

# มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์

## คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบปลายภาค

วันที่ 18 กุมภาพันธ์ 2556

วิชา 215-241, 216-241 Mechanics of Fluid I

ประจำปีการศึกษา 2/2555

เวลา 09.00-12.00 น.

ห้อง Robot , R ๒๐๐

### คำสั่ง

ข้อสอบมีทั้งหมด 5 ข้อ ทำหมดทุกข้อ ในข้อสอบ

ห้ามนำเอกสารใด ๆ เข้าห้องสอบ

อนุญาตใช้ดินสอได้

อนุญาตใช้เครื่องคิดเลขทุกชนิด

ข้อ	คะแนน เต็ม	คะแนนที่ ได้
1	20	
2	20	
3	20	
4	20	
5	20	
รวม	100	

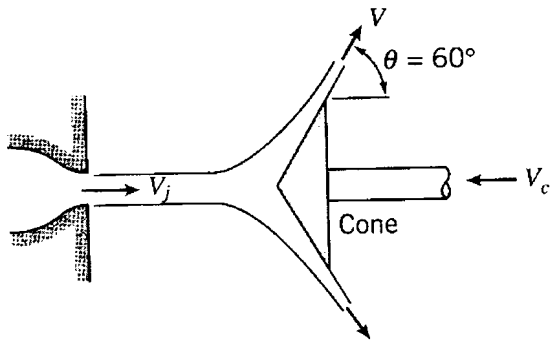
ชื่อ-สกุล.....
รหัส.....
อาจารย์ผู้สอน.....

ข้อ 1 ( 20 คะแนน )

น้ำ (  $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$  ) พุ่งด้วยความเร็ว 30 m/s ไปทางขวามือ เป็นลำเจ็ตที่มีเส้นผ่านศูนย์กลาง 100 mm ลำเจ็ตพุ่งไปกระทบกับกรวยซึ่งเคลื่อนที่ไปทางซ้ายมือด้วยความเร็ว 14 m/s จากสมการโมเมนตัม

$$\sum \vec{F} = \frac{d}{dt} \int_{CV} \rho \vec{V} dV + \int_{CS} \vec{V} \rho (\vec{V} \cdot \vec{n}) dA$$

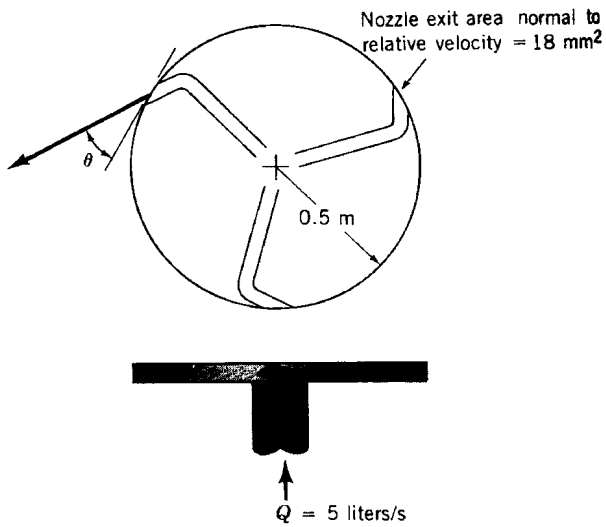
จงหาแรงในแนวระดับที่ใช้เคลื่อนกรวย และหาความหนาของน้ำที่ไหลออกจากขอบของกรวยที่รัศมี 230 mm



ข้อ 2 ( 20 คะแนน)

น้ำ ( $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$ ) ไหลเข้าสปริงเกอร์ในอัตรา  $5 \text{ L/s}$  ( $0.005 \text{ m}^3/\text{s}$ ) ดังในรูป พื้นที่หน้าตัดของหัวฉีดแต่ละอันเท่ากับ  $18 \text{ mm}^2$  น้ำพุ่งออกจากหัวฉีดทำมุม  $\theta = 60$  องศา

(ก) จงหาแรงบิด ที่ทำให้สปริงเกอร์อยู่นิ่ง (ข) จงหาความเร็วสูงสุดสปริงเกอร์นี้ (ค) ถ้าต้องการให้สปริงเกอร์หมุนด้วยความเร็วสูงกว่าข้อ (ข) ซึ่งน้ำไหลออกทำมุม  $\theta = 60$  องศา ควรจะปรับมุม  $\theta$  อย่างไร



ข้อ 3

3.1 ( 10 คะแนน)

