

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์  
คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบกลางภาค ประจำปีภาคการศึกษาที่ 2  
วันที่ 12 มกราคม 2557  
ภาศ 215-342 / 216-342 กลศาสตร์ของไหล 2

ปีการศึกษา 2556  
เวลา 13:30-16:30 น.  
ห้อง S817 (216-342)  
A400 (215-342)

คำสั่ง

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 5 ข้อ ให้ทำทุกข้อ
2. ไม่อนุญาตให้นำเอกสารและเครื่องคิดเลขเข้าห้องสอบ
3. ให้เขียนชื่อ-สกุล รหัสนักศึกษา และ Section ลงในข้อสอบทุกหน้า
4. อนุญาตให้เขียนคำตอบด้านหลังกระดาษ และเขียนด้วยดินสอ

ทุจริตในการสอบโทษขั้นต่ำปรับตกในรายวิชานั้นและพักการเรียนหนึ่งภาคการศึกษา

ข้อที่	คะแนนเต็ม	คะแนนที่ได้
1	15	
2	15	
3	20	
4	25	
5	25	
รวม	100	

อาจารย์ ชยุต นันทคุสิต  
(ผู้ออกข้อสอบ)

ข้อที่ 1. จงตอบคำถามต่อไปนี้ (ข้อละ 5 คะแนน)

1.1 จงอธิบายเกี่ยวกับการศึกษาการไหลแบบ Lagrangian และ Eulerian ว่ามีหลักคิดต่างกันอย่างไร

1.2 Substantial derivative ต่างจาก derivative ทั่วไปอย่างไร ในกลศาสตร์ของไหล สามารถเขียนสมการในรูป derivative ของสนามการไหลได้อย่างไร จงอธิบายความหมายแต่ละเทอมในสมการ

1.3 การไหลแบบยุบตัวได้และการไหลแบบยุบตัวไม่ได้แตกต่างกันอย่างไร มีอะไรเป็นเงื่อนไขในการแบ่งประเภทการไหลทั้งสอง จงยกตัวอย่างปรากฏการณ์การไหลแบบยุบตัวได้มา 1 ตัวอย่าง

ข้อที่ 2 จงตอบคำถามต่อไปนี้ (ข้อละ 5 คะแนน)

2.1 Tracer คืออะไร จงยกตัวอย่าง Tracer ในการศึกษาการไหลของน้ำและอากาศ

2.2 Timelines คืออะไร มีประโยชน์อย่างไรในการศึกษาการไหล

2.3 จงอธิบายเกี่ยวกับ Streamline, Pathline และ Streakline ที่ใช้ในการดูการไหลที่เกิดขึ้น แต่ละเส้นบ่งบอกถึงอะไร ที่เกือบไปใดเส้นทั้งสามจะซ้อนทับเป็นเส้นเดียวกัน

ข้อที่ 3. โปรดตอบคำถามต่อไปนี้ (ข้อละ 5 คะแนน)

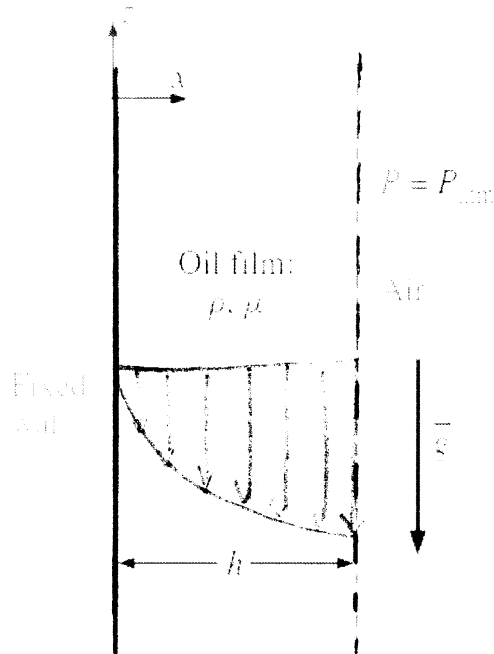
3.1 การศึกษาการไหลด้วยวิธี Integrate analysis และ Differential analysis มีความแตกต่างกันอย่างไร

3.2 ของไหลแบบ Newtonian แตกต่างจากของไหลแบบ Non-Newtonian อย่างไร

3.3 สมการ Continuity และ Navier-Stokes สามารถในรูป Conservative และ Non-Conservative ทั้งสองสมการมีหลักคิดที่มาแตกต่างกันอย่างไร

3.4 จงเขียนสมการ Navier-Stokes ในรูป Conservative form พร้อมทั้งอธิบายความหมายของแต่ละเทอม

ข้อที่ 4. พิจารณาการไหลของฟิล์มน้ำมัน ความหนา  $h$  ไหลบนผนังในแนวตั้งด้วยแรงโน้มถ่วง ดังแสดงในรูป



ในกรณีที่เป็นกรไหลแบบขยับตัวไม่ได้ที่สภาวะคงตัวจะสามารถแสดงสนามความเร็ว ดังนี้

$$w = \frac{\rho g x}{\mu} (x - 2h)$$

ในที่นี้กำหนดให้  $w$  เป็นความหนืดของของไหล

(ก) การไหลเป็นแบบ Rotational หรือแบบ Irrotational และถ้าเป็นแบบ Rotational จงคำนวณ Vorticity ในแนวแกน

