนน)

2.1 ปลอดภัยมวล 4 kg ถูกปล่อยจากสภาพนิ่งที่ความสูง 1 m ให้ตกบนสปริง ($k = 450 \text{ N/m}$) จงหาความเร็วของปลอดภัย ณ ตำแหน่งที่สปริงหดลงเป็นระยะเท่ากับ 0.1 m

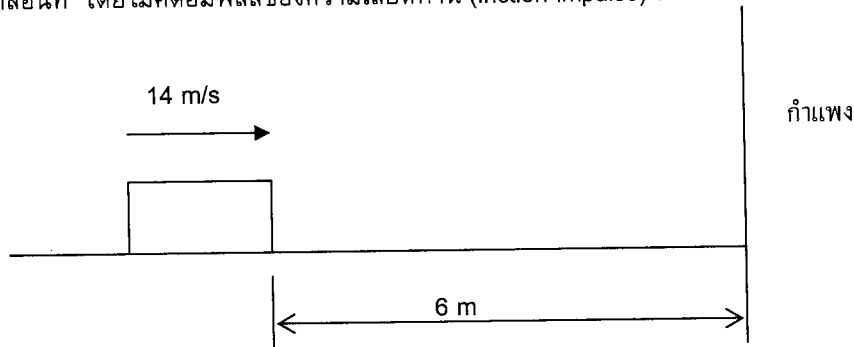


2.2 รถมวล 2000 kg แล่นไปตามทางเอียง 7 องศา ด้วยความเร็ว 100 km/h ถ้าไม่คิดความเสียดทาน และความต้านทานของอากาศ จงหากำลังของเครื่องยนต์ ถ้าประสิทธิภาพของรถเท่ากับ 65%

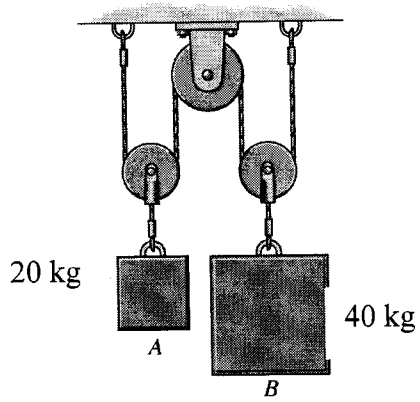


ข้อ 3 (20 คะแนน)

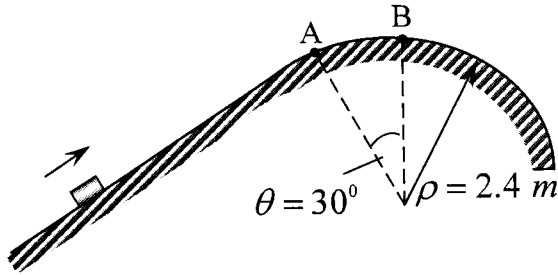
3.1 บล็อกมวล 10 kg กำลังเคลื่อนด้วยความเร็ว 14 m/s เมื่ออยู่ห่างจากผนัง 6 m ถ้าสัมประสิทธิ์ความเสียดทานจลน์ระหว่างบล็อกกับพื้นเท่ากับ 0.3 จงหาอิมพัลส์ (impulse) ของแรงที่ผนังกระทำต่อบล็อกเพื่อหยุดการเคลื่อนที่ โดยไม่คิดอิมพัลส์ของความเสียดทาน (friction impulse) ที่กระทำต่อบล็อกในระหว่างการชน



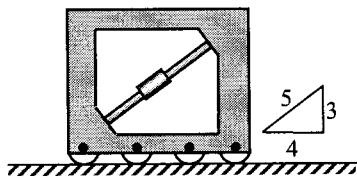
3.2 จงหาความเร็วของบล็อก A (มวล 20 kg) และ B (มวล 40 kg) หลังจากปล่อยให้เคลื่อนที่จากสภาพนิ่ง 2 วินาที ไม่คิดมวลของเชือกและรอก (ใช้หลักการอิมพัลส์และโมเมนตัมแก้ปัญหา)



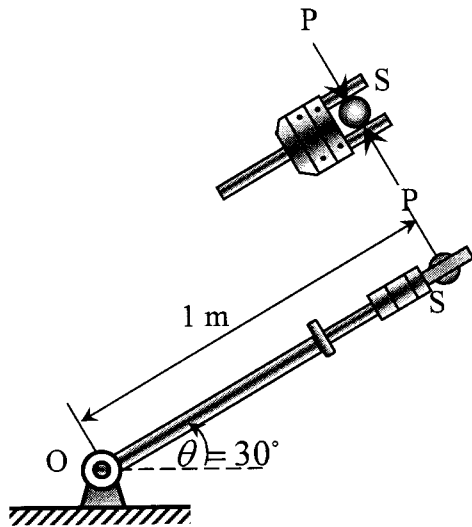
4.1 จากรูปมวล 2 kg เคลื่อนที่ผ่านเนินโค้งดังรูป ถ้ามวลก้อนนี้เคลื่อนที่ด้วยอัตราเร็วคงที่ 3.5 m/s จงหาขนาดของแรงปฏิกิริยาที่พื้นกระทำต่อมวล ณ จุด B (N_B) และให้คำนวณหาด้วยว่าอัตราเร็วมากที่สุดที่เป็นไปได้ที่ทำให้มวลก้อนนี้ไม่หลุดลอยไปขณะเคลื่อนที่ผ่านจุด A กำหนดให้ทุกผิวสัมผัสไม่มีแรงเสียดทานและไม่คิดขนาดของมวลก้อนนี้



4.2 จากรูปบล็อกเหล็กสวมอยู่กับแท่งเหล็กซึ่งผูกติดอยู่ในรถเข็น ถ้ากำหนดให้ทุกผิวสัมผัสไม่มีแรงเสียดทาน จงหาขนาดของความเร่งที่น้อยที่สุดและทิศทางของความเร่งที่ทำให้บล็อกยังคงอยู่ในสภาวะดังรูปได้ ข้อแนะนำ ให้เขียน FBD ก่อน และตั้งแกนที่จะใช้ในการแก้ปัญหาขึ้นมาก่อน



5. แขนหุ่นยนต์ซึ่งเคลื่อนที่ในระนาบตั้ง (vertical plane) ได้จับลูกบอล S มวล 2 kg ไว้ ขณะที่มุม $\theta = 30^\circ$ พบว่าแขนหุ่นยนต์ได้หมุนไปรอบจุด O ด้วยความเร็วเชิงมุม 3 rad/s ทิศทวนเข็มนาฬิกา และมีความเร่งเชิงมุมเท่ากับ 12 rad/s^2 ทิศตามเข็มนาฬิกา ซึ่งในขณะเดียวกันพบว่าแขนไฮดรอลิกของหุ่นยนต์ได้หดสั้นลงด้วยอัตราคงที่ 500 mm/s ถ้าระหว่างลูกบอลและมือคิบบของหุ่นยนต์มีสัมประสิทธิ์ของความเสียดทานสถิต $\mu_s = 0.5$ จงตอบคำถามต่อไปนี้



- ตั้งแกนที่ต้องใช้สำหรับแก้ปัญหานี้ โดยให้วาดลงในรูปได้เลย
- เขียน FBD เพื่อที่จะแสดงแรงทั้งหมดที่กระทำ
- หาความเร่งในแนวแกนต่างๆ

D. หาขนาดของแรง P ที่มือหุ่นยนต์กระทำต่อลูกบอลที่น้อยที่สุดที่ทำให้มือหุ่นยนต์ถือลูกบอลอยู่ได้