ลวดยืดหยุ่น ( thin elastic wire ) วางอยู่ระหว่าง ตัวรองรับแข็ง (rigid support) เพื่อใช้ศึกษาการโก่งตัวสถิต ( static deflection,  $\delta$ ) ที่จุดกึ่งกลางเนื่องจากแรงจุด (drag force) เมื่อลมไหลผ่าน

$$\delta = f(L, D, \rho, \mu, V, E)$$

เมื่อ

$\delta$  = ระยะโก่งตัว (m)

L = ความยาวของลวด (m)

D = เส้นผ่านศูนย์กลางของลวด (m)

$\rho$  = ความหนาแน่นของอากาศ ( $\text{kg/m}^3$ )

$\mu$  = ความหนืดของอากาศ ( $\text{kg/m.s}$ )

V = ความเร็วของอากาศ (m/s)

E = the modulus of elasticity ของวัสดุที่ใช้ทำลวด

จงหาเทอมไร้มิติ

**TABLE 1.1** Dimensions Associated with Common Physical Quantities

	FLT System	MLT System
Acceleration	$LT^{-2}$	$LT^{-2}$
Angle	$F^0L^0T^0$	$M^0L^0T^0$
Angular acceleration	$T^{-2}$	$T^{-2}$
Angular velocity	$T^{-1}$	$T^{-1}$
Area	$L^2$	$L^2$
Density	$FL^{-4}T^2$	$ML^{-3}$
Energy	$FL$	$ML^2T^{-2}$
Force	$F$	$MLT^{-2}$
Frequency	$T^{-1}$	$T^{-1}$
Heat	$FL$	$ML^2T^{-2}$
Length	$L$	$L$
Mass	$FL^{-1}T^2$	$M$
Modulus of elasticity	$FL^{-2}$	$ML^{-1}T^{-2}$
Moment of a force	$FL$	$ML^2T^{-2}$
Moment of inertia (area)	$L^4$	$L^4$
Moment of inertia (mass)	$FLT^2$	$ML^2$
Momentum	$FT$	$MLT^{-1}$
Power	$FLT^{-1}$	$ML^2T^{-3}$
Pressure	$FL^{-2}$	$ML^{-1}T^{-2}$
Specific heat	$L^2T^{-2}\Theta^{-1}$	$L^2T^{-2}\Theta^{-1}$
Specific weight	$FL^{-3}$	$ML^{-2}T^{-2}$
Strain	$F^0L^0T^0$	$M^0L^0T^0$
Stress	$FL^{-2}$	$ML^{-1}T^{-2}$
Surface tension	$FL^{-1}$	$MT^{-2}$
Temperature	$\Theta$	$\Theta$
Time	$T$	$T$
Torque	$FL$	$ML^2T^{-2}$
Velocity	$LT^{-1}$	$LT^{-1}$
Viscosity (dynamic)	$FL^{-2}T$	$ML^{-1}T^{-1}$
Viscosity (kinematic)	$L^2T^{-1}$	$L^2T^{-1}$
Volume	$L^3$	$L^3$
Work	$FL$	$ML^2T^{-2}$

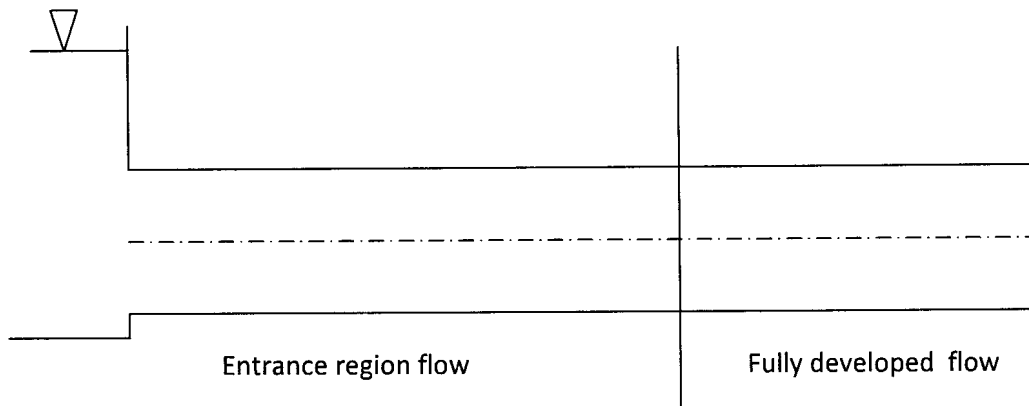
### 3.2 ( 10 คะแนน)

