

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์
คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบกลางภาค ประจำปีการศึกษาที่ 2
วันที่ 9 มกราคม 2557
วิชา 215-352 / 216-352 Automatic Control Systems

ประจำปีการศึกษา 2556
เวลา 09.00 - 12.00 น.
ห้อง A303, A305, R201, S201

คำสั่ง :

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 5 ข้อ ให้ทำทุกข้อ
2. อนุญาตให้นำเครื่องคิดเลขทุกชนิดเข้าห้องสอบได้
3. อนุญาตให้ทำข้อสอบด้วยดินสอได้
4. ไม่อนุญาตให้นำตำราทุกชนิดเข้าห้องสอบ

ชลิตา หิรัญสุข
ปัญญรักษ์ งามศรีตระกูล
ผู้ออกข้อสอบ

ข้อที่	คะแนนเต็ม	คะแนนที่ได้
1	20	
2	20	
3	15	
4	25	
5	20	
รวม	100	

ทุจจริตในการสอบ โทษขั้นต่ำ คือ ปรับตกในรายวิชาที่ทุจจริต และพักการเรียน 1 ภาคการศึกษา

1. ระบบทางกายภาพระบบหนึ่งมีความสัมพันธ์ระหว่าง input $r(t)$ และ output $c(t)$ เป็นสมการอนุพันธ์

$$\ddot{c}(t) + 5\dot{c}(t) + 4c(t) = r(t)$$

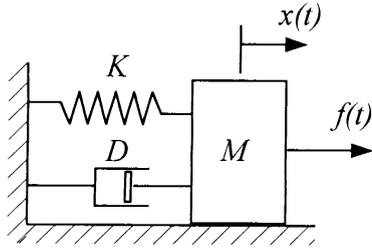
โดยที่ $r(t)$ เป็น unit step function และค่าเริ่มต้นทั้งหมดเท่ากับศูนย์ จงหาฟังก์ชันถ่ายโอน (Transfer function) ของระบบนี้ (20 คะแนน)

2. เลือกทำเพียง 1 ข้อย่อย (20 คะแนน)

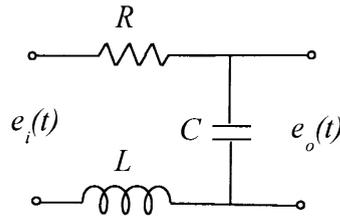
2.1 จงหาฟังก์ชันถ่ายโอนของระบบ (a) และแปลงเป็น state space model

2.2 จงหาฟังก์ชันถ่ายโอนของระบบ (b)

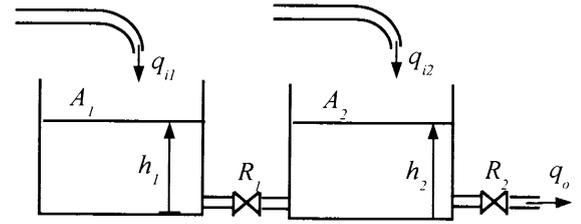
2.3 จงหา state space model ของระบบ (c)



(a)



(b)



(c)

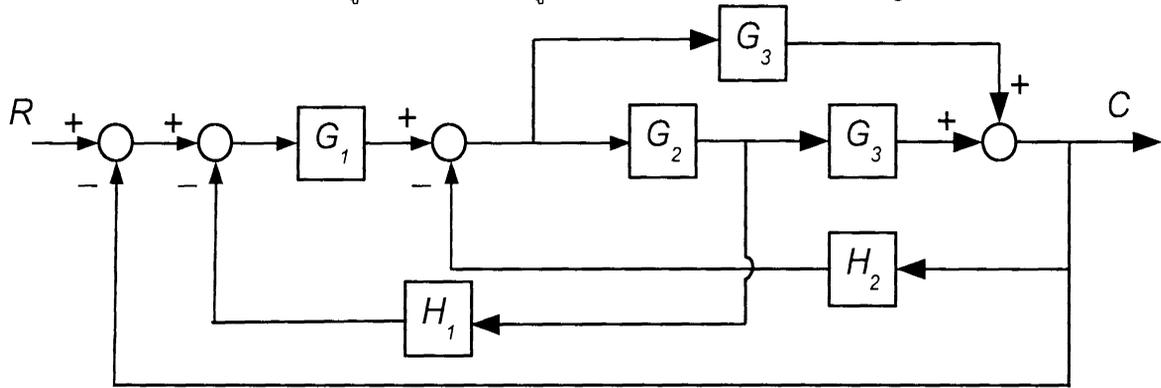
3. ระบบที่มีฟังก์ชันถ่ายโอนวงปิด(closed-loop transfer function) ดังต่อไปนี้ มีเสถียรภาพหรือไม่ เพราะอะไร (15 คะแนน)

$$(ก) T(s) = \frac{K}{s^3 + 2s^2 + 5s + 5}$$

$$(ข) T(s) = \frac{100}{(s+5)(s^2 + 2s + 2)}$$

$$(ค) T(s) = \frac{10(s+2)}{s^3 - 3s^2 + 5s + 10}$$

4. จงหาฟังก์ชันถ่ายโอนของระบบในรูปที่ 4 โดยวิธีลดรูปของแผนภาพกล่อง(block diagram reduction) (25 คะแนน)



