

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์

คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบปลายภาค ประจำภาคการศึกษาที่ 2

วันที่ : 23 กุมภาพันธ์ 2555

วิชา : 241-460 Introduction to Queueing Theory

240-361 Introduction to Queueing Theory

ปีการศึกษา : 2554

เวลา : 13:30 – 16:30

ห้อง : R200

ทุจริตในการสอบ โทษขั้นต่ำคือ ปรับตกในรายวิชาที่ทุจริต และพักการเรียนหนึ่งภาคการศึกษา

**คำสั่ง**

1. ข้อสอบมี 5 ข้อ 11 หน้า (ไม่รวมปก)
2. ไม่อนุญาตให้นำเอกสาร และเครื่องคำนวณใดๆ เข้าห้องสอบ
3. แสดงวิธีทำและเขียนคำตอบให้ชัดเจน ถ้าอ่านไม่ออกถือว่าตอบผิด

รหัสนักศึกษา : \_\_\_\_\_ ชื่อ : \_\_\_\_\_ ตอน : \_\_\_\_\_

คำถาม	1	2	3	4	5	รวม (55 คะแนน)

Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

1. ภาควิชาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์จะต้องสำรวจข้อมูลเครื่องแม่ข่าย 3 เครื่องคือ Ninedots(N), Fivedots(F) และ Zero(Z) ตามลำดับ โดยการสำรวจข้อมูลจะสำรวจข้อมูลในเวลา 1 นาฬิกาของทุกวัน สำหรับการสำรวจข้อมูลเมื่อเขียนเป็น Transition Matrix มีค่าดังนี้

$$P = \begin{bmatrix} 0.2 & 0.5 & 0.3 \\ 0.1 & 0.7 & 0.2 \\ 0.3 & 0.6 & 0.1 \end{bmatrix}$$

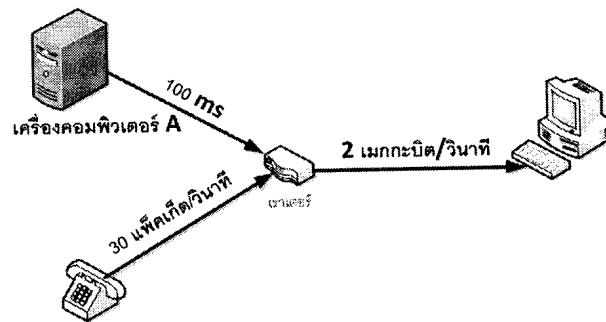
จากข้อมูลที่กำหนดให้ตอบคำถามต่อไปนี้

- 1.1) จงเขียน State transition diagram ของการสำรวจข้อมูล เมื่อกำหนดให้ลำดับการสำรวจข้อมูลเป็นดังนี้ Ninedots, Fivedots และ Zero (1.5 คะแนน)



2. การจำลองเครือข่ายเพื่อคุณสมรรถนะของระบบแสดงได้ดังรูป โดยเครื่องคอมพิวเตอร์ A ทำหน้าที่ส่งแพ็คเก็ตวีดีโอให้เราเตอร์ทุกๆ 100 มิลลิวินาทีให้กับเราเตอร์ ในขณะที่โทรศัพท์ส่งแพ็คเก็ตเสียงให้เราเตอร์โดยเฉลี่ย 30 แพ็คเก็ตต่อวินาที ถ้ากำหนดให้แพ็คเก็ตที่ส่งให้เราเตอร์มี distribution แบบ Poisson

สำหรับเราเตอร์ซึ่งทำหน้าที่รับแพ็คเก็ตวีดีโอและแพ็คเก็ตเสียงเพื่อส่งให้กับเครื่องคอมพิวเตอร์ ปลายทางผ่านทางสายส่งซึ่งมีความเร็ว 2 เมกกะบิตต่อวินาที ถ้ากำหนดให้ความยาวแพ็คเก็ตมีขนาด 400 ไบต์ และมี distribution แบบ exponential จากข้อมูลที่กำหนดให้ตอบคำถามต่อไปนี้



รูปที่ 1

จากข้อมูลที่กำหนดให้ตอบคำถามต่อไปนี้

- 2.1) คอมพิวเตอร์ A ส่งแพ็คเก็ตวีดีโอให้เราเตอร์ด้วยอัตราเฉลี่ยเท่าไร (0.5 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

- 2.2) เราเตอร์ได้รับแพ็คเก็ตเป็น distribution แบบใดด้วยอัตราเท่าไร (0.5 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

