

มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์

คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบปลายภาค ประจำภาคการศึกษาที่ 2

ปีการศึกษา 2557

วันที่ 8 ธันวาคม 2557

เวลา 9:00-12:00 น.

วิชา 215-342 กลศาสตร์ของไหล 2

ห้อง S817

=====

คำสั่ง

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 5 ข้อ ให้ทำทุกข้อ
2. อนุญาตให้ใช้เครื่องคิดเลขได้ทุกรุ่น
3. ให้เขียนชื่อ-สกุล และรหัสนักศึกษาลงในข้อสอบทุกหน้า
4. อนุญาตให้เขียนคำตอบด้านหลังกระดาษ

ทุจริตในการสอบโทษขั้นต่ำปรับตกในรายวิชานั้นและพักการเรียนหนึ่งภาคการศึกษา

ข้อที่	คะแนนเต็ม	คะแนนที่ได้
1	30	
2	25	
3	20	
4	20	
5	35	
รวม	130	

อาจารย์ ชยุต นันทดุสิต

(ผู้ออกข้อสอบ)

ชื่อ-สกุล _____ รหัส _____ Section _____

ข้อที่ 1. จงตอบคำถามต่อไปนี้ (ข้อละ 3 คะแนน)

1.1 จงอธิบายเกี่ยวกับเงื่อนไขของการไหลแบบ Potential flow, Creeping flow และ Inviscid flow

1.2 จงเขียนอธิบายความหมายของแต่ละเทอมในสมการ Navier-Stokes และในกรณีที่เป็นกรไหลแบบ Creeping flow มีเทอมใดบ้างในสมการที่ไม่ต้องนำมาพิจารณา

$$\rho \left[\frac{\partial \vec{V}}{\partial t} + (\vec{V} \cdot \nabla) \vec{V} \right] = -\nabla P + \rho \vec{g} + \mu \nabla^2 \vec{V}$$

1.3 Boundary layer คืออะไร มีนิยามในการกำหนดความหนาอย่างไร

ชื่อ-สกุล _____ รหัส _____ Section _____

1.4 จงอธิบายความหมายของการไหลของ Boundary layer ในสภาวะ Favorable และ Adverse pressure gradients และยกตัวอย่างการไหลทั้ง 2 แบบ

1.5 ลูกกอล์ฟที่ไม่มีผิวที่ขรุขระไม่เรียบ จงอธิบายเหตุผลทางกลศาสตร์ของไหล

1.6 จงอธิบายเกี่ยวกับกลไก (สาเหตุ) การเกิด Drag ในกรณีบางแผ่นราบขนานกับการไหล และกรณีวางแผ่นราบตั้งฉากขวางการไหล

ชื่อ-สกุล _____ รหัส _____ Section _____

1.7 ปรากฏการณ์สำลัก (Choking) คืออะไร เกิดขึ้นที่ไหน เมื่อไร

1.8 Streamlined body แตกต่างจาก Bluff body อย่างไร

1.9 Stall คืออะไร เกิดขึ้นได้อย่างไร

1.10 Total temperature คืออะไร

ชื่อ-สกุล _____ รหัส _____ Section _____

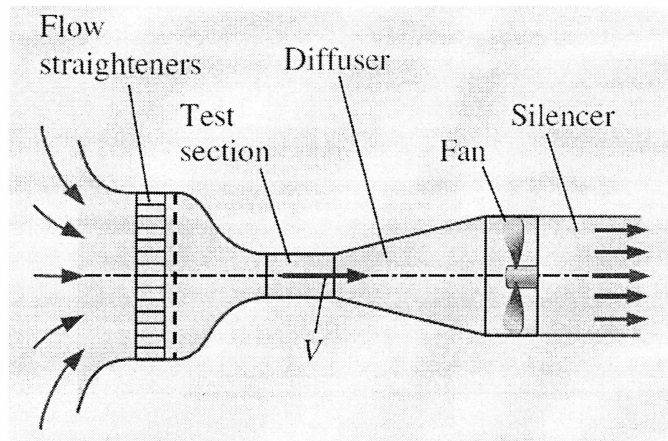
ข้อที่ 2. พิจารณาการไหลแบบอุดมคติ 2 มิติ ที่มีการไหลสม่ำเสมอความเร็ว U_∞ ในทิศทาง x ผ่าน line source ที่มีความยาว L มีอัตราการไหลเชิงปริมาตร V' วางที่จุดกำเนิด $(0, 0)$

- (ก) จงวาดเส้น Streamline แสดงสนามการไหลนี้
- (ข) จงหาฟังก์ชันกระแส (Stream function) ของสนามการไหลนี้ในระบบพิกัด (r, θ)
- (ค) จงหาโพเทนเชียลเชิงฟังก์ชัน (Potential function) ของสนามการไหลนี้ในระบบพิกัด (r, θ)
- (ง) จงหาสนามความเร็วในระบบพิกัด (r, θ)
- (จ) จงหาดำแหน่ง Stagnation point ที่เกิดขึ้นในสนามการไหล

