

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์

คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบปลายภาค ประจำภาคการศึกษาที่ 1

วันที่ : 18 ธันวาคม 2557

วิชา : 241-460 Introduction to Queueing Theory

242-360 Model and Analysis Network Communication

ปีการศึกษา : 2557

เวลา : 9:00 – 12:00

ห้อง : S817

หัวหน้า

ทฤษฎีในการสอบ โทษขั้นต่ำคือ ปรับตกในรายวิชาที่ทฤษฎี และพักการเรียน 2 ภาคการศึกษา

คำสั่ง

1. ข้อสอบมี 4 ข้อ 10 หน้า (ไม่รวมปก ไม่รวมกระดาษทด)
2. อนุญาตให้นำเครื่องคิดเลขเข้าห้องสอบ
3. ไม่อนุญาตให้นำเอกสารใดๆ เข้าห้องสอบ
4. แสดงวิธีทำและเขียนคำตอบให้ชัดเจน ถ้าอ่านไม่ออกถือว่าตอบผิด

รหัสนักศึกษา : \_\_\_\_\_ ชื่อ : \_\_\_\_\_ ตอน : \_\_\_\_\_

ข้อ(คะแนน)	1(9)	2(15)	3(12)	4(4)	รวม
คะแนน					

Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

1. การให้บริการทางด้านเทคนิคผ่านทางโทรศัพท์ของลูกค้าซึ่งโทรเข้าศูนย์บริการเกิดขึ้นแบบ Poission Distribution ด้วยอัตรา 30 ครั้งต่อชั่วโมง และเวลาสำหรับการให้บริการโดยเฉลี่ยแต่ละครั้งประมาณ 5 นาที ศูนย์บริการมีพนักงานให้บริการตอบคำถามทางด้านเทคนิค 3 คน จากข้อมูลที่กำหนดให้ จงคำนวณหา ค่าดังต่อไปนี้

1.1) ความน่าจะเป็นที่พนักงานให้บริการตอบคำถามทางเทคนิคไม่มีลูกค้าให้บริการ (2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

1.2) ความน่าจะเป็นที่ลูกค้าต้องรอสายก่อนได้คุยกับพนักงานทางด้านเทคนิค (1 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

1.3) จงหาความน่าจะเป็นที่ลูกค้าได้รับบริการตอบคำถามจากพนักงานในทันทีที่โทรศัพท์เข้าสู่ศูนย์บริการ (2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

1.4) จำนวนลูกค้าที่รอในคิวสายเพื่อถาม/ตอบกับพนักงานให้บริการทางด้านเทคนิค (1 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

1.5) จำนวนของลูกค้าที่เข้ารับบริการในระบบ (1 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

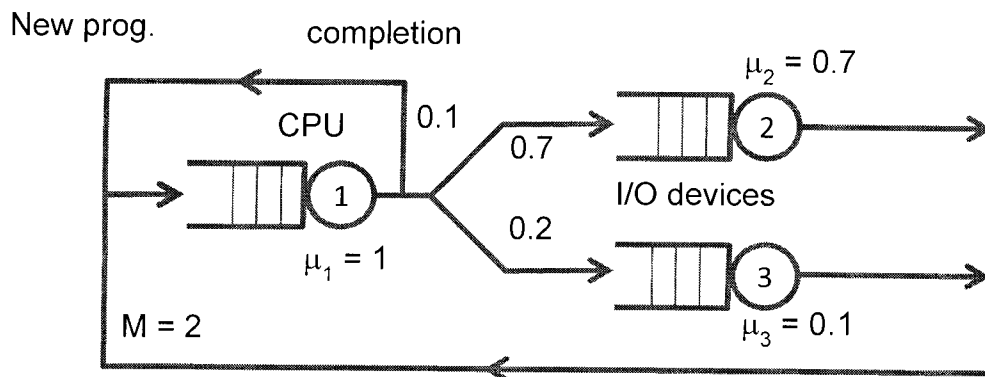
1.6) เวลาเฉลี่ยสำหรับลูกค้าแต่ละคนที่ต้องรอจนกว่าจะได้ถาม/ตอบจากพนักงาน (1 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

1.7) เฉลี่ยแล้วลูกค้าต้องเสียเวลานานเท่าไรในการติดต่อกับศูนย์บริการ (1 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

2. กำหนด closed Queueing Network ของการประมวลผลโปรแกรมดังรูป ตอบคำถามต่อไปนี้



2.1) จงเขียน state transition diagram

(2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

2.2) จงหา  $P(n)$  ของทุก state ใน closed Queueing Network ข้อ 2.1 (3 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

2.3) จงหาค่า Normalization Constant,  $G(M)$  (1 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

2.4) จงหาค่า Utilization ของ CPU (2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

2.5) จงหา Throughput ของ CPU (1 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

2.6) จงหาจำนวนโปรแกรมเฉลี่ยใน CPU (2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

