

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์  
คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบปลายภาค ประจำภาคการศึกษาที่ 2

ปีการศึกษา 2555

วันที่ 18 กุมภาพันธ์ 2555

เวลา 13:30-16:30 น.

วิชา 216-342 กลศาสตร์ของไหล 2

ห้อง A401

=====

คำสั่ง

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 5 ข้อ ให้ทำทุกข้อ
2. อนุญาตให้ใช้เครื่องคิดเลขได้ทุกรุ่น
3. ให้เขียนชื่อ-สกุล และรหัสนักศึกษาลงในข้อสอบทุกหน้า
4. อนุญาตให้เขียนคำตอบด้านหลังกระดาษ

ทุจริตในการสอบโทษขั้นต่ำปรับตกในรายวิชานั้นและพักการเรียนหนึ่งภาคการศึกษา

ข้อที่	คะแนนเต็ม	คะแนนที่ได้
1	40	
2	20	
3	20	
4	20	
5	20	
รวม	120	

อาจารย์ ชยุต นันทดุสิต  
(ผู้ออกข้อสอบ)

ข้อที่ 1. จงตอบคำถามต่อไปนี้ (ข้อละ 5 คะแนน)

1.1 จงอธิบายเกี่ยวกับลักษณะเฉพาะของการไหลแบบ Creeping flow, Inviscid flow และ Viscous flow และยกตัวอย่างการไหลที่สามารถสมมติว่าเป็นการไหลแต่ละแบบได้

1.2 จงเขียนอธิบายความหมายของแต่ละเทอมในสมการ Navier-Stokes และในกรณีที่เป็นการไหลแบบ Creeping flow และ Potential flow มีเทอมใดบ้างในสมการที่ไม่ต้องนำมาพิจารณา

$$\rho \left[ \frac{\partial \vec{V}}{\partial t} + (\vec{V} \cdot \nabla) \vec{V} \right] = -\nabla P + \rho \vec{g} + \mu \nabla^2 \vec{V}$$

1.3 จงอธิบายความหมายของการไหลสถานะ Favorable และ Adverse pressure gradients และยกตัวอย่างการไหลทั้ง 2 แบบ

ชื่อ-สกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ Section \_\_\_\_\_

1.4 จงอธิบายเกี่ยวกับปรากฏการณ์ Separation ภายในชั้น Boundary layer ปรากฏการณ์นี้เกิดขึ้นได้อย่างไร เกิดที่ใดบ้าง (เขียนรูปประกอบคำอธิบาย)

1.5 ลูกกอล์ฟทำไมมีผิวที่ขรุขระไม่เรียบ จงอธิบายเหตุผลทางกลศาสตร์ของไหล

1.6 ปรากฏการณ์ Stall คืออะไร เกิดขึ้นที่ไหน มีผลต่อแรงยกของปีกเครื่องบินหรือประสิทธิภาพของอุปกรณ์ประเภทปั๊ม เทอร์ไบน์อย่างไร

1.7 จงอธิบายเกี่ยวกับกลไก (สาเหตุ) การเกิด Drag ในกรณีบางแผ่นราบขนานกับการไหล และกรณีวางแผ่นราบตั้งฉากขวางการไหล

1.8 ปรากฏการณ์ลำตัก (Choking) คืออะไร เกิดขึ้นที่ไหน เมื่อไร

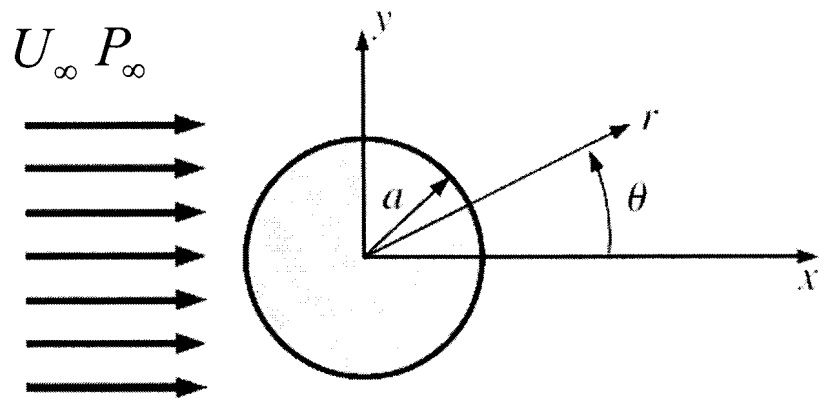
ข้อที่ 2. พิจารณาการไหลแบบอุดมคติ 2 มิติ ผ่านแท่งทรงกระบอกขนาดรัศมี  $r=a$  ซึ่งเกิดจากการรวมกันของการไหลสม่ำเสมอ  $U_\infty$  ในทิศทาง  $x$  และการไหลแบบ Doublet ขนาดความเข้ม  $K$  ที่ตำแหน่ง  $(0,0)$  ดังรูป จง

