

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์  
คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบปลายภาค ประจำภาคการศึกษาที่ 1

ปีการศึกษา 2554

วันที่ 3 ตุลาคม 2554

เวลา 9:00-12:00 น.

วิชา 216-342 กลศาสตร์ของไหล 2

ห้อง S203 (sec.01), S201 (sec. 02)

=====

## คำสั่ง

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 5 ข้อ ให้ทำทุกข้อ
2. ไม่อนุญาตให้นำเอกสารใดๆเข้าห้องสอบ
3. อนุญาตให้ใช้เครื่องคิดเลขได้ทุกรุ่น
4. ให้เขียนชื่อ-สกุล รหัสนักศึกษา และ Section ลงในข้อสอบทุกหน้า
5. อนุญาตให้เขียนคำตอบด้านหลังกระดาษ
6. สามารถดูสมการที่จำเป็นได้ ที่สองหน้าสุดท้าย

ทูลจัตในการสอบโทษขั้นต่ำปรับตกในรายวิชานั้นและพักการเรียนหนึ่งภาคการศึกษา

ข้อที่	คะแนนเต็ม	คะแนนที่ได้
1	40	
2	20	
3	20	
4	10	
5	20	
รวม	110	

อาจารย์ กิตตินันท์ มลิวรรณ

อาจารย์ ชยุต นันทคุสิต

(ผู้ออกข้อสอบ)

ข้อที่ 1. จงตอบคำถามต่อไปนี้ (ข้อละ 5 คะแนน)

1.1 จงอธิบายเกี่ยวกับลักษณะเฉพาะของการไหลแบบ Creeping flow, Inviscid flow และ Potential flow และยกตัวอย่างการไหลที่สามารถสมมุติว่าเป็นการไหลแต่ละแบบได้

1.2 จงเขียนอธิบายความหมายของแต่ละเทอมในสมการ Navier-Stokes ในกรณีที่เป็นการไหลแบบ Creeping flow และ Potential flow มีเทอมใดบ้างในสมการที่ไม่ต้องนำมาพิจารณา

$$\rho \left[ \frac{\partial \vec{V}}{\partial t} + (\vec{V} \cdot \nabla) \vec{V} \right] = -\nabla P + \rho \vec{g} + \mu \nabla^2 \vec{V}$$

1.3 จงอธิบายความหมายของการไหลสภาวะ Favorable และ Adverse pressure gradients และยกตัวอย่างการไหลทั้ง 2 แบบ

1.4 จงอธิบายเกี่ยวกับปรากฏการณ์ Separation ภายในชั้น Boundary layer ปรากฏการณ์นี้เกิดขึ้นได้อย่างไร เกิดที่ใดบ้าง (เขียนรูปประกอบคำอธิบาย)

1.5 ลูกกอล์ฟทำไมมีผิวที่ขรุขระไม่เรียบ จงอธิบายเหตุผลทางกลศาสตร์ของไหล

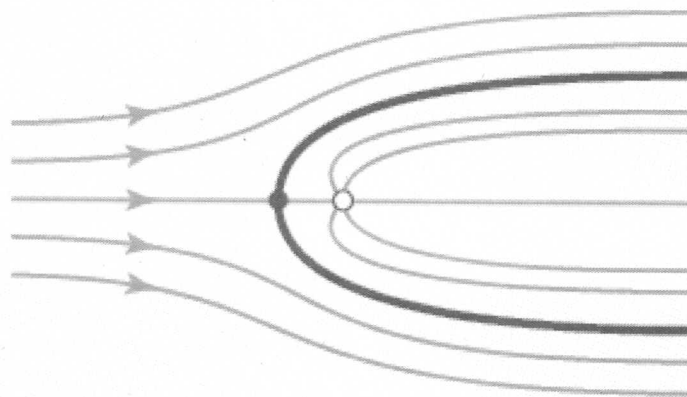
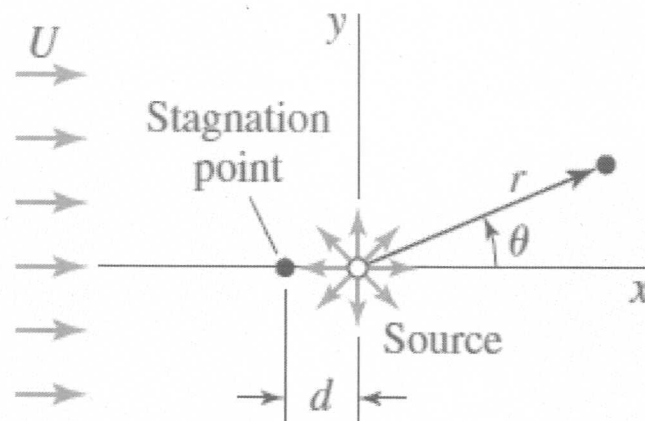
1.6 ปรากฏการณ์ Stall คืออะไร เกิดขึ้นที่ไหน อย่างไร