รูปที่ 4

5. ระบบกายภาพระบบหนึ่งมีฟังก์ชันถ่ายโอน $T(s) = \frac{5}{s^2 + 3s + 5}$

- 5.1 จงหาราก(root)ของสมการคุณลักษณะ(characteristic equation) (5 คะแนน)
- 5.2 รากของสมการคุณลักษณะมีประโยชน์อย่างไร (5 คะแนน)
- 5.3 จงประมาณค่าของ damping ratio และ undamped natural frequency (5 คะแนน)
- 5.4 จงสเก็ตช์(sketch)กราฟการตอบสนองของระบบเมื่อให้ input เป็น unit step function (5 คะแนน)

สมการที่เป็นประโยชน์

Laplace transform: $F(s) = \int_0^\infty f(t)e^{-st} dt$

Laplace transform table and Laplace transform theorem

Item no.	f(t)	F(s)	Item no.	Theorem	Name
1.	$\delta(t)$	1	1.	$\mathcal{L}[f(t)] = F(s) = \int_{0^-}^\infty f(t)e^{-st} dt$	Definition
2.	$u(t)$	$\frac{1}{s}$	2.	$\mathcal{L}[kf(t)] = kF(s)$	Linearity theorem
3.	$tu(t)$	$\frac{1}{s^2}$	3.	$\mathcal{L}[f_1(t) + f_2(t)] = F_1(s) + F_2(s)$	Linearity theorem
4.	$t^n u(t)$	$\frac{n!}{s^{n+1}}$	4.	$\mathcal{L}[e^{-at}f(t)] = F(s + a)$	Frequency shift theorem
5.	$e^{-at}u(t)$	$\frac{1}{s + a}$	5.	$\mathcal{L}[f(t - T)] = e^{-sT}F(s)$	Time shift theorem
6.	$\sin \omega t u(t)$	$\frac{\omega}{s^2 + \omega^2}$	6.	$\mathcal{L}[f(at)] = \frac{1}{a}F\left(\frac{s}{a}\right)$	Scaling theorem
7.	$\cos \omega t u(t)$	$\frac{s}{s^2 + \omega^2}$	7.	$\mathcal{L}\left[\frac{df}{dt}\right] = sF(s) - f(0^-)$	Differentiation theorem
			8.	$\mathcal{L}\left[\frac{d^2f}{dt^2}\right] = s^2F(s) - sf(0^-) - \dot{f}(0^-)$	Differentiation theorem
			9.	$\mathcal{L}\left[\frac{d^n f}{dt^n}\right] = s^n F(s) - \sum_{k=1}^n s^{n-k} f^{(k-1)}(0^-)$	Differentiation theorem
			10.	$\mathcal{L}\left[\int_{0^-}^t f(\tau) d\tau\right] = \frac{F(s)}{s}$	Integration theorem
			11.	$f(\infty) = \lim_{s \rightarrow 0} sF(s)$	Final value theorem ¹
			12.	$f(0^+) = \lim_{s \rightarrow \infty} sF(s)$	Initial value theorem ²

¹ For this theorem to yield correct finite results, all roots of the denominator of F(s) must have negative real parts and no more than one can be at the origin.

² For this theorem to be valid, f(t) must be continuous or have a step discontinuity at t = 0 (i.e., no impulses or their derivatives at t = 0).

Transfer functions (ฟังก์ชันถ่ายโอน)

First order system: $G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{1}{a_1 s + a_0} = \frac{K}{Ts + 1}$

Second order system: $G(s) = \frac{\omega_n^2}{s^2 + 2\zeta\omega_n s + \omega_n^2}$

Time Constant: $T = \frac{1}{\zeta\omega_n}$, Peak Time: $T_p = \frac{\pi}{\omega_n \sqrt{1-\zeta^2}}$,

Settling Time: $T_s = \frac{4}{\zeta\omega_n} = 4T$

Percent overshoot: $\%OS = PO = 100 e^{-\frac{\zeta\pi}{\sqrt{1-\zeta^2}}}$