(ก) เขียนโพเทนเชียลความเร็วรวมและฟังก์ชันกระแสรวมในระบบพิกัด  $(r,\theta)$  โดยกำหนดให้ที่ผิวทรงกระบอก  $r=a$  มีค่าโพเทนเชียลความเร็วเป็นศูนย์

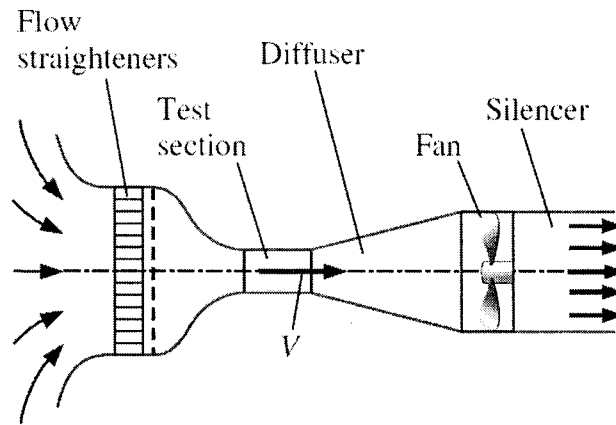
(ข) หาความเร็วในระบบพิกัด  $(r,\theta)$

(ค) หาสมการการกระจายความดัน  $P$  บนพื้นผิวทรงกระบอกในรูปของสัมประสิทธิ์ความดัน  $C_p$  และมุม  $\beta$

โดยที่  $C_p = \frac{P - P_\infty}{\frac{1}{2} \rho U_\infty^2}$  และ  $\beta = \pi - \theta$

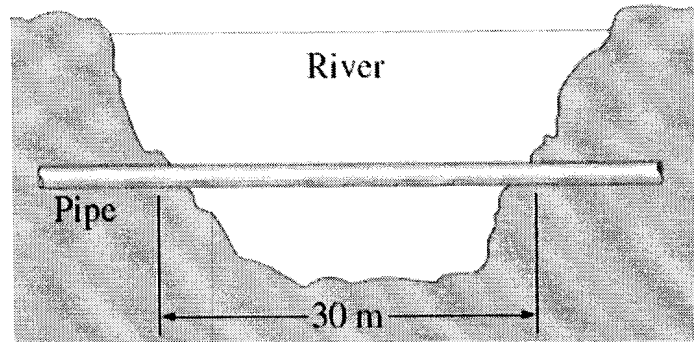


ข้อที่ 3. การไหลแบบราบเรียบในอุโมงค์ลมที่มีส่วนทดสอบ (Test section) ขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 40 cm และยาว 60 cm ถ้าหากอากาศที่ไหลเข้าส่วนทดสอบมีความเร็วสม่ำเสมอตลอดหน้าตัดที่ความเร็ว 2 m/s ถ้าวิ่งที่ทางออกส่วนทดสอบที่ตำแหน่งจุดศูนย์กลางท่ออากาศจะมีความเร็วเท่าใด กำหนดให้อากาศที่ทางเข้ามีความหนืด  $\nu = 1.507 \times 10^{-5} \text{ m}^2/\text{s}$  และหากต้องการให้ความเร็วที่ทางออกส่วนทดสอบเท่ากับความเร็วที่ทางเข้าส่วนทดสอบ จะต้องทำอย่างไร



ชื่อ-สกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ Section \_\_\_\_\_

ข้อที่ 4. ท่อส่งสายไฟขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางภายนอก 35 cm วางผ่านแม่น้ำคังรูป โดยมีส่วนของท่อยาว 30 m จมอยู่ในแม่น้ำ ถ้าความเร็วเฉลี่ยของความเร็วน้ำที่ไหลผ่านท่อ เท่ากับ 2.5 m/s จงพิจารณาแรงจุดที่เกิดขึ้นจากการไหลของน้ำผ่านท่อ กำหนดให้  $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$  และ  $\mu = 1.14 \times 10^{-3} \text{ kg/m.s}$



