

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์
คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบกลางภาค ประจำภาคการศึกษาที่ 1

ประจำปีการศึกษา 2553

วันที่ 4 สิงหาคม 2553

เวลา 09.00น-12.00น

วิชา 210-435 Communication Electronics

ห้อง S201

คำสั่ง

- ข้อสอบชุดนี้มีทั้งหมด 5 ข้อ ควรตรวจสอบก่อนลงมือทำ
- อนุญาตให้นำเฉพาะเครื่องเขียนและเครื่องคิดเลขเข้าห้องสอบ
- อนุญาตให้ใช้ดินสอหรือปากกาได้ในการเขียนคำตอบ
- ให้เขียนคำตอบในสมุดคำตอบ

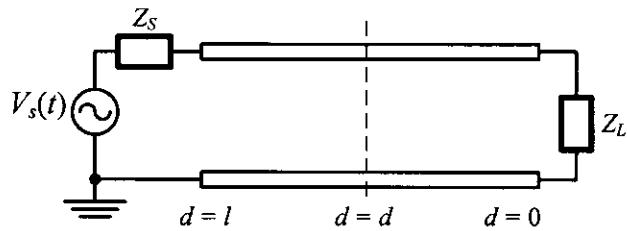
ถ้าไม่ได้มีการกำหนดเป็นการเฉพาะสมมติให้สายส่งที่ใช้ไม่มีการสูญเสีย (lossless transmission line)

ชื่อ: _____ รหัสประจำตัว: _____

ผู้ออกข้อสอบ: นาย ภานุมาส คำสัตย์

1. ทำการวิเคราะห์เพื่อหาผลตอบสนองในสภาวะคงตัว (steady state) ของแรงดัน $v(d, t)$ และกระแส $i(d, t)$ ณ ตำแหน่ง d ใดๆ (ที่วัดจากโหลด Z_L) และที่เวลา t ใดๆ จากการกระตุ้นสายส่งแบบที่ไม่มีการสูญเสียด้วยตัวนำ $V_s(t) = A\cos(\omega_0 t)$ ดังแสดงในรูปที่ 1.1 (ไม่จำเป็นต้องแก้สมการหาค่าคงที่ที่เกิดจาก boundary conditions) สมมติให้สายส่งมีค่าความหนืดขวนำ L H/m (ค่าตัวหนึ่งขวนำต่อความยาว) และค่าตัวเก็บประจุ C F/m (ค่าตัวเก็บประจุต่อความยาว)

(15 คะแนน)



รูปที่ 1.1

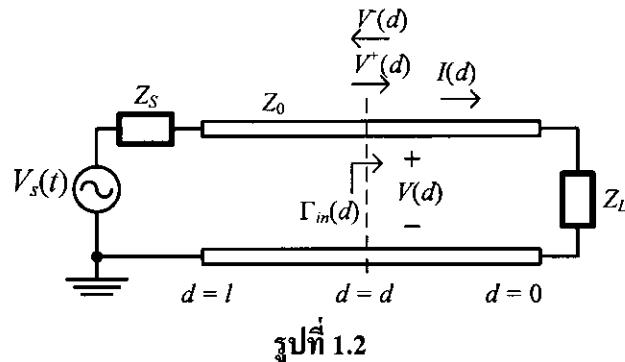
2. จงพิสูจน์สมการของสัมประสิทธิ์การสะท้อน $\Gamma_{in}(d)$ ที่ตำแหน่ง d โดยในรูปที่ 1.2 ว่าเป็นไปตามสมการ

$$\Gamma_{in}(d) = \frac{V^-(d)}{V^+(d)} = \frac{Z_{in}(d) - Z_0}{Z_{in}(d) + Z_0} \quad (1.1)$$

