

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์

คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบปลายภาค ประจำปีการศึกษาที่ ๑

ปีการศึกษา 2556

วันที่ 30 กันยายน 2556

เวลา 9:00-12:00 น.

ขอ 216-342 กลศาสตร์ของไหล ๒

ห้อง R200

215-342 กลศาสตร์ของไหล ๒

ห้อง A401

คำสั่ง

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 5 ข้อ ให้ทำทุกข้อ
2. อนุญาตให้ใช้เครื่องคิดเลขได้ทุกรุ่น
3. ให้เขียนชื่อ-สกุล มลระหัสนักศึกษาลงในข้อสอบทุกหน้า
4. อนุญาตให้เขียนคำตอบทางด้านหลังกระดาษ

จุดคิดในการสอบโดยขึ้นต้นปรับตกในรายวิชานั้นและพักการเรียนหนึ่งภาคการศึกษา

ข้อที่	คะแนนเต็ม	คะแนนที่ได้
1	40	
2	20	
3	20	
4	20	
5	20	
รวม	120	

อาจารย์ ชยุต นันทคุสิต

(ผู้ออกข้อสอบ)

ข้อที่ 1. จงตอบคำถามต่อไปนี้ (ข้อละ 4 คะแนน)

1.1 จงอธิบายเกี่ยวกับลักษณะเฉพาะของการไหลแบบ Creeping flow, Inviscid flow และ Viscous flow และยกตัวอย่างการไหลที่สามารถสมมติว่าเป็นการไหลแต่ละแบบได้

1.2 จงอธิบายความหมายของแต่ละเทอมในสมการ Navier-Stokes และในกรณีที่เป็นการไหลแบบ Potential flow มีเทอมใดบ้างในสมการที่ไม่ต้องนำมาพิจารณา

$$\rho \left[\frac{\partial \vec{V}}{\partial t} + (\vec{V} \cdot \nabla) \vec{V} \right] = -\nabla P + \rho \vec{g} + \mu \nabla^2 \vec{V}$$

1.3 จงอธิบายความหมายของการไหลสภาวะ Favorable และ Adverse pressure gradients และยกตัวอย่างการไหลทั้ง 2 แบบ

ชื่อ-สกุล _____ รหัส _____ Section _____

1.4 จงอธิบายเกี่ยวกับปรากฏการณ์ Separation ภายในชั้น Boundary layer ปรากฏการณ์นี้เกิดขึ้นได้อย่างไร เกิดที่ใดบ้าง (อาจใช้รูปประกอบคำอธิบาย)

1.5 ลูกบอลที่ฟัดทำไมมีผิวที่ขรุขระไม่เรียบ จงอธิบายเหตุผลทางกลศาสตร์ของไหล

1.6 ปรากฏการณ์ Stall คืออะไร เกิดขึ้นที่ไหน มีผลต่อแรงยกของปีกเครื่องบินหรือประสิทธิภาพของอุปกรณ์ประเภทใบพัดหรือใบเรืออย่างไร

ชื่อ-สกุล _____ รหัส _____ Section _____

จงอธิบายเกี่ยวกับแรงต้าน (สาเหตุ) การเกิด Drag ในกรณีบางแผ่นราบขนานกับการไหล และกรณีวางแผ่นราบตั้งฉากกับการไหล

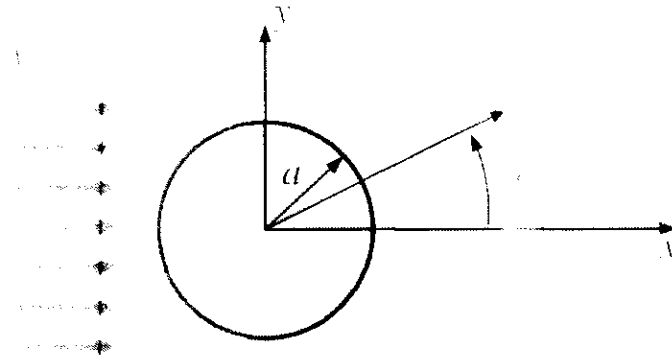
1.8 ปรากฏการณ์สำคัญ (Choking) คืออะไร เกิดขึ้นที่ไหน เมื่อไร