Glycerin ที่  $20^{\circ}\text{C}$  (  $SG = 1.26$  ,  $\mu$  ดูจากกราฟที่ให้มา ) ไหลด้วยความเร็ว  $4 \text{ m/s}$  ผ่านท่อซึ่งมีเส้นผ่านศูนย์กลาง  $40 \text{ mm}$  ถ้าจำลองการไหลโดยใช้อากาศ (  $\rho = 1.21 \text{ kg/m}^3$  ,  $\mu$  ดูจากกราฟที่ให้มา ) ที่ความเร็ว  $2 \text{ m/s}$  อยากทราบว่าท่อแบบจำลองจะต้องมีเส้นผ่านศูนย์กลางเท่าใด แบบจำลอง กับ ต้นแบบ จึงจะมีความคล้ายเชิง dynamic

ข้อ 4 ( 20 คะแนน)

4.1 ( 2 คะแนน) ในการไหลจากถังเข้าท่อ จะแบ่งการไหลเป็นสองบริเวณ คือ บริเวณทางเข้า (entrance region flow) กับบริเวณ fully developed flow

อยากทราบว่า บริเวณทั้งสองแตกต่างกันอย่างไร และจงเสกัตรูปอธิบายความแตกต่างของการไหลทั้งสองบริเวณ

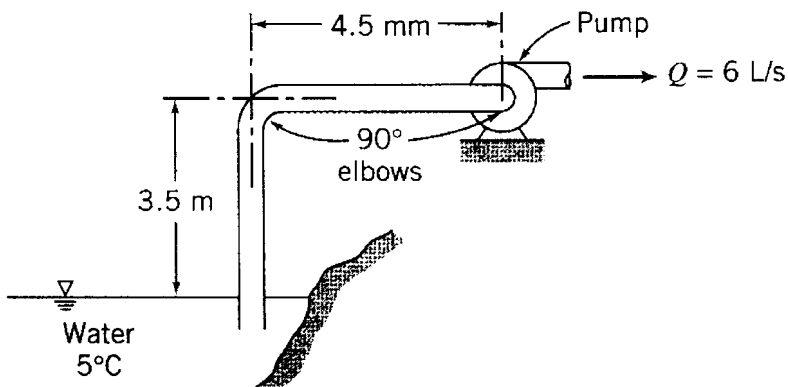


4.2 ( 3 คะแนน) ตัวเลขเรย์โนลด์ (  $Re = \rho V D / \mu$  ) ใช้สำหรับจำแนกของไหล เป็นการไหลราบเรียบ ( Laminar ) ช่วงเปลี่ยนการไหล (transition) และการไหลปั่นป่วน ( turbulent) อยากทราบว่า (ก) มีการจำแนกการไหลอย่างไร, (ข) ทำไมเราไม่ใช้ช่วงเปลี่ยนการไหล (transition) ในการออกแบบ, (ค) ถ้าท่อที่ใช้เป็นท่อสี่เหลี่ยม จะคำนวณตัวเลขเรย์โนลด์อย่างไร

4.3 ( 3 คะแนน ) Net positive suction head (NPSH) คือ อะไร จงแสดงสมการสำหรับใช้คำนวณ NPSH

4.4 ปั๊มติดตั้งอยู่ที่ตำแหน่งสูงจากระดับน้ำ 3.5 m ดังในรูป ปั๊มมีอัตราไหล 6 L/s ( $6 \times 10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}$ ) ปั๊มทำงานได้เมื่อความดันที่ทางเข้าไม่ต่ำกว่า  $-6 \text{ m H}_2\text{O}$  (gage) น้ำมีอุณหภูมิ  $25^\circ\text{C}$  ซึ่งสมบัติอ่านจากกราฟและตารางที่ให้มาท่อที่ใช้ คือ commercial steel ( $e = 0.046 \text{ mm}$ ) ที่ปลายท่อมี foot valve แบบ hinge disk ( $L_e/D = 75$ ) ปลายท่อจมอยู่ในน้ำ 1 m ท่อทางดูดมี standard elbow จำนวน 2 ตัว

จงหาขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง ( $D$ ) น้อยที่สุด ของท่อทางดูดของปั๊มนี้ (12 คะแนน) กำหนดให้  $K = f L/D$







ข้อ 5 ( 20 คะแนน )

