

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์  
คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบปลายภาค ประจำภาคการศึกษาที่ 2

วันที่ 25 กุมภาพันธ์ 2555

วิชา 216-323 MECHANICS OF MATERIALS II

ปีการศึกษา 2554

เวลา 13.30 - 16.30 น.

ห้อง S 817

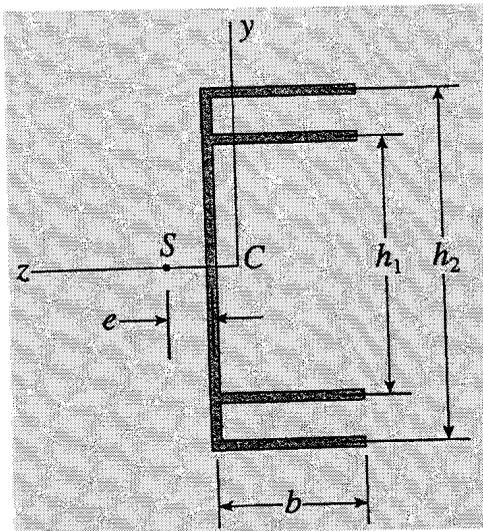
คำสั่ง

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 6 ข้อ ให้ทำทุกข้อ แต่ละข้อคะแนนเท่ากัน
2. อนุญาตให้นำเอกสารและหนังสือ เข้าห้องสอบได้
3. ให้เขียนคำตอบในสมุดคำตอบ

อ.สมบูรณ์ วรุฒิกุลชัย  
ผู้ออกข้อสอบ

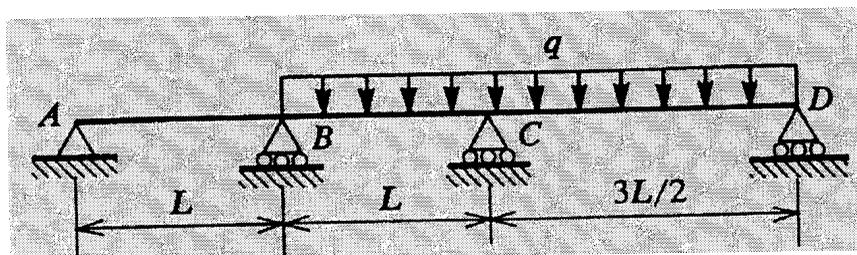
ทูลงการสอบ โทษขันต่ำคือ ปรบัตคในรายวิชาที่ทูลงการสอบ และพัทการเรียน 1 ภาคการศีกษา

- Q1. จงแสดงให้เห็นว่า ตำแหน่งจุดศูนย์กลางแรงเฉือน (shear center)  $S$  ของคานที่มีหน้าตัดขวาง ดังแสดงในรูป(1) มีระยะ  $e = \frac{3b^2(h_1^2 + h_2^2)}{h_2^3 + 6b(h_1^2 + h_2^2)}$



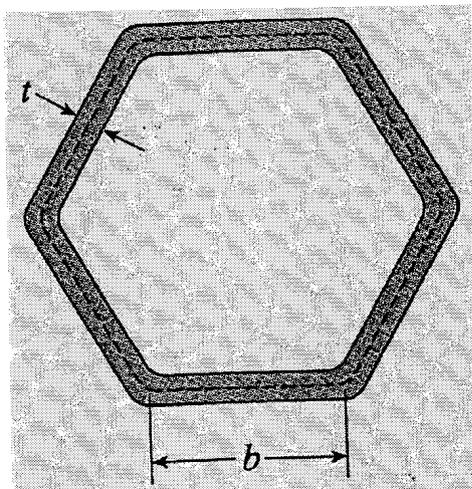
รูป (1)

- Q2. ให้คำนวณหา ค่าของโมเมนต์ดัด ที่ตำแหน่ง B ( $M_B$ ) และตำแหน่ง C ( $M_C$ ) สำหรับคาน ดังแสดงในรูป(2) กำหนดให้ค่า Flexural rigidity,  $EI$  มีค่าคงที่ตลอดความยาวของคาน



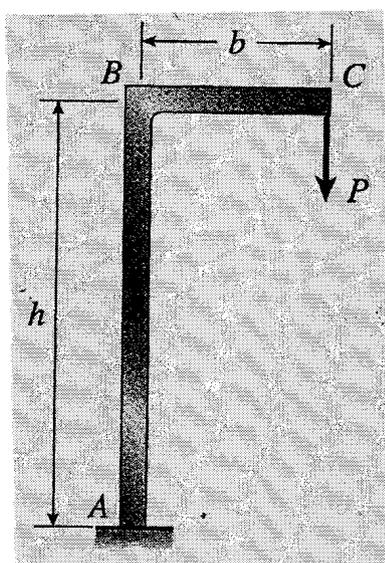
รูป (2)

