

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์
คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบปลายภาค ประจำภาคการศึกษาที่ 1 ปีการศึกษา 2555
วันที่ 1 ตุลาคม 2555 เวลา 9:00-12:00 น.
วิชา 216-342 กลศาสตร์ของไหล 2 ห้อง A401 (sec.01), S201 (sec. 02)
=====

คำสั่ง

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 5 ข้อ ให้ทำทุกข้อ
2. อนุญาตให้ใช้เครื่องคิดเลขได้ทุกรุ่น
3. ให้เขียนชื่อ-สกุล รหัสนักศึกษา และ Section ลงในข้อสอบทุกหน้า
4. อนุญาตให้เขียนคำตอบด้านหลังกระดาษ
5. ไม่อนุญาตให้นำหนังสือและเอกสารใดๆเข้าห้องสอบ

ทุจริตในการสอบโทษขั้นต่ำปรับตกในรายวิชานั้นและพักการเรียนหนึ่งภาคการศึกษา

ข้อที่	คะแนนเต็ม	คะแนนที่ได้
1	60	
2	30	
3	30	
4	30	
5	30	
รวม	180	

อาจารย์ กิตตินันท์ มลิวรรณ
อาจารย์ ชยุต นันทคุสิต
(ผู้ออกข้อสอบ)

ข้อที่ 1. จงตอบคำถามต่อไปนี้ (ข้อละ 5 คะแนน)

1.1 จงอธิบายเกี่ยวกับลักษณะเฉพาะของการไหลแบบ Creeping flow และการไหลแบบ Inviscid flow พร้อมทั้งยกตัวอย่างการไหลที่สามารถสมมติว่าเป็นการไหลแต่ละแบบได้

1.2 จงเขียนอธิบายความหมายของแต่ละเทอมในสมการ Navier-Stokes ในกรณีที่เป็นการไหลแบบ Inviscid flow มีเทอมใดบ้างในสมการที่ไม่ต้องนำมาพิจารณา

$$\rho \left[\frac{\partial \vec{V}}{\partial t} + (\vec{V} \cdot \nabla) \vec{V} \right] = -\nabla P + \rho \vec{g} + \mu \nabla^2 \vec{V}$$

1.3 Boundary layer คืออะไร มีวิธีการนิยามความหนาของชั้น Boundary layer 3 แบบที่นิยมใช้กันมีอะไรบ้าง และจงเปรียบเทียบความหนาของแต่ละแบบโดยเรียงลำดับจากหนาไปบาง

1.4 Reynolds number มีผลต่อการเปลี่ยนแปลงความหนาของชั้น Boundary layer หรือไม่ อย่างไร

1.5 จงเขียนรูปโปรไฟล์ความเร็วเปรียบเทียบระหว่างการไหลแบบ Laminar และแบบ Turbulent แสดงให้เห็นถึงความแตกต่าง การไหลแบบ Laminar และแบบ Turbulent แบบไหนมี Skin friction coefficient สูงกว่ากัน เพราะอะไร

1.6 จงอธิบายความหมายของการไหลสภาวะ Favorable และ Adverse pressure gradients และการไหลทั้ง 2 สภาวะเกิดขึ้นในท่อที่มีการเปลี่ยนพื้นที่หน้าตัดอย่างไร และเกิดที่บริเวณใดบ้างของ Airfoil

ชื่อ-สกุล _____ รหัส _____ Section _____

1.7 จงอธิบายเกี่ยวกับปรากฏการณ์ Separation ภายในชั้น Boundary layer ปรากฏการณ์นี้เกิดขึ้นได้อย่างไร เกิดที่ใดบ้าง (เขียนรูปประกอบคำอธิบาย)

1.8 ลูกกอล์ฟที่ไม่มีผิวที่ขรุขระไม่เรียบ จงอธิบายเหตุผลทางกลศาสตร์ของไหล

1.9 แรงฉุดที่เกิดจากการไหลผ่านวัตถุ เกิดจากกลไกอะไรกับอะไร เมื่อเพิ่ม Reynolds number ของการไหลสัมประสิทธิ์ของแรงฉุดจะลดลงอย่างต่อเนื่องจนถึงจุดหนึ่งแรงฉุดจะลดลงอย่างรวดเร็ว เพราะอะไร

ชื่อ-สกุล _____ รหัส _____ Section _____

1.10 อธิบายนิยามของการไหลแบบไอเซนโทรปิก

1.11 ปรากฏการณ์สำคัญ (Choking) คืออะไร เกิดขึ้นที่ไหน มีอะไรเป็นเงื่อนไขในการเกิด