1.9 Flow net คืออะไร

1.10 Streamlined body แตกต่างจาก Bluff body อย่างไร

ข้อที่ ๒. เปรณาการไหลแบบอุดมคติ ๒ มิติ ที่มีการไหลสม่ำเสมอความเร็ว V ในทิศทาง x ผ่านแท่งทรงกระบอกขนาดรัศมี a

- (ก) จงพิสูจน์ว่าฟังก์ชันกระแสของสนามการไหลนี้ สามารถเขียนในรูปของ $\psi = V \sin\theta(r - a^2/r)$
- (ข) จงหาโพเทนเชียลฟังก์ชันของสนามความเร็วในรูปของตัวแปร r, θ, V, a
- (ค) จงหาสมการการกระจายความดันบนพื้นผิวแท่งทรงกระบอก และความดันที่จุด Stagnation point
- (ง) D'Alembert's paradox คืออะไร จงพิสูจน์ว่าสนามการไหลนี้เป็นไปตาม D'Alembert's paradox

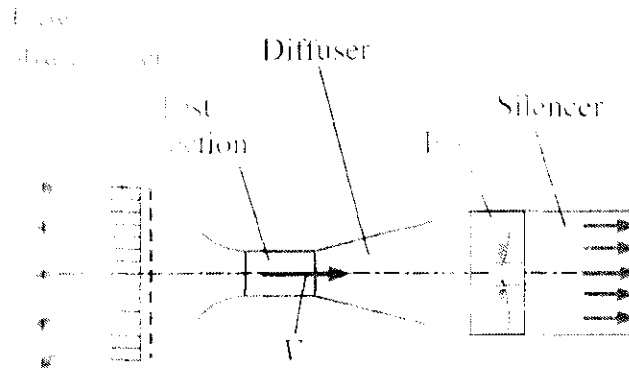


ชื่อ-สกุล _____

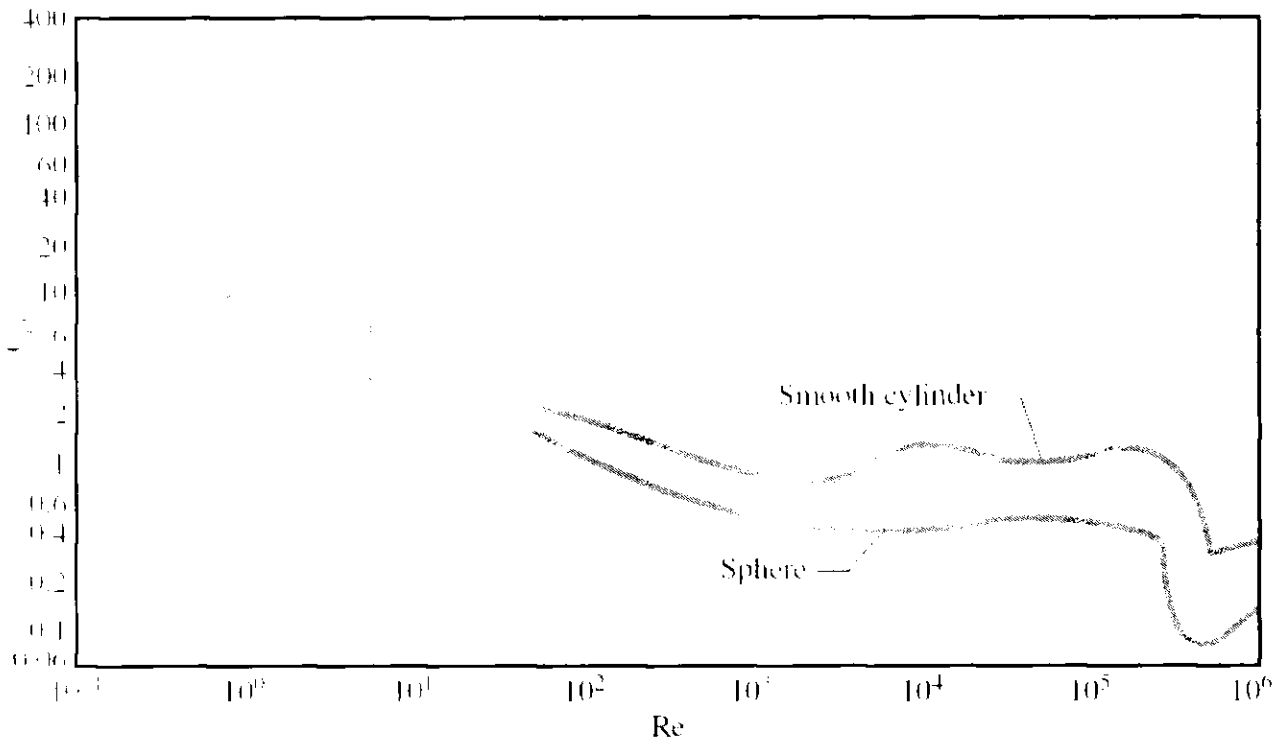
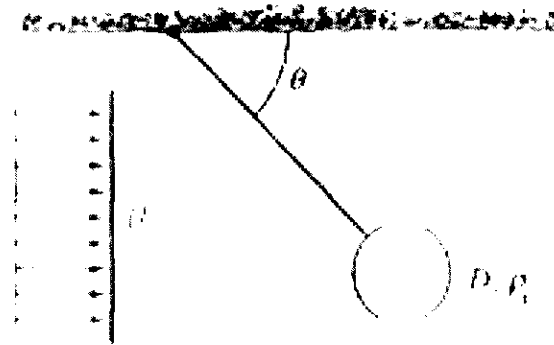
รหัส _____

