

# มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์

## คณะวิศวกรรมศาสตร์

การสอบปลายภาค ประจำภาคการศึกษาที่ 2

ปีการศึกษา 2557

วันที่ 8 พฤษภาคม 2557

เวลา 9:00 – 12:00 น.

วิชา 215-653 Computational Fluid Dynamics

ห้อง R201

=====

### คำสั่ง

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 4 ข้อ ให้ทำทุกข้อ
  2. อนุญาตให้นำหนังสือ An Introduction to Computational Fluid Dynamics ของ H. K. Versteeg and W. Malalasekera เข้าห้องสอบ
  3. อนุญาตให้นำ dictionary เข้าห้องสอบ
  4. ให้เขียนคำตอบในสมุดคำตอบ
- ทุจริตในการสอบ โทษขั้นต่ำปรับตกในรายวิชานั้นและพักการเรียนหนึ่งภาคการศึกษา

ข้อที่	คะแนนเต็ม	คะแนนที่ได้
1	20	
2	20	
3	30	
4	30	
รวม	100	

อาจารย์ ชยุต นันทคุลิต  
อาจารย์ ภาสกรเวสสะโกศล  
(ผู้ออกข้อสอบ)

ข้อที่ 1. ให้เขียนตอบเป็นภาษาไทย (ห้ามลอกภาษาอังกฤษจากหนังสือ)

- 1.1 คุณสมบัติสำคัญของการสร้างสมการ Discretization schemes มีอะไรบ้างให้อธิบายรายละเอียดแต่ละคุณสมบัติ
- 1.2 Peclet number คืออะไร เป็นตัวแปรที่บ่งบอกอะไร
- 1.3 ปรากฏการณ์ Wiggles คืออะไร เกิดขึ้นเมื่อใด
- 1.4 จงอธิบายถึงปรากฏการณ์ False diffusion เกิดได้อย่างไรและเกิดขึ้นเมื่อใด
- 1.5 จงอธิบายข้อดีข้อเสียของการใช้ QUICK scheme
- 1.6 จงอธิบายข้อดีและข้อเสียของการใช้ High order differencing schemes

ข้อที่ 2. Solve the tridiagonal system by using TDMA method

$$\begin{bmatrix} 4 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ -1 & 4 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 4 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 4 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & -1 & 4 \end{bmatrix} \begin{Bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 100 \\ 200 \\ 200 \\ 200 \\ 100 \end{Bmatrix}$$

ข้อที่ 3. A slab is initially at a uniform temperature of  $200^\circ\text{C}$ . At a certain time,  $t = 0$ , the temperature of the east side is suddenly reduced to  $0^\circ\text{C}$ . The other surface is insulated. Use the fully implicit finite volume method to calculate the transient temperature distribution of the slab and compare it with the analytical solution at time  $t = 5$  sec. The data are: slab thickness  $L = 2$  cm, thermal conductivity  $k = 10$  W/(m.K),  $\rho c = 10 \times 10^6$  J/(m<sup>2</sup>.K),  $\Delta x = 0.004$  m,  $\Delta t = 5$  sec.

The analytical temperature distribution is given as

$$\frac{T(x, y)}{200} = \frac{4}{\pi} \sum_{n=1}^{10} \frac{(-1)^{n+1}}{2n-1} \exp(-\alpha \lambda_n^2 t) \cos(\lambda_n x) \text{ where } \lambda_n = \frac{(2n-1)\pi}{2L} \text{ and } \alpha = \frac{k}{\rho c}$$

ข้อที่ 4. A property  $\phi$  is transported by means of convection and diffusion through the one-dimensional domain sketched in the Figure. The boundary conditions are  $\phi_0 = 1$  at  $x = 0$  and  $\phi_L = 0$  at  $x = L$ . Using the five equally spaced cells and two schemes, upwind and hybrid schemes, to calculate the distribution of  $\phi$  as a function of  $x$  for  $u = 2$  m/s. Also, compare the results with the analytical solution

$$\frac{\phi - \phi_0}{\phi - \phi_L} = \frac{\exp(\rho u x / \Gamma) - 1}{\exp(\rho u L / \Gamma) - 1}$$

The data for this problem are : length  $L = 1$  m,  $\rho = 1$  kg/m<sup>3</sup>,  $\Gamma = 0.1$  kg/(m.s)