1.12 กรณีการไหลแบบไอเซนโทรปิก จงแสดงให้เห็นว่าสัดส่วนของ Total temperature และ Static temperature สามารถเขียนได้ในรูปของ Mach number ดังนี้ $\frac{T_0}{T} = 1 + \left(\frac{k-1}{2}\right)Ma^2$

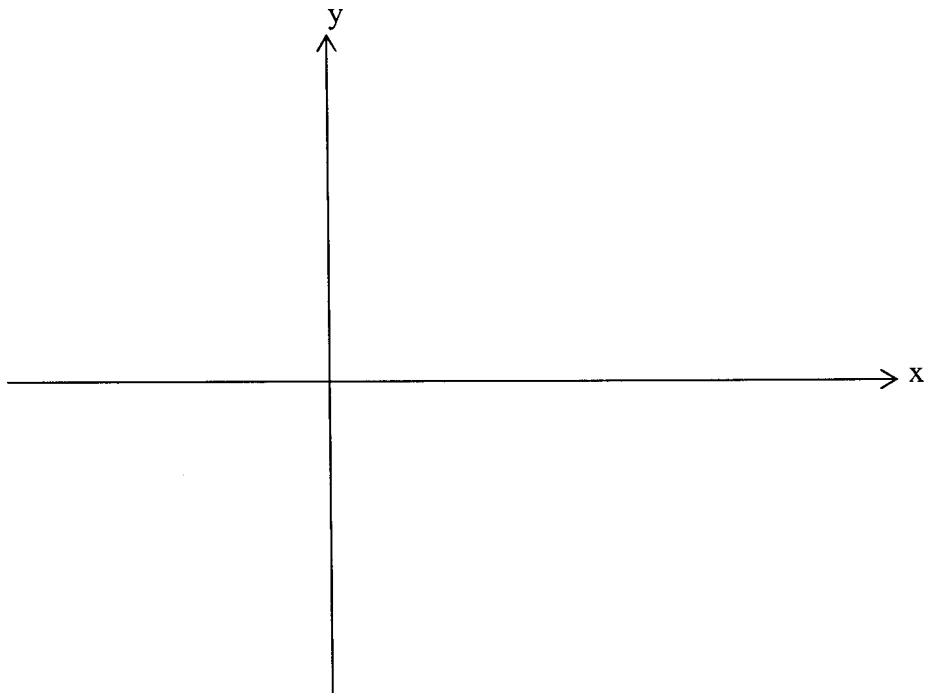
ชื่อ-สกุล _____ รหัส _____ Section _____

ข้อที่ 2. พิจารณาสนามการไหลแบบอัดตัวไม่ได้และไม่หมุนวนใน 2 มิติ ที่เกิดจากการรวมกันของการไหลสม่ำเสมอ กับซอร์ส ให้การไหลสม่ำเสมอมีความเร็ว $U = 25 \text{ m/s}$ และไหลในทิศทาง $+x$ ซอร์สมีกำลังของซอร์ส m และอยู่ที่ตำแหน่งจุดกำเนิด จุดสแตกเนชันอยู่ที่ $x = -0.5 \text{ m}$ จงหา

2.1 สมการฟังก์ชันกระแส ψ โปเทนเชียลความเร็ว ϕ และความเร็ว V ของสนามการไหลนี้ (ให้ตอบอยู่ในรูป โคออร์ดิเนต $r-\theta$)

2.2 กำลังของซอร์ส m

2.3 วาดรูปแนวกระแสการไหลที่เกิดขึ้น



ข้อที่ 3. อุโมงกลมในห้องปฏิบัติการมีช่วงที่ใช้ทดลอง (test section) เป็นสี่เหลี่ยมจตุรัสกว้าง $W = 305$ mm และยาว $L = 610$ mm ความเร็วลมของอากาศที่ทางเข้าของช่วงที่ใช้ทดลองมีขนาด $U_i = 24.4$ m/s และมีความดันต่ำกว่าความดันบรรยากาศ 6.5 mm H_2O สมมติให้ชั้นขอบเขตที่ผนังของช่วงที่ใช้ทดลองเป็นแบบปั่นป่วนที่มีความหนาของชั้นขอบเขต $\delta_1 = 20.3$ mm ที่ทางเข้าและ $\delta_2 = 25.4$ mm ที่ทางออก และให้โพรงไฟร์ความเร็วอยู่ในรูปกำลัง $1/7$

