

## มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์

### คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอนกลางภาค ประจำภาคการศึกษาที่ 2

ปีการศึกษา 2554

วันที่ 24 ธันวาคม 2554

เวลา 13:30 – 16:30 น.

วิชา 215-653 Computational Fluid Dynamics

ห้อง หัวหุ่นยนต์

=====

#### คำสั่ง

- ข้อสอบมีทั้งหมด 5 ข้อ ให้ทำทุกข้อ
- อนุญาตให้นำเฉลยพำนัชสืบของ H.K. Versteeg & W. Malalasekera เข้าห้องสอบ
- อนุญาตให้ใช้เครื่องคิดเลข
- ให้เปลี่ยนคำตอบในสมุดคำตอบ

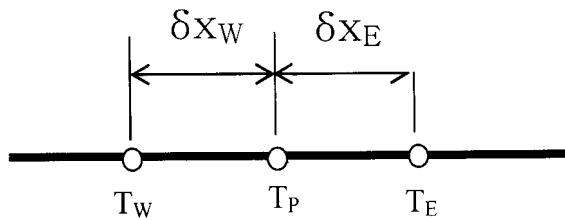
ทุจริตในการสอบโถยขั้นต่ำปรับตกในรายวิชานี้และพักการเรียนหนึ่งภาคการศึกษา

ข้อที่	คะแนนเต็ม	คะแนนที่ได้
1	20	
2	20	
3	30	
4	30	
5	30	
รวม	130	

อาจารย์ ชยุต นันทดุสิต  
อาจารย์ ภาสกร เวสสะโภด  
(ผู้ออกข้อสอบ)

**ข้อที่ 1.** จงอธิบายขั้นตอนของการประมาณพลาสต์ของไอล และข้อดีของการใช้ CFDs เมื่อเทียบกับวิธีการทดลอง และคิดว่าการศึกษาโดยวิธีการทดลองยังมีความจำเป็นต่อไปหรือไม่ เพราะอะไร

**ข้อที่ 2.** จงอธิบายหลักการของระเบียบวิธีการแก้ปัญหาทางพลาสต์ของไอล โดยใช้ Finite Difference Method, Finite Volume Method แต่ละวิธีมีจุดเด่นหรือจุดด้อยอะไร และจงหาสมการเชิงพีชคณิตของสมการ  $\frac{d^2T}{dx^2} = 0$  ในรูปของตัวแปรที่แสดงในรูปข้างล่างโดยใช้ Finite Difference Method และ Finite Volume Method



**Hint: Taylor's series expansion**

$$f(x + \Delta x) = f(x) + \frac{\partial f}{\partial x} \Delta x + \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} \frac{\Delta x^2}{2} + \dots + \frac{\partial^n f}{\partial x^n} \frac{(\Delta x)^n}{n!} + \dots$$

**ข้อที่ 3.** จงตอบคำถามต่อไปนี้

3.1 จงอธิบายความหมายของ Substantive derivative ( $D/Dt$ ) และจงเขียนสมการในรูปสนาการไอลและอธิบายความหมายของแต่ละเทอมในสมการ

3.2 สมการควบคุมการไอลสามารถสร้างจากกฎอนุรักษ์มวล โนเมนตัม และพลังงาน ด้วยวิธีการโนเมเดลทั้งแบบ control volume และแบบ control mass จงอธิบาย concept ของทั้ง 2 วิธี

3.3 จงอธิบายความหมายของแต่ละเทอมในสมการควบคุมการไอล และแต่ละสมการอยู่ในรูปแบบของ Conservative หรือ Non-conservative

Continuity equation

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \mathbf{V}) = 0$$

(1)

Momentum equation

$x$ component: $\frac{\partial(\rho u)}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho u \mathbf{V}) = -\frac{\partial p}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{xx}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{yx}}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{zx}}{\partial z} + \rho f_x$ $y$ component: $\frac{\partial(\rho v)}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho v \mathbf{V}) = -\frac{\partial p}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{yy}}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{zy}}{\partial z} + \rho f_y$ $z$ component: $\frac{\partial(\rho w)}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho w \mathbf{V}) = -\frac{\partial p}{\partial z} + \frac{\partial \tau_{xz}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{yz}}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{zz}}{\partial z} + \rho f_z$	(2)
--	-----

Energy equation

$\begin{aligned} \frac{\partial}{\partial t} \left[ \rho \left( e + \frac{V^2}{2} \right) \right] + \nabla \cdot \left[ \rho \left( e + \frac{V^2}{2} \right) \mathbf{V} \right] &= \rho \dot{q} + \frac{\partial}{\partial x} \left( k \frac{\partial T}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( k \frac{\partial T}{\partial y} \right) \\ &\quad + \frac{\partial}{\partial z} \left( k \frac{\partial T}{\partial z} \right) - \frac{\partial(up)}{\partial x} - \frac{\partial(vp)}{\partial y} - \frac{\partial(wp)}{\partial z} + \frac{\partial(u\tau_{xx})}{\partial x} \\ &\quad + \frac{\partial(u\tau_{yx})}{\partial y} + \frac{\partial(u\tau_{zx})}{\partial z} + \frac{\partial(v\tau_{xy})}{\partial x} + \frac{\partial(v\tau_{yy})}{\partial y} \\ &\quad + \frac{\partial(v\tau_{zy})}{\partial z} + \frac{\partial(w\tau_{xz})}{\partial x} + \frac{\partial(w\tau_{yz})}{\partial y} + \frac{\partial(w\tau_{zz})}{\partial z} + \rho \mathbf{f} \cdot \mathbf{V} \end{aligned} \quad (3)$	(3)
---	-----

3.4 จงอธิบายความหมายของแต่ละเทอมในสมการ General transport equations

$$\frac{\partial(\rho\phi)}{\partial t} + \text{div}(\rho\phi\bar{\mathbf{u}}) = \text{div}(\Gamma \text{grad}\phi) + S_\phi$$

และแสดงให้เห็นว่าสมการควบคุมการไหลแต่ละสมการ สามารถจัดให้อยู่ในรูปทั่วไปได้อย่างไร  
เวกเตอร์ความเร็ว  $\vec{n} = u\vec{i} + v\vec{j} + w\vec{k}$

ข้อที่ 4. จงตอบคำถามต่อไปนี้

$$4.1 \text{ ถ้า } \varphi = \Phi + \varphi' \text{ และ } \psi = \Psi + \psi' \text{ งพิสูจน์ว่า } \overline{\varphi\psi} = \Phi\Psi + \overline{\varphi'\psi'}$$

4.2 จงอธิบายความจำเป็นการสร้าง Turbulence models สำหรับสมการ Reynolds-averaged Navier-Stokes equations

4.3 ข้อจำกัดในการใช้ Standard k-epsilon model คืออะไร

4.4 คุณสมบัติ Anisotropic ของการไหลแบบ Turbulence คืออะไร

4.5 Wall function คืออะไร มีข้อจำกัดการใช้งานหรือไม่ ถ้ามีอะไรคือข้อจำกัด

ข้อที่ 5. A composite wall consists of three different layers in the sketch below. The left wall is kept at constant temperature  $T_{wall}=400^{\circ}\text{C}$  and the right wall is an adiabatic. The thickness  $l_i$  and the thermal conductivity  $k_i$  for  $i=1, 2, 3$  of each layer are also specified. Write the finite volume equations for unknown temperature on each node.

One-dimension heat conduction equation:

$$\frac{d}{dx} \left( k \frac{dT}{dx} \right) = 0$$