1.7 Magnus effect คืออะไร

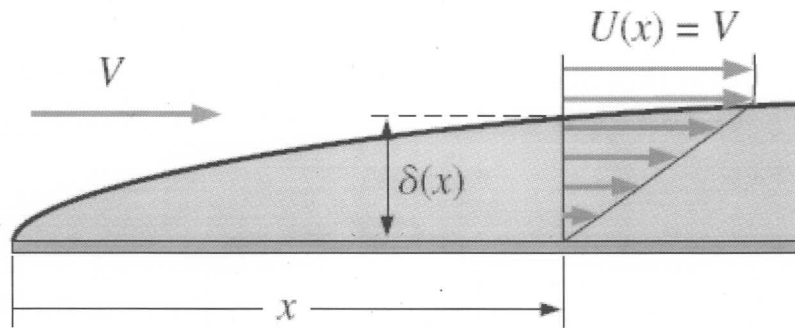
1.8 ปรากฏการณ์สำลัก (Choking) คืออะไร เกิดขึ้นที่ไหน เมื่อไร

ข้อที่ 2. พิจารณาการไหลผ่านก้อนวัตถุที่เกิดจากการรวมกันของเส้นซอร์สกำลัง  $m (= \dot{V} / L)$  ที่ตำแหน่ง  $(0,0)$  และการไหลสม่ำเสมอ  $U$  ในทิศทาง  $x$  ดังรูป