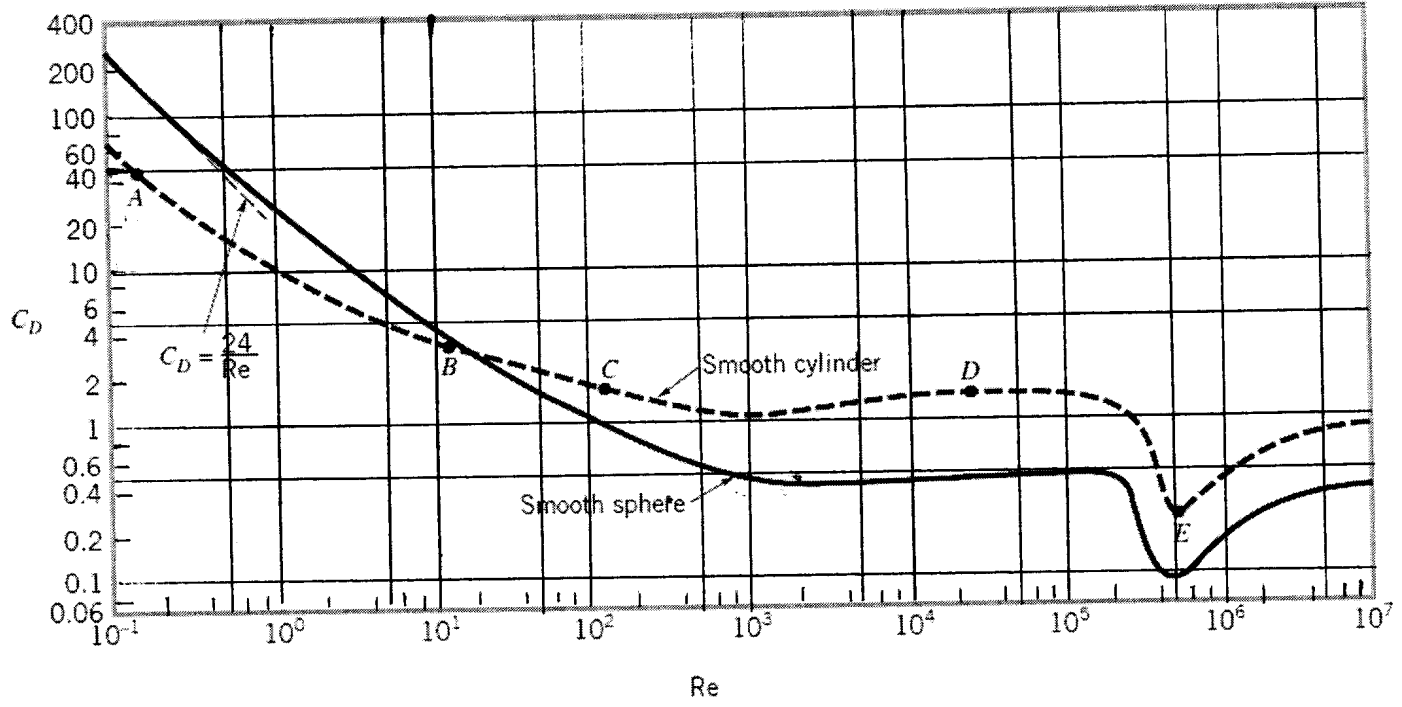
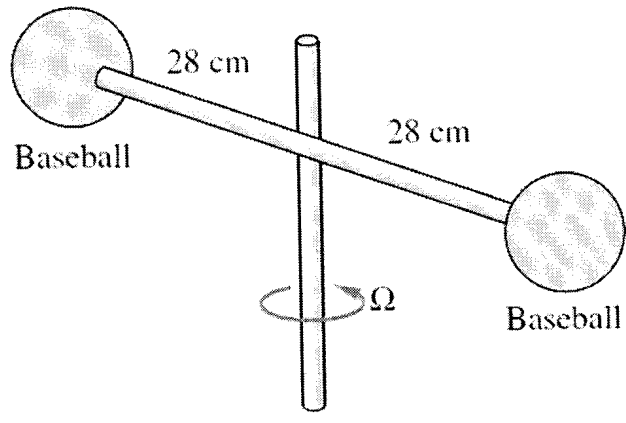
จงหา