ชื่อ-สกุล \_\_\_\_\_ รหัส \_\_\_\_\_ Section \_\_\_\_\_

ข้อที่ 5. อากาศไหลเข้า Nozzle ที่ความดัน 0.2 MPa อุณหภูมิ 350 K และความเร็วที่ 150 m/s ถ้าสมมติให้การไหลอยู่ในสภาวะคงตัว เป็นการไหลแบบ Isentropic 1 มิติ ที่มีค่า  $k=1.4$  จงหาความดันและอุณหภูมิที่ตำแหน่งความเร็วอากาศเท่ากับ  $Ma=1$  และหาสัดส่วนของพื้นที่ที่ตำแหน่งนี้กับพื้นที่ที่ทางเข้า Nozzle กำหนดให้ ค่าคงที่ของแก๊สในกรณีอากาศ  $R=0.287$  kJ/kg.K,  $c_p=1.005$  kJ/kg.K

## สมการที่เกี่ยวข้อง

$$u = \frac{\partial \psi}{\partial y} \quad \text{and} \quad v = -\frac{\partial \psi}{\partial x}$$

$$u = \frac{\partial \phi}{\partial x}, \quad \text{and} \quad v = \frac{\partial \phi}{\partial y} \quad u_r = \frac{\partial \phi}{\partial r} \quad u_\theta = \frac{1}{r} \frac{\partial \phi}{\partial \theta} \quad u_z = \frac{\partial \phi}{\partial z}$$

$$\phi = \frac{m}{2\pi} \ln r, \quad \psi = \frac{m}{2\pi} \theta$$

$$\phi = Vx \quad \psi = Vy$$

$$\phi = \frac{\Gamma}{2\pi} \theta \quad \psi = -\frac{\Gamma}{2\pi} \ln r$$

$$\phi = \frac{\dot{V}/L}{2\pi} \ln r \quad \psi = \frac{\dot{V}/L}{2\pi} \theta$$

$$\psi = \frac{-a(\dot{V}/L)}{\pi} \frac{\sin \theta}{r} = -K \frac{\sin \theta}{r}$$

$$\phi = K \frac{\cos \theta}{r}$$

$$x = r \cos \theta, \quad y = r \sin \theta$$

$$\frac{p_1}{\rho} + \frac{1}{2} (u_1^2 + v_1^2) = \frac{p_2}{\rho} + \frac{1}{2} (u_2^2 + v_2^2)$$

$$\frac{p_1}{\rho} + \frac{1}{2} (v_{r1}^2 + v_{\theta 1}^2) = \frac{p_2}{\rho} + \frac{1}{2} (v_{r2}^2 + v_{\theta 2}^2)$$

$$\delta^* = \int_0^\infty \left(1 - \frac{u}{U}\right) dy \quad C_L = \frac{F_L}{\frac{1}{2} \rho V^2 A}$$

$$\Theta = \int_0^\infty \frac{u}{U} \left(1 - \frac{u}{U}\right) dy$$

$$\text{Ma} = \frac{V}{c}$$

$$c = \sqrt{kRT}$$

$$T_0 = T + \frac{V^2}{2c_p}$$

$$\frac{P_0}{P} = \left(\frac{T_0}{T}\right)^{k/(k-1)}$$

$$\frac{\rho_0}{\rho} = \left(\frac{T_0}{T}\right)^{1/(k-1)}$$

$$c_p = kR/(k-1)$$

$$C_D = \frac{F_D}{\frac{1}{2} \rho U^2 A}$$



Summary of expressions for laminar and turbulent boundary layers on a smooth flat plate aligned parallel to a uniform stream\*

Property	(a)		(b)
	Laminar	Turbulent <sup>(1)</sup>	Turbulent <sup>(2)</sup>
Boundary layer thickness	$\frac{\delta}{x} = \frac{4.91}{\sqrt{Re_x}}$	$\frac{\delta}{x} \approx \frac{0.16}{(Re_x)^{1/7}}$	$\frac{\delta}{x} \approx \frac{0.38}{(Re_x)^{1/5}}$
Displacement thickness	$\frac{\delta^*}{x} = \frac{1.72}{\sqrt{Re_x}}$	$\frac{\delta^*}{x} \approx \frac{0.020}{(Re_x)^{1/7}}$	$\frac{\delta^*}{x} \approx \frac{0.048}{(Re_x)^{1/5}}$
Momentum thickness	$\frac{\theta}{x} = \frac{0.664}{\sqrt{Re_x}}$	$\frac{\theta}{x} \approx \frac{0.016}{(Re_x)^{1/7}}$	$\frac{\theta}{x} \approx \frac{0.037}{(Re_x)^{1/5}}$