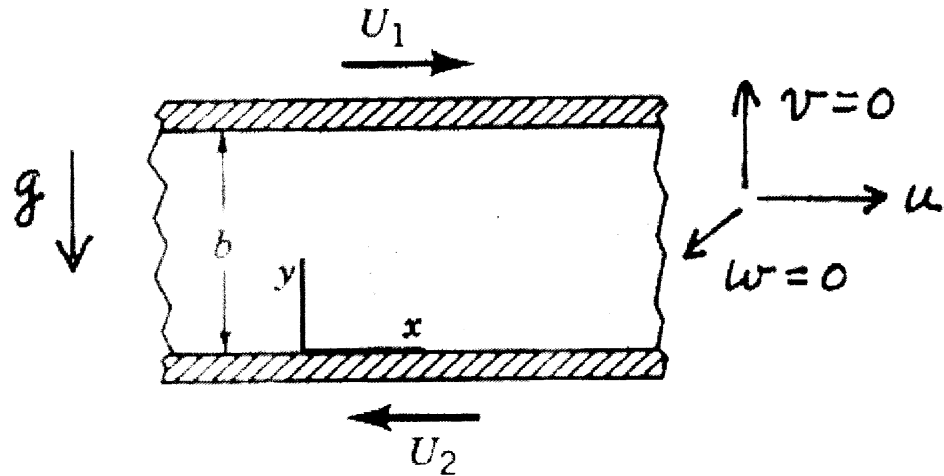
$y$  และการหมุนของการไหลมีทิศตามเข็มนาฬิกาหรือทวนเข็มนาฬิกา

(ข) จงคำนวณ Linear strain rate ในแนวแกน  $x$  และแกน  $z$

(ค) จงคำนวณหา Shear strain rate

(ง) หากพิจารณาก่อนของไหลขนาดเล็กในชั้นน้ำมัน ก่อนของไหลเคลื่อนที่และเปลี่ยนแปลงรูปร่างอย่างไร ที่ตำแหน่ง  $x=h/2$

ข้อที่ 5. ของไหลที่บีบอัดตัวไม่ได้และมีความหนืด (Incompressible viscous fluid) อยู่ระหว่างแผ่นเรียบ 2 แผ่นที่มีขนาดใหญ่ซึ่งวางอยู่ในแนวนอนและขนานกัน (Infinite parallel plates) ดังรูป แผ่นเรียบทั้งสองเคลื่อนที่ด้วยความเร็วคงที่  $U_1$  และ  $U_2$  โดยมีทิศทางตรงกันข้ามกัน ดังแสดงในรูป



กำหนดให้อัตราการเปลี่ยนแปลงความดัน (Pressure gradient) ในทิศทาง  $x$  มีค่าเป็นศูนย์ และแรงที่กระทำต่อของไหลมีเฉพาะน้ำหนักของของไหลเท่านั้น และสมมติให้การไหลเป็นแบบราบเรียบ (Laminar flow)

(ก) จงเขียนเงื่อนไขขอบเขตเงื่อนไขในการแก้ปัญหาที่ 2 สมการ

(ข) จงใช้สมการ Continuity, Navier-Stokes หาสมการความเร็วของของไหลที่อยู่ระหว่างแผ่นเรียบ

(ค) จงหาค่าการไหลเชิงปริมาตรของการไหลนี้ต่อความกว้างของผิวฟิล์มน้ำมัน (ในแนวตั้งฉากกับกระดาษ) ถ้า  $U_1 = U_2$

(ง) จงหาความเร็วเฉลี่ยในชั้นการไหล

$$\frac{1}{a} = \frac{D\sqrt{1-x^2}}{Dx} = \frac{-2x}{2\sqrt{1-x^2}} = -\frac{x}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$\frac{1}{3} = \left(\frac{2x}{3y} - \frac{y}{3x}\right)^{-1} + \left(\frac{2y}{3x} - \frac{x}{3y}\right)^{-1} + \left(\frac{2x}{3y} - \frac{2y}{3x}\right)^{-1}$$

$$\epsilon_{ij} = \begin{bmatrix} \frac{2x}{3y} - \frac{y}{3x} & \frac{2y}{3x} - \frac{x}{3y} & \frac{2x}{3y} - \frac{2y}{3x} \\ \frac{2y}{3x} - \frac{x}{3y} & \frac{2x}{3y} - \frac{y}{3x} & \frac{2y}{3x} - \frac{2x}{3y} \\ \frac{2x}{3y} - \frac{2y}{3x} & \frac{2y}{3x} - \frac{2x}{3y} & \frac{2x}{3y} - \frac{2y}{3x} \end{bmatrix}$$

$$\frac{D}{Dx} = \frac{\partial(1/a)}{\partial x} + \frac{\partial(1/b)}{\partial x} + \frac{\partial(1/c)}{\partial x}$$

$$\frac{D}{Dx} = \left(\frac{2x}{3y} - \frac{y}{3x}\right)^{-2} \left(\frac{2}{3y}\right) + \left(\frac{2y}{3x} - \frac{x}{3y}\right)^{-2} \left(-\frac{1}{3y}\right) + \left(\frac{2x}{3y} - \frac{2y}{3x}\right)^{-2} \left(\frac{2}{3y}\right)$$