3.1 อัตราเร็ว freestream ของอากาศที่ทางออกของช่วงที่ใช้ทดลอง

3.2 ความดันสถิตย์ (static pressure) ที่ทางเข้าและออกของช่วงที่ใช้ทดลอง

กำหนดให้ $\rho_{air} = 1.23$ kg/m³, $\rho_{water} = 999$ kg/m³, $g = 9.81$ m/s²

ข้อที่ 4. ลูกเบสบอลถูกยึดติดกันด้วยแท่งกลมขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 7 mm และยาว 56 cm ดังรูป จงหาค่าสิ่งที่ต้องการเพื่อให้ระบบหมุนด้วยความเร็วเชิงมุม 400 rpm (ให้คิดแรงต้านของแท่งกลมด้วย โดยคิดจากความเร็วเชิงเส้นเฉลี่ยของแท่งกลมในการคำนวณ) กำหนดให้ $\rho_{\text{air}} = 1.225 \text{ kg/m}^3$, $\mu_{\text{air}} = 1.78 \times 10^{-5} \text{ kg/m s}$



ข้อที่ 5. จากรูป อากาศถูกปล่อยออกจากหัวฉีดด้วยความเร็วทางออกเท่ากับ 235 m/s และमानอมิเตอร์ปรอทแสดงค่า

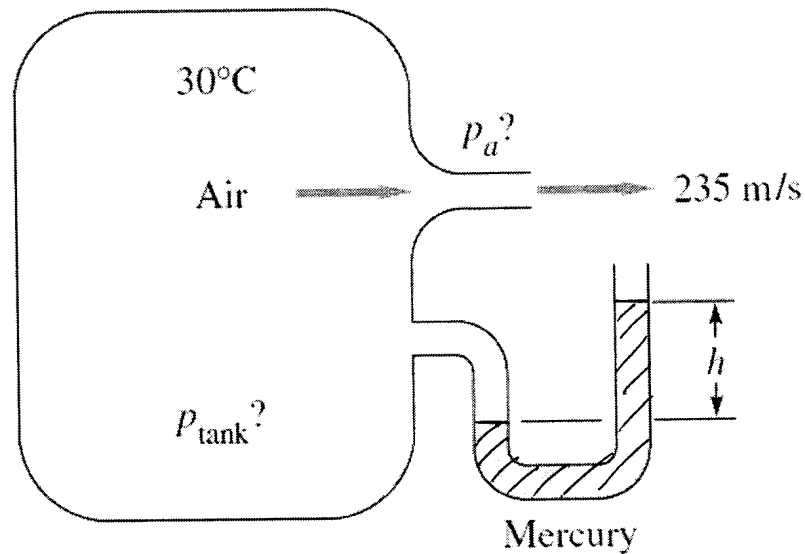
$h = 30$ cm สมมติเป็นการไหลแบบไอเซนโทรปิก จงหา

5.1 ความดันของอากาศในแทงค์

5.2 ความดันบรรยากาศ

5.3 ค่ามัคของอากาศที่ทางออก

กำหนดให้ $\rho_{\text{air}} = 1.6 \text{ kg/m}^3$, $\rho_{\text{mercury}} = 13550 \text{ kg/m}^3$, $c_p = 1.005 \text{ kJ/kg K}$, $k = 1.4$



สมการที่เกี่ยวข้อง

$$u = \frac{\partial \psi}{\partial y} \quad \text{and} \quad v = \frac{-\partial \psi}{\partial x}$$

$$u = \frac{\partial \phi}{\partial x}, \quad \text{and} \quad v = \frac{\partial \phi}{\partial y}$$

$$\phi = \frac{m}{2\pi} \ln r, \quad \psi = \frac{m}{2\pi} \theta$$

$$x = r \cos \theta, \quad y = r \sin \theta$$

$$\frac{p_1}{\rho} + \frac{1}{2} (u_1^2 + v_1^2) = \frac{p_2}{\rho} + \frac{1}{2} (u_2^2 + v_2^2)$$

$$\frac{p_1}{\rho} + \frac{1}{2} (v_{r1}^2 + v_{\theta 1}^2) = \frac{p_2}{\rho} + \frac{1}{2} (v_{r2}^2 + v_{\theta 2}^2)$$

$$\delta^* = \int_0^\infty \left(1 - \frac{u}{U}\right) dy$$

$$\Theta = \int_0^\infty \frac{u}{U} \left(1 - \frac{u}{U}\right) dy$$

$$\frac{u}{U} = \left(\frac{y}{\delta}\right)^{1/7}$$

$$C_D = \frac{F_D}{\frac{1}{2}\rho U^2 A}$$

$$\text{Ma} = \frac{V}{c}$$

$$c = \sqrt{kRT}$$

$$T_0 = T + \frac{V^2}{2c_p}$$

$$\frac{P_0}{P} = \left(\frac{T_0}{T}\right)^{k/(k-1)}$$

$$\frac{\rho_0}{\rho} = \left(\frac{T_0}{T}\right)^{1/(k-1)}$$

$$c_p = kR/(k-1)$$