ชื่อ-สกุล _____ รหัส _____ Section _____

ข้อที่ 3. การไหลในอุโมงค์ลมที่มีส่วนทดสอบ (Test section) ขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 30 cm และยาว 30 cm ถ้าหากอากาศที่ไหลเข้าส่วนทดสอบมีความเร็วสม่ำเสมอตลอดหน้าตัดที่ความเร็ว 3.5 m/s กำหนดให้อากาศมีความหนืด $\nu = 1.507 \times 10^{-5} \text{ m}^2/\text{s}$ ความหนาแน่น $\rho = 1.2 \text{ kg/m}^3$

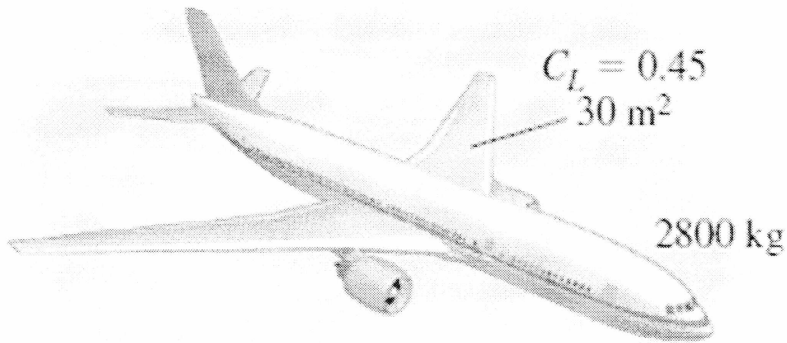
- (ก) ที่ทางออกส่วนทดสอบการไหลในชั้นขอบเขตบนผิวท่อเป็นแบบราบเรียบหรือแบบปั่นป่วน
- (ข) จงหาความหนาของชั้นขอบเขตบนผิวท่อที่ทางออกส่วนทดสอบ
- (ค) ที่ตำแหน่งทางออกส่วนทดสอบอากาศที่ตำแหน่งกลางท่อจะมีความเร็วเท่าใด
- (ง) หากต้องการให้ความเร็วที่ทางออกส่วนทดสอบเท่ากับความเร็วที่ทางเข้าส่วนทดสอบจะต้องออกแบบท่ออย่างไร



ชื่อ-สกุล _____ รหัส _____ Section _____

ชื่อ-สกุล _____ รหัส _____ Section _____

ข้อที่ 4. เครื่องบินลำหนึ่งปีกมีพื้นที่ทั้งหมด 30 m^2 และมีมวลรวมทั้งหมด 2800 kg ถ้าสัมประสิทธิ์แรงยกของปีกขณะบินขึ้นเท่ากับ 0.45 จงหาความเร็วของเครื่องบินขณะบินขึ้น และแรงยกที่กระทำบนปีกขณะบินขึ้น



ชื่อ-สกุล _____ รหัส _____ Section _____

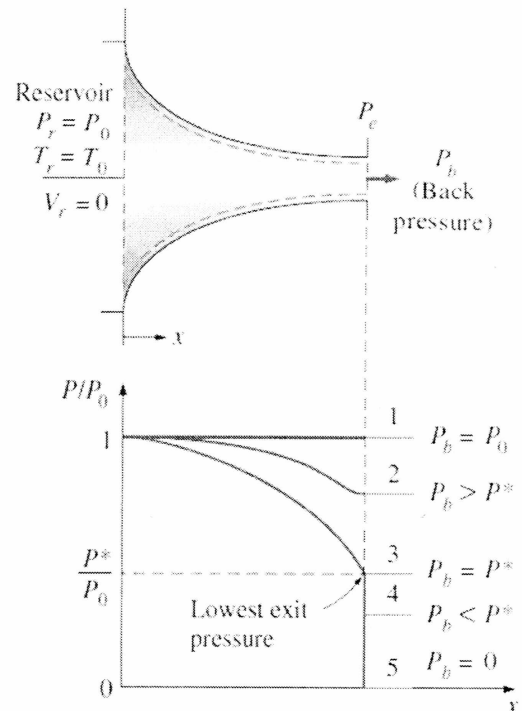
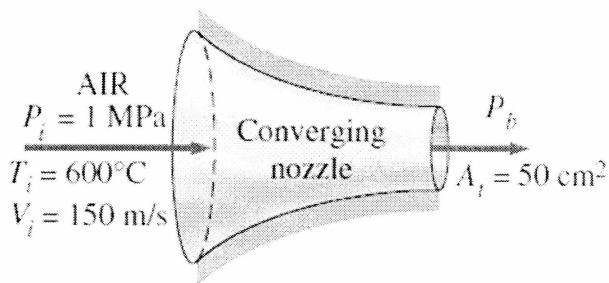
ข้อที่ 5. อากาศไหลเข้า Converging nozzle ตามที่แสดงในรูป ที่ทางเข้ามีความดัน 1.0 MPa อุณหภูมิ 600°C และความเร็วเท่ากับ 150 m/s ถ้าสมมุติให้การไหลอยู่ในสภาวะคงตัว เป็นการไหลแบบ Isentropic 1 มิติ ที่มีค่า $k=1.4$ ถ้าที่ทางออกมีพื้นที่ 50 cm^2