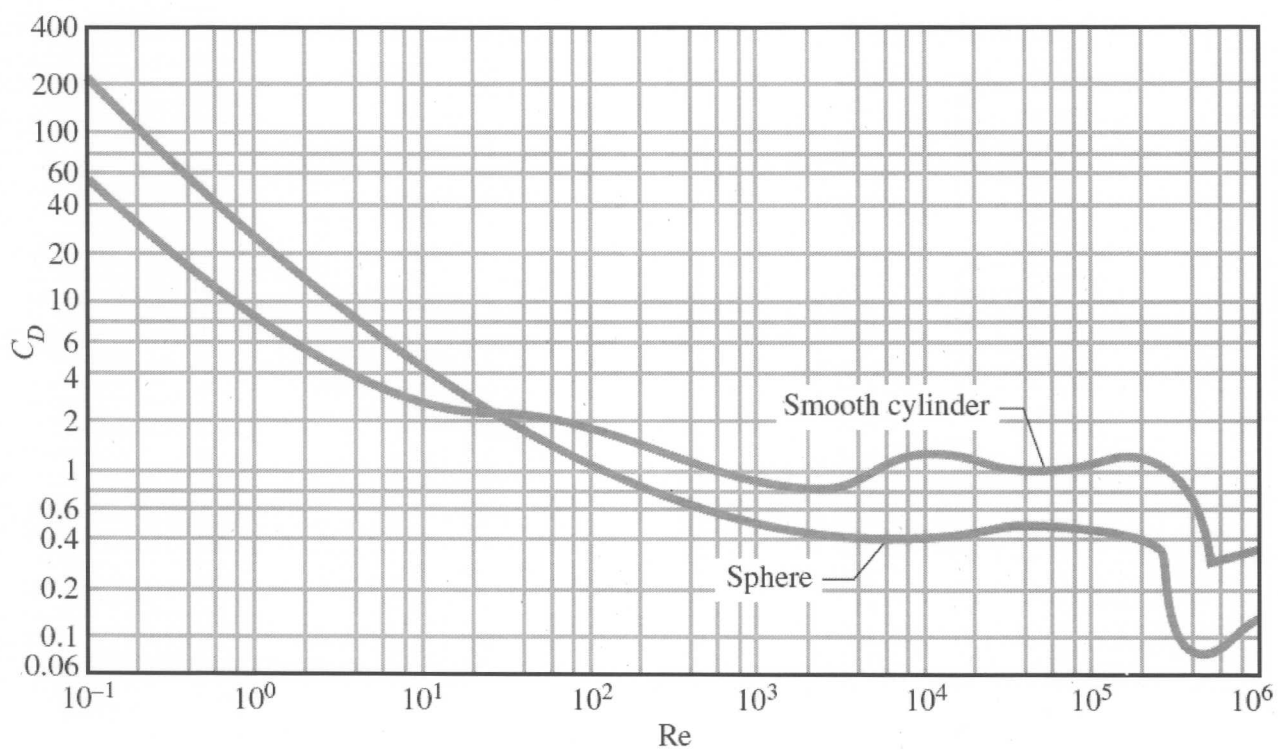
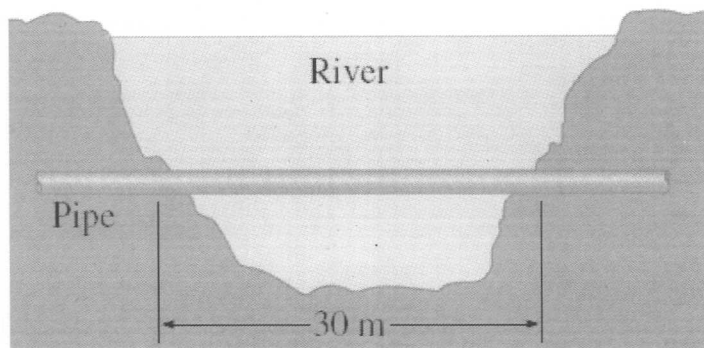
- เขียน Potential function และ Stream function ของสนามการไหลนี้ในระบบพิกัด  $(r, \theta)$
- หาความเร็วในระบบพิกัด  $(r, \theta)$
- จงหาดำแหน่งของ Stagnation point



ข้อที่ 3. สมมติโปรไฟล์ความเร็วของการไหลในชั้นขอบเขตมีลักษณะเป็นเส้นตรงดังรูป คือ  $u = U y / \delta$  เมื่อ  $y < \delta$  และ  $u = U$  เมื่อ  $y > \delta$  จงหาความหนากระยะขจัด  $\delta^*$  ความหนาโมเมนตัม  $\theta$  และสัมประสิทธิ์ความเสียดทานผิว  $C_f$  และจงใช้สมการอินทิกรัลของ Karman ในการหาสมการของ  $\delta/x$



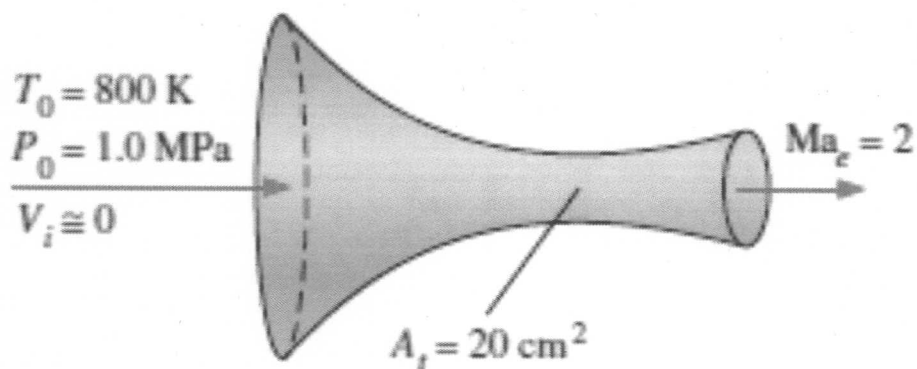
ข้อที่ 4. ท่อส่งสายไฟขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางภายนอก 30 cm วางผ่านแม่น้ำดังรูป โดยมีส่วนของท่อยาว 30 m จมอยู่ในแม่น้ำ ถ้าความเร็วเฉลี่ยของความเร็วน้ำที่ไหลผ่านท่อ เท่ากับ 1.5 m/s จงพิจารณาแรงลุดที่เกิดขึ้นจากการไหลของน้ำผ่านท่อ กำหนดให้  $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$  และ  $\mu = 1.14 \times 10^{-3} \text{ kg/m.s}$