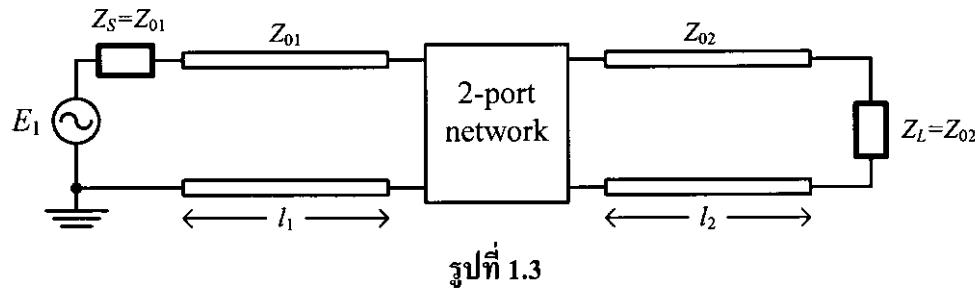
โดยที่อิมพีเดนซ์ จุดใดๆบนสายส่งคือ

$$Z_{in}(d) = \frac{V(d)}{I(d)} = Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan(\beta d)}{Z_0 + jZ_L \tan(\beta d)} \quad (1.2)$$

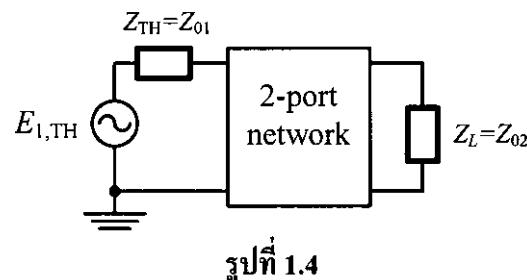
(5 คะแนน)



3. จากรวงจรในรูปที่ 1.3 ซึ่งมีสายส่งเชื่อมต่ออยู่ จงพิสูจน์โดยการวิเคราะห์ว่า วงจรดังกล่าวสามารถลดครุภาระเป็นวงจรสมมูลได้ดังวงจรในรูปที่ 1.4 โดยมี $E_{1,\text{TH}} = E_1 \exp(-j\beta l_1)$ สมมติให้สายส่งทั้งสองเส้นมี characteristic impedance เท่ากับ Z_{01} และ Z_{02} ดังแสดงในรูปที่ 1.3



รูปที่ 1.3



รูปที่ 1.4

(15 คะแนน)

4. จากทฤษฎีทางวงจรเราทราบว่ากำลังงานโดยเฉลี่ย Averaged Power ที่ตำแหน่ง x ได้มาของสัญญาณบนสายส่ง $P(x)$ สามารถเขียนในอูปแบบส่วนจริงของกำลังเชิงซ้อน (Complex power) ได้ดังนี้

$$P(x) = \frac{1}{2} \operatorname{Re} \left\{ V(x) I(x)^* \right\} \quad (1.3)$$

รวมไปถึง

$$P^+(x) = \frac{1}{2} \operatorname{Re} \left\{ V^+(x) I^+(x)^* \right\} \quad (1.4)$$

$$P^-(x) = \frac{1}{2} \operatorname{Re} \left\{ V^-(x) I^-(x)^* \right\} \quad (1.5)$$

สำหรับสัญญาณที่ตัดกรอบและสะท้อนตามลำดับ จะพิสูจน์ว่า

$$P(x) = \frac{1}{2} |a(x)|^2 - \frac{1}{2} |b(x)|^2 \quad (1.6)$$

ถ้า $a(x) = \frac{V^+(x)}{\sqrt{Z_0}}$ และ $b(x) = \frac{V^-(x)}{\sqrt{Z_0}}$

หมายเหตุ: ไม่มีคะแนนสำหรับการพิสูจน์ที่เริ่มจาก $P(x) = P^+(x) - P^-(x)$

(10 คะแนน)

5. ให้ค่าความถี่ f_{12} ของวงจร X จากระบบทดสอบในรูปที่ 1.5 โดยให้ค่าตอบอุญในเทอมของ V_1 (แรงดันที่ครอง Z_1), E_2 , Z_{01} , Z_{02} , l_1 , l_2 และ β (propagation constant) ตามความเหมาะสม

(10 คะแนน)