- 2.3) Interarrival time ของแพ็คเก็ตเสียงมีค่าเท่าไร (0.5 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

2.4) ความน่าจะเป็นที่เครื่องคอมพิวเตอร์ A ส่งแพ็คเก็ตได้ 5 แพ็คเก็ตในเวลา 2 วินาที (2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

2.5) ความน่าจะเป็นที่เรเตอร์รับแพ็คเก็ตได้อย่างน้อยสองแพ็คเก็ตในช่วงเวลา 1 นาที (2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

2.6) เรเตอร์ส่งแพ็คเก็ตให้คอมพิวเตอร์ B ด้วยอัตราเฉลี่ยเท่าไร (1 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

2.7) ความน่าจะเป็นที่เรเตอร์ใช้เวลาในการส่งแพ็คเก็ตมากกว่า 0.1 วินาที (2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

2.8) ถ้ากำหนดให้เรเตอร์รับแพ็คเก็ตด้วยค่าเฉลี่ย 40 แพ็คเก็ตต่อวินาทีในช่วงเวลา  $[0,10]$  วินาที จงหาความน่าจะเป็นในช่วงเวลา  $[0,1]$  วินาทีที่มีเรเตอร์ได้รับแพ็คเก็ต 20 แพ็คเก็ต และในช่วงเวลา  $[0,3]$  วินาทีเรเตอร์ได้รับแพ็คเก็ต 30 แพ็คเก็ต (4 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_



4. ต้องการจำลองการทำงานของระบบหนึ่ง ซึ่งมี buffer เท่ากับ 4 และระบบสามารถให้บริการด้วยอัตราเป็น 12 คนที่ตลอด โดยอัตราการเข้ารับบริการของระบบจะเริ่มต้นด้วยอัตรา 18 และเมื่อผู้รับบริการในระบบเพิ่มขึ้น อัตราการเข้ารับบริการจะลดลงเป็น 12, 6 และ 4 จนกระทั่งมีค่าคงที่เป็น 2 ตามลำดับ และ จากข้อกำหนดที่ให้มา ตอบคำถามต่อไปนี้

4.1) จงเขียน state transition diagram ของระบบ (2 คะแนน)

4.2) สามารถจำลองระบบเป็นรูปแบบใด อธิบายอย่างละเอียด (1 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

4.3) จงหา service time ของการให้บริการ (1 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

4.4) ระบบสามารถรองรับการบริการได้สูงสุดเท่าไร (1 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

4.5) จงหาความน่าจะเป็นที่ระบบไม่สามารถรองรับผู้เข้ารับบริการรายใหม่ได้ (4 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