ข้อที่ 5. อากาศไหลเข้า Converging-Diverging nozzle ดังแสดงในรูปที่ความดัน 1.0 MPa อุณหภูมิ 800 K และความเร็วที่น้อยมากประมาณศูนย์ ถ้าสมมุติให้การไหลอยู่ในสภาวะคงตัว เป็นการไหลแบบ Isentropic 1 มิติ ที่มีค่า  $k=1.4$  ถ้าที่ต้องการให้ความเร็วอากาศที่ทางออกมีค่ามัคนัมเบอร์  $Ma=2$  โดยที่คอคอดมีพื้นที่หน้าตัด  $20 \text{ cm}^2$  จงหา

- (ก) ความเร็ว ความดัน อุณหภูมิ และความหนาแน่นที่ตำแหน่งคอคอด
- (ข) ความเร็ว ความดัน อุณหภูมิ และความหนาแน่นที่ตำแหน่งทางออก
- (ค) อัตราการไหลเชิงมวลที่ผ่าน Nozzle นี้
- (ง) พื้นที่หน้าตัดทางออก

กำหนดให้ ค่าคงที่ของแก๊สในกรณีอากาศ  $R=0.287 \text{ kJ/kg}\cdot\text{K}$





## สมการ

*Uniform stream:*  $\phi = Vr \cos \theta$        $\psi = Vr \sin \theta$

*Line source at the origin:*  $\phi = \frac{\dot{V}/L}{2\pi} \ln r$       and       $\psi = \frac{\dot{V}/L}{2\pi} \theta$

$$u_r = \frac{\partial \phi}{\partial r} = \frac{1}{r} \frac{\partial \psi}{\partial \theta} \qquad u_\theta = \frac{1}{r} \frac{\partial \phi}{\partial \theta} = -\frac{\partial \psi}{\partial r}$$

*Displacement thickness:*  $\delta^* = \int_0^\infty \left(1 - \frac{u}{U}\right) dy$

*Momentum thickness:*  $\theta = \int_0^\infty \frac{u}{U} \left(1 - \frac{u}{U}\right) dy$

$$\tau_w = \mu \left. \frac{\partial u}{\partial y} \right|_{y=0}$$

*Local skin friction coefficient:*  $C_{f,x} = \frac{\tau_w}{\frac{1}{2}\rho U^2}$

*Kármán integral equation:*  $\frac{d}{dx}(U^2\theta) + U \frac{dU}{dx} \delta^* = \frac{\tau_w}{\rho}$

Drag coefficient:

$$C_D = \frac{F_D}{\frac{1}{2}\rho V^2 A}$$

Lift coefficient:

$$C_L = \frac{F_L}{\frac{1}{2}\rho V^2 A}$$

$$T_0 = T + \frac{V^2}{2c_p} \quad \frac{P_0}{P} = \left(\frac{T_0}{T}\right)^{k/(k-1)} \quad \frac{\rho_0}{\rho} = \left(\frac{T_0}{T}\right)^{1/(k-1)}$$

$$c = \sqrt{kRT}$$

$$\frac{T_0}{T} = 1 + \left(\frac{k-1}{2}\right) \text{Ma}^2$$