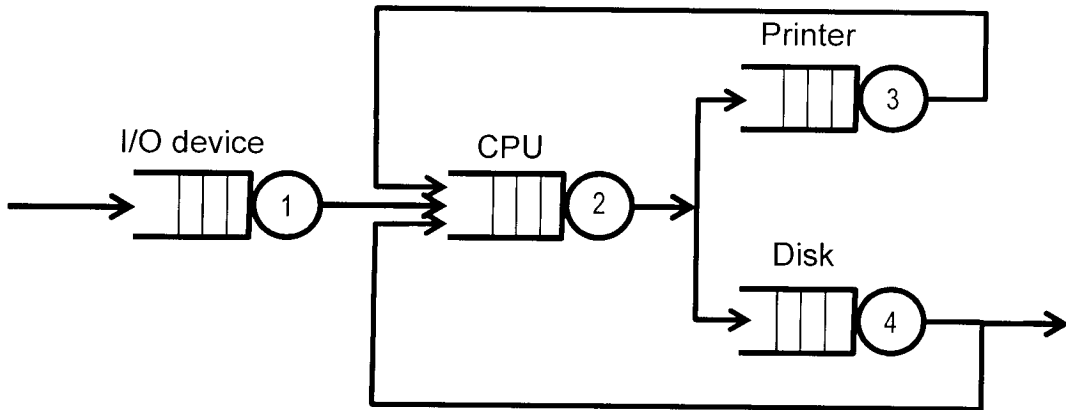
2.7) จงหาเวลาเฉลี่ยของโปรแกรมที่ถูกประมวลผลโดย CPU (2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

2.8) จงหา Response time ของ closed queueing network (2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

3. เครือข่ายคิวประกอบด้วยโหนด 4 โหนดดังรูป แต่ละโหนดเป็นคิวแบบ single FCFS server โดย interarrival time มี distribution แบบเอ็กโปเนนเชียล และมีอัตราเท่ากับ 4 งานต่อวินาที ถ้ากำหนดให้ เวลาในการให้บริการของโหนด 1, 2, 3 และ 4 มีเท่ากับ 0.05, 0.04, 0.03 และ 0.06 วินาทีตามลำดับ และกำหนดให้ความน่าจะเป็นที่งานจากโหนด 2 ส่งไปยังโหนด 3 และโหนด 4 มีค่าเท่ากัน และความน่าจะเป็นจากโหนด 4 ส่งงานไปให้โหนด 1 มีค่าเท่ากับ 0.6 จากข้อมูลที่กำหนดมาให้ ตอบคำถามต่อไปนี้



3.1) จงหาความน่าจะเป็น  $P(3,2,4,1)$  เมื่อระบบเข้าสู่สถานะเสถียร (4 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_



Student ID : \_\_\_\_\_ Name : \_\_\_\_\_ Section : \_\_\_\_\_

3.2) จงหาค่าเฉลี่ยของงานในแต่ละโหนด (2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

3.3) จงหาเวลาเฉลี่ยของงานในแต่ละโหนด (2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

3.4) จงหาเวลาเฉลี่ยของงานในเน็ตเวิร์ค (2 คะแนน)

ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

3.5) จงหา Throughput ของเน็ตเวิร์ค (2 คะแนน)

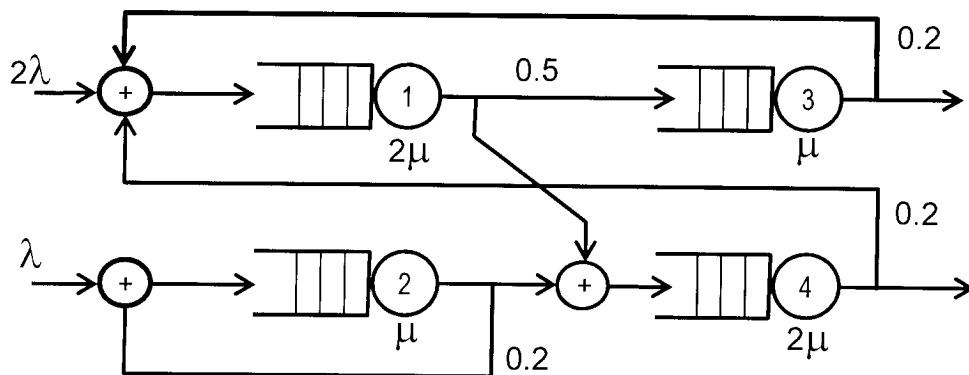
ตอบ \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

Student ID :

Name :

Section :

4. จงหาค่า  $\lambda$  ที่ทำให้เครือข่ายคิวแบบเปิดดังรูป มีความเสถียร(stable) เมื่อกำหนดให้ทุกโหนดเป็น M/M/1 (4 คะแนน)



ตอบ

M/M/1/K

$$P_0 = \frac{1-\rho}{1-\rho^{K+1}}$$

$$N = \frac{\rho[1-(K+1)\rho^K + K\rho^{K+1}]}{(1-\rho)(1-\rho^{K+1})}$$

$$P_n = \frac{1-\rho}{1-\rho^{K+1}} \cdot \rho^n$$

$$N_q = \frac{\rho[1-(K+1)\rho^K + K\rho^{K+1}]}{(1-\rho)(1-\rho^{K+1})} - \frac{\rho(1-\rho)}{1-\rho^{K+1}}$$

M/M/s or M/M/m

$$P_0 = \frac{1}{\sum_{n=0}^{s-1} \frac{(s\rho)^n}{n!} + \frac{(s\rho)^s}{s!(1-\rho)}}$$

$$P_q = \frac{(s\rho)^s}{s!(1-\rho)} P_0$$

$$T = W_q + \frac{1}{\mu} = \frac{P_q}{s\mu - \lambda} + \frac{1}{\mu}$$

$$W_q = \frac{N_q}{\lambda} = \frac{\rho P_q}{\lambda(1-\rho)} = \frac{P_q}{s\mu - \lambda}$$