5.1 จากสมการพลังงาน 
$$\frac{P_1}{\rho g} + \alpha_1 \frac{V_1^2}{2g} + z_1 + h_{pump} = \frac{P_2}{\rho g} + \alpha_2 \frac{V_2^2}{2g} + z_2 + h_{turbine} + h_L$$

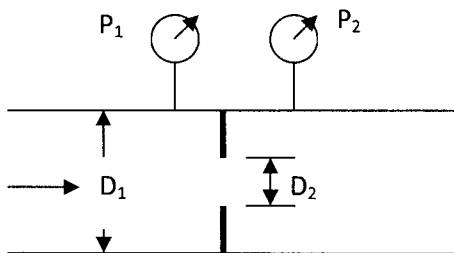
(ก)  $\alpha$  คือ อะไร การไหลแบบไหน เราสามารถละทิ้ง  $\alpha$  ไม่น่ามาคิดได้ ( 2 คะแนน )

(ข) ความดัน static วัดได้อย่างไร ( 1 คะแนน )

(ง) ความดัน dynamic (velocity) วัดอย่างไร ( 1 คะแนน )

(จ) สมการ Bernoulli และ สมการพลังงาน แตกต่างกันอย่างไรร ( 1 คะแนน )

(ฉ) ในอุปกรณ์วัดอัตราไหล orifice จงใช้สมการ Bernoulli และ สมการ continuity (  $Q_1 = Q_2 = AV$  ) ในการหาอัตราไหล  $Q$  ในเทอมของ  $\rho, P_1, P_2, D_1, D_2$  ( 5 คะแนน )



5.2 (10 คะแนน)

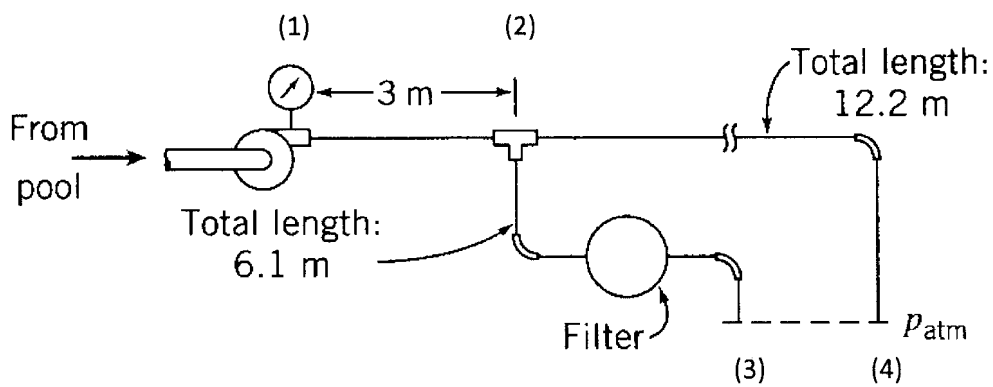
สระว่ายน้ำแห่งหนึ่ง มีการแบ่งน้ำบางส่วนให้ไหลผ่านระบบกรอง ถ้าน้ำมีอุณหภูมิ  $25^{\circ}\text{C}$  น้ำถูกสูบจากสระว่ายน้ำในอัตรา  $2 \text{ L/s}$  ท่อที่ใช้ คือ ท่อพีวีซี(ท่อผิวเรียบ) ที่มีเส้นผ่านศูนย์กลาง  $20 \text{ mm}$  และวางอยู่ในระดับเดียวกัน ความดันคร่อมหรือความดันลดที่ตัวกรอง (filter)  $\Delta P = 1039 Q^2 \text{ kPa}$  เมื่อ  $Q$  มีหน่วย  $\text{L/s}$

(ก) จงหาเฮดสูญเสียในท่อระหว่างจุด (1) กับ (2)

(ข) สมมติอัตราการไหลเท่ากันในท่อ (2)-(3) และท่อ (2)-(4) จงหาเฮดสูญเสียในท่อทั้งสอง (2)-(3) และ (2)-(4)

(ค) จากข้อ (ข) การไหลในท่อทั้งสองเป็นจริงหรือไม่ ถ้าไม่ใช่ จงหาการไหลที่เป็นจริงในท่อทั้งสอง

กำหนดให้ สมบัติของน้ำ อ่านจากกราฟที่ให้มา ทางเข้า ( $K = 0.5$ ) ทางออก ( $K = 1.0$ ) และอุปกรณ์อื่นอ่านค่าจากตารางที่ให้มา