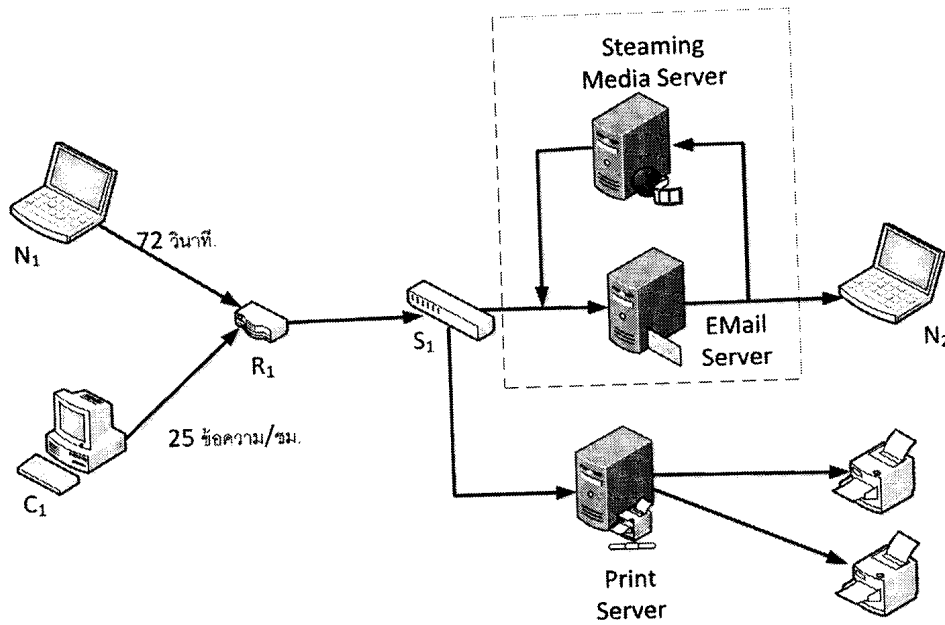




5. รูปที่ 3 เป็น block diagram ของระบบเครือข่ายระบบหนึ่ง โดยคอมพิวเตอร์ N1 ใช้เวลาในการส่งเมลล์เท่ากับ 72 วินาที สำหรับเครื่องคอมพิวเตอร์ N2 ถูกติดตั้งเพื่อให้ส่งเมลล์ที่มี steaming media mail แนบ(attach)ไปกับเมลล์ ด้วยอัตรา 25 เมลล์ต่อชั่วโมง เราเตอร์ R1 ทำหน้าที่รวบรวมเมลล์จากนั้นจึงส่งต่อให้สวิตช์ S1 ผ่านทางสายส่งซึ่งมีความเร็ว 6 เมกกะบิตต่อวินาที ส่วนสวิตช์ S1 จะทำหน้าที่ในจำแนกข้อความไปยังปลายทาง โดยข้อความถูกส่งไปให้กับ Email-server คิดเป็น 60% ส่วนที่เหลือส่งให้กับ Print Server ซึ่งมีเครื่องพิมพ์สองเครื่องคอยให้บริการด้วยอัตราที่เท่ากันเป็น 30 ข้อความต่อชั่วโมง

Email server ซึ่งให้บริการด้วยอัตรา 80 ข้อความต่อชั่วโมง จะทำหน้าที่ส่งข้อความไปปลายทาง ก่อนส่งข้อความ จะตรวจสอบข้อความมีข้อมูลครบถ้วนหรือไม่ ถ้ามีข้อมูลครบถ้วนก็จะส่งเมลล์ให้กับเครื่องคอมพิวเตอร์ N2 ด้วยความน่าจะเป็น 0.75 แต่ถ้ามีข้อมูลไม่ครบถ้วนก็ต้องร้องขอไฟล์จาก Steaming media server ซึ่งสามารถให้บริการด้วยความเร็ว 25 ไฟล์ต่อชั่วโมง จากนั้นจึงส่งเมลล์ให้กับ Email server อีกครั้งเพื่อส่งไปยังปลายทางต่อไป

ถ้ากำหนดให้เมลล์หนึ่งข้อความมีความยาวเท่ากับ 125 ไบต์ จากข้อมูลที่กำหนดมาให้ตอบคำถามต่อไปนี้



รูปที่ 3

5.1) จากระบบเครือข่ายรูป 5.1 จงบอกโมเดลการจำลองของระบบย่อยต่อไปนี้ (2 คะแนน)

Router R1 : \_\_\_\_\_

Steaming Media Server : \_\_\_\_\_

Email Server : \_\_\_\_\_

Print Server : \_\_\_\_\_

5.2) Email Server และ Print Server ได้รับข้อความด้วยอัตราเท่าไร (2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

5.3) เครื่องคอมพิวเตอร์ N2 ได้รับข้อความด้วยอัตราเท่าไร (4 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

5.4) จงหาความน่าจะเป็นที่ไม่มีข้อความในระบบเครือข่าย (6 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_



**สูตรที่จำเป็น**

Poisson Distribution

$$P(k) = \frac{\alpha^k e^{-\alpha}}{k!}$$

Exponential Distribution

$$P(x) = \lambda e^{-\lambda x}$$

$$F(x) = 1 - e^{-\lambda x}$$

M/M/1

$$P_0 = 1 - \rho$$

$$N = \frac{\rho}{1 - \rho}$$

$$T = \frac{1}{\mu - \lambda}$$

$$P_n = \rho^n (1 - \rho)$$

$$N_q = \frac{\rho^2}{(1 - \rho)}$$

M/M/1/K

$$P_0 = \frac{1 - \rho}{1 - \rho^{K+1}}$$

$$N = \frac{\rho [1 - (K+1)\rho^K + K\rho^{K+1}]}{(1 - \rho)(1 - \rho^{K+1})}$$

$$P_n = \frac{1 - \rho}{1 - \rho^{K+1}} \cdot \rho^n$$

$$N_q = \frac{\rho [1 - (K+1)\rho^K + K\rho^{K+1}]}{(1 - \rho)(1 - \rho^{K+1})} - \frac{\rho(1 - \rho)}{1 - \rho^{K+1}}$$

M/M/2

$$P_0 = \frac{1 - \rho}{1 + \rho}$$

$$N = \frac{2\rho}{1 - \rho^2}$$

$$P_q = \frac{2\rho^2}{1 + \rho}$$