- Q3. ท่อผนังบางท่อนหนึ่ง มีหน้าตัดขวาง เป็นรูปหกเหลี่ยม แต่ละด้าน ยาวเท่ากับ  $b$  และมี ความหนาเท่ากับ  $t$  ดังแสดงในรูป(3) ให้คำนวณหาค่า ความเค้น เฉือน ( $\tau$ ) และอัตราบิด ของมุมบิด ( $\theta$ ) ที่เกิดขึ้น เมื่อมีโมเมนต์บิด ( $T$ ) มากกระทำ



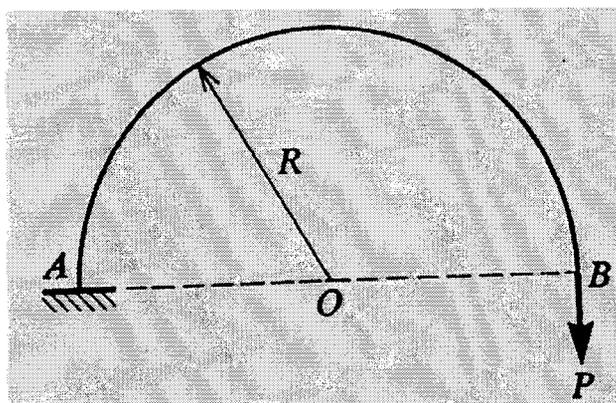
รูป(3)

- Q4. โครงสร้าง ABC มีแรง  $P$  มากกระทำที่จุด C ดังแสดงในรูป(4) ให้คำนวณหาระยะ เคลื่อนที่ลงในแนวตั้ง  $\delta_C$  ของจุด C โดยใช้ Castigliano's theorem



รูป(4)

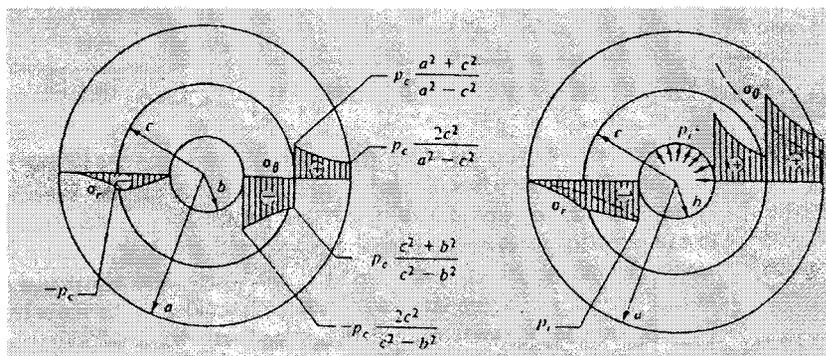
- Q5. คานโค้ง ครึ่งวงกลม AB มีรัศมีเท่ากับ R มีแรง P มากกระทำที่จุด B ดังแสดงในรูป(5) ให้  
ให้คำนวณหาระยะ เคลื่อนที่ลงในแนวตั้ง  $\delta_B$  ของจุด B โดยใช้ วิธี unit load method



รูป(5)

- Q6. ท่อประกอบ (compound cylinders) ดังแสดงในรูป(6) ทำด้วยโลหะลูมิเนียมผสมซึ่ง  
มีค่า  $E = 72.0 \text{ GPa}$  และ  $\nu = 0.33$  ท่อท่อนใน มีเส้นผ่าศูนย์กลางภายใน ( $b$ ) = 80 mm และ  
เส้นผ่าศูนย์กลาง ภายนอก ( $c$ ) =  $120 + \Delta$  ในขณะที่ท่อ ท่อนนอก มีเส้นผ่าศูนย์กลางภายใน  
( $c$ ) = 120 และ เส้นผ่าศูนย์กลาง ภายนอก ( $a$ ) = 240 mm ท่อประกอบนี้ใช้รองรับความดัน  
ภายใน ( $p_i$ ) = 160 MPa ถ้าความเค้นเฉือนค่าสูงสุด ( $\tau_{\max}$ ) ที่เกิดขึ้นในท่อ ท่อนใน และ ท่อนนอก  
มีค่าเท่ากัน ให้คำนวณหาค่า:

- ความเค้นตามแนวเส้นรอบวง ( $\sigma_\theta$ ) ที่ผิวในของท่อประกอบนี้
- ความเค้นเฉือนค่าสูงสุด ( $\tau_{\max}$ ) ที่เกิดขึ้นในท่อประกอบนี้
- ขนาดของเส้นผ่าศูนย์กลางภายนอก ที่แท้จริงของท่อ ท่อนใน ( $120 + \Delta$ )



รูป(6)