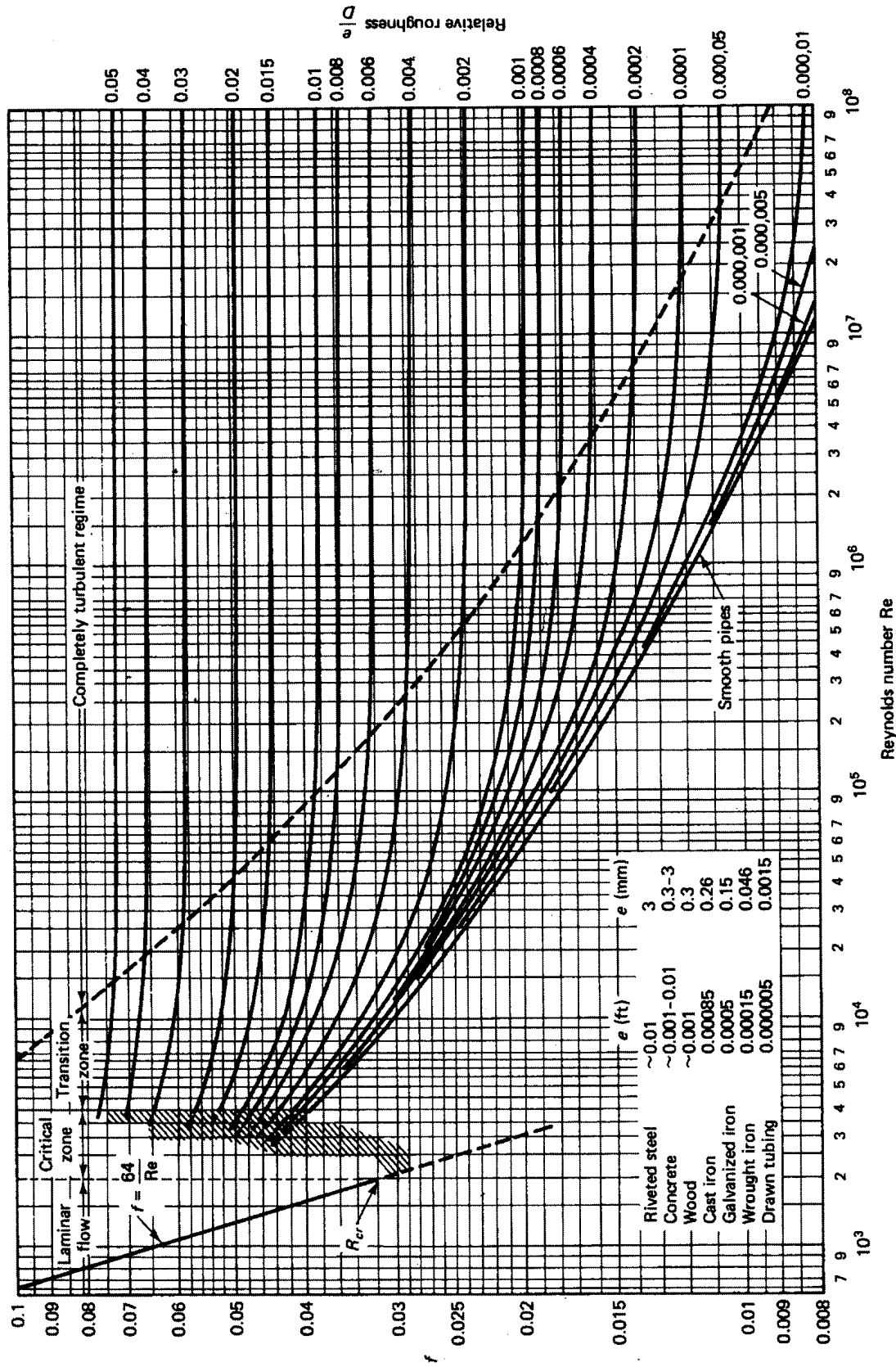
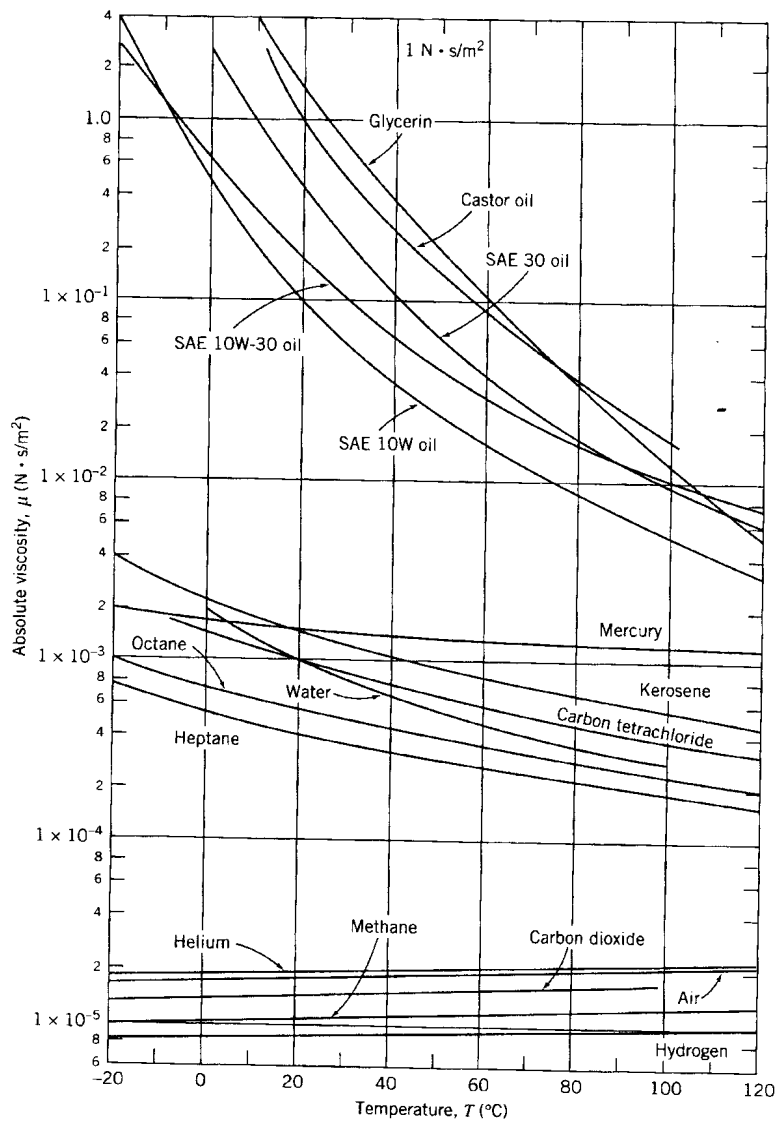
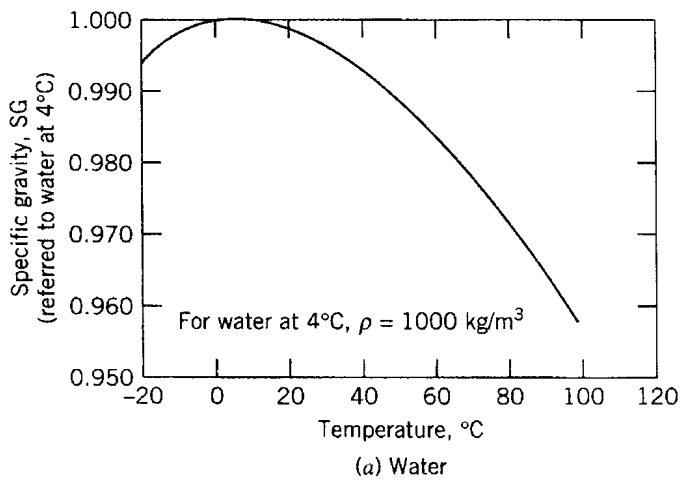


Figure 7.13 Moody diagram. (From L. F. Moody, *Trans. ASME*, Vol. 66, 1944.)



**Fig. A.2** Dynamic (absolute) viscosity of common fluids as a function of temperature. (Data from [1, 6, and 10].)



**TABLE 8.4** Representative Dimensionless Equivalent Lengths ( $L_e/D$ ) for Valves and Fittings (Data from [11].)

Fitting Type	Equivalent Length, <sup>a</sup> $L_e/D$
Valves (fully open)	
Gate valve	8
Globe valve	340
Angle valve	150
Ball valve	3
Lift check valve: globe lift	600
angle lift	55
Foot valve with strainer: poppet disk	420
hinged disk	75
Standard elbow: 90°	30
45°	16
Return bend, close pattern	50
Standard tee: flow through run	20
flow through branch	60

<sup>a</sup>Based on  $h_{l_m} = f(L_e/D)(\bar{V}^2/2)$ .