Section _____

ข้อที่ 1 เครื่องไหลแบบราบเรียบในอุโมงค์ลมที่มีส่วนทดสอบ (Test section) ขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 30 cm และยาว 100 cm อากาศที่ไหลเข้าส่วนทดสอบมีความเร็วสม่ำเสมอตลอดหน้าตัดที่ความเร็ว 2 m/s อากาศที่ทางออกส่วนทดสอบที่ตำแหน่งจุดศูนย์กลางต่ออากาศจะมีความเร็วเท่าใด กำหนดให้อากาศมีความหนืด $\nu = 1.507 \times 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$ ความหนาแน่น $\rho = 1.2 \text{ kg/m}^3$ และหากต้องการให้ความเร็วที่ทางออกส่วนทดสอบเท่ากับความเร็วที่ทางเข้าส่วนทดสอบจะต้องทำอย่างไร จงหาการเปลี่ยนแปลงความดันหลังผ่านส่วนทดสอบ



ข้อ 4. แกนกลมยึดติดกับซ็อกและอยู่ในสนามการไหลความเร็ว U ดังรูป จงหามุม θ เมื่อทรงกลมเหล็ก (SG = 8.6) เส้นผ่านศูนย์กลาง 4 cm อยู่ในสนามการไหลของอากาศ ที่ความเร็ว $U = 35$ m/s และไม่คิดแรงต้านของเส้นเทือก แกนเขตให้ $\rho_{air} = 1.225$ kg/m³, $\mu_{air} = 1.78 \times 10^{-4}$ kg/m s และ $\rho_{steel} = 998$ kg/m³



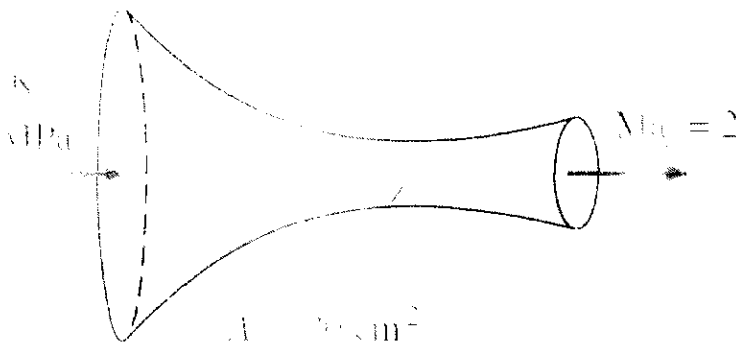
ข้อ 5. ภาชนะไหลเข้า Converging-diverging nozzle ตามที่แสดงในรูป ที่ทางเข้ามีความดัน 1.0 MPa อุณหภูมิ 800 K และความเร็วประมาณ 0 m/s ถ้าสมมติให้การไหลอยู่ในสภาวะคงตัว เป็นการไหลแบบ isentropic และมีค่า $k = 1.4$ ถ้าที่ทางออกมี $Ma = 2$ และที่ตำแหน่งกักกวดมีพื้นที่ 20 cm^2

(ก) จงหาเลขมัค ความหนาแน่น และอุณหภูมิที่ตำแหน่งกักกวด ($Ma = 1$)

(ข) จงหาเลขมัค ความหนาแน่น และอุณหภูมิที่ตำแหน่งทางออก

(ค) จงหาอัตราการไหลเชิงมวลที่ผ่านท่อ

กำหนดให้ ค่าคงที่ของแก๊สในกรณีอากาศ $R = 0.287 \text{ kJ/kg K}$, $c_p = 1.005 \text{ kJ/kg K}$



สมการที่เกี่ยวข้อง

$$u = \frac{\partial \psi}{\partial y} \quad \text{and} \quad v = -\frac{\partial \psi}{\partial x}$$

$$u = \frac{\partial \phi}{\partial x} \quad \text{and} \quad v = \frac{\partial \phi}{\partial y} \quad u = \frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{1}{r} \frac{\partial \psi}{\partial r} \right) \quad u_r = \frac{\partial \psi}{\partial r}$$

$$\phi = \nabla x \quad \psi = \nabla y$$

$$\phi = \frac{\Gamma}{2\pi} \ln r, \quad \psi = \frac{\Gamma}{2\pi} \theta$$

$$\phi = \frac{\Gamma}{2\pi} \theta \quad \psi = -\frac{\Gamma}{2\pi} \ln r$$

$$\phi = \frac{\Gamma}{2\pi} \ln r \quad \psi = \frac{\Gamma}{2\pi} \theta$$

$$\psi = -\frac{k \sin \theta}{r}$$

$$\phi = \frac{k \cos \theta}{r}$$

$$x = r \cos \theta, \quad y = r \sin \theta$$

$$\frac{P}{\rho} + \frac{1}{2} V^2 + gz = \text{const}$$

$$s^x \int_0^\infty \left(1 - \frac{x}{r}\right) dx$$

$$C_L = \frac{F_L}{\frac{1}{2} \rho V^2 A}$$

$$C_D = \frac{F_D}{\frac{1}{2} \rho V^2 A}$$

$$\theta \int_0^\infty \frac{1}{r} \left(1 - \frac{r}{r}\right) dx$$

$$c_p = kR/(k-1)$$

Flow	Geometry	Re _{crit}	Re _{crit}	Re _{crit}
Internal	Plane	2300	2300	2300
	Circular	2300	2300	2300
External	Flat plate	5 × 10 ⁵	5 × 10 ⁵	5 × 10 ⁵
	Cylinder	3 × 10 ⁵	3 × 10 ⁵	3 × 10 ⁵
Internal	Annulus	2000	2000	2000
	Channel	2000	2000	2000
External	Sphere	3 × 10 ⁵	3 × 10 ⁵	3 × 10 ⁵
	Cylinder	3 × 10 ⁵	3 × 10 ⁵	3 × 10 ⁵

การไหลที่ราบเรียบจะเปลี่ยนเป็นปั่นป่วนที่ค่าเรย์โนลด์สที่ระบุไว้ข้างต้น การไหลที่ปั่นป่วนจะมีลักษณะการไหลที่วุ่นวายและมีการผสมผสานกันของอนุภาคของของไหล การไหลที่ปั่นป่วนจะมีค่าการนำความร้อนที่ต่ำกว่าการไหลที่ราบเรียบ