(ก) จงหา Stagnation temperature และ Stagnation pressure ที่ทางเข้า

(ข) จงหา Critical pressure ของ Converging nozzle นี้

(ค) ถ้าความดันด้านหลัง $P_b=0.7 \text{ MPa}$ จงหาอัตราการไหลที่เกิดขึ้นใน Converging nozzle

กำหนดให้ ค่าคงที่ของแก๊สในกรณีอากาศ $R=0.287 \text{ kJ/kg K}$, $c_p=1.005 \text{ kJ/kg K}$



ชื่อ-สกุล _____ รหัส _____ Section _____

สมการที่เกี่ยวข้อง

$$u = \frac{\partial \psi}{\partial y} \quad \text{and} \quad v = -\frac{\partial \psi}{\partial x}$$

$$u = \frac{\partial \phi}{\partial x}, \quad \text{and} \quad v = \frac{\partial \phi}{\partial y} \quad u_r = \frac{\partial \phi}{\partial r} \quad u_\theta = \frac{1}{r} \frac{\partial \phi}{\partial \theta} \quad u_z = \frac{\partial \phi}{\partial z}$$

$$\phi = \frac{m}{2\pi} \ln r, \quad \psi = \frac{m}{2\pi} \theta$$

$$\phi = Vx \quad \psi = Vy$$

$$\phi = \frac{\Gamma}{2\pi} \theta \quad \psi = -\frac{\Gamma}{2\pi} \ln r$$

$$\phi = \frac{\dot{V}/L}{2\pi} \ln r \quad \psi = \frac{\dot{V}/L}{2\pi} \theta$$

$$\psi = \frac{-a(\dot{V}/L)}{\pi} \frac{\sin \theta}{r} = -K \frac{\sin \theta}{r}$$

$$\phi = K \frac{\cos \theta}{r}$$

$$x = r \cos \theta, \quad y = r \sin \theta$$

$$\frac{p_1}{\rho} + \frac{1}{2} (u_1^2 + v_1^2) = \frac{p_2}{\rho} + \frac{1}{2} (u_2^2 + v_2^2)$$

$$\frac{p_1}{\rho} + \frac{1}{2} (v_{r1}^2 + v_{\theta 1}^2) = \frac{p_2}{\rho} + \frac{1}{2} (v_{r2}^2 + v_{\theta 2}^2)$$

$$\delta^* = \int_0^\infty \left(1 - \frac{u}{U}\right) dy \quad C_L = \frac{F_L}{\frac{1}{2} \rho V^2 A}$$

$$\Theta = \int_0^\infty \frac{u}{U} \left(1 - \frac{u}{U}\right) dy$$

$$\text{Ma} = \frac{V}{c}$$

$$c = \sqrt{kRT}$$

$$T_0 = T + \frac{V^2}{2c_p}$$

$$\frac{P_0}{P} = \left(\frac{T_0}{T}\right)^{k/(k-1)}$$

$$\frac{\rho_0}{\rho} = \left(\frac{T_0}{T}\right)^{1/(k-1)}$$

$$c_p = kR/(k-1)$$

$$C_D = \frac{F_D}{\frac{1}{2} \rho U^2 A}$$

Summary of expressions for laminar and turbulent boundary layers on a smooth flat plate aligned parallel to a uniform stream*

Property	(a)		(b)
	Laminar	Turbulent ^(†)	Turbulent ^(‡)
Boundary layer thickness	$\frac{\delta}{x} = \frac{4.91}{\sqrt{Re_x}}$	$\frac{\delta}{x} \approx \frac{0.16}{(Re_x)^{1/7}}$	$\frac{\delta}{x} \approx \frac{0.38}{(Re_x)^{1/5}}$
Displacement thickness	$\frac{\delta^*}{x} = \frac{1.72}{\sqrt{Re_x}}$	$\frac{\delta^*}{x} \approx \frac{0.020}{(Re_x)^{1/7}}$	$\frac{\delta^*}{x} \approx \frac{0.048}{(Re_x)^{1/5}}$
Momentum thickness	$\frac{\theta}{x} = \frac{0.664}{\sqrt{Re_x}}$	$\frac{\theta}{x} \approx \frac{0.016}{(Re_x)^{1/7}}$	$\frac{\theta}{x} \approx \frac{0.037}{(Re_x)^{1/5}}$
Local skin friction coefficient	$C_{f,x} = \frac{0.664}{\sqrt{Re_x}}$	$C_{f,x} \approx \frac{0.027}{(Re_x)^{1/7}}$	$C_{f,x} \approx \frac{0.059}{(Re_x)^{1/5}}$

* Laminar values are exact and are listed to three significant digits, but turbulent values are listed to only two significant digits due to the large uncertainty affiliated with all turbulent flow fields.

† Obtained from one-seventh-power law.

‡ Obtained from one-seventh-power law combined with empirical data for turbulent flow